

1. 두 자연수의 최소공배수가 72 일 때, 두 수의 공배수 중 200 보다 작은 수를 모두 고르면?(정답 2개)

① 36 ② 72 ③ 104 ④ 144 ⑤ 180

해설

공배수는 최소공배수의 배수이므로 최소공배수인 72 의 배수 72 , 144 , 216 , 288 , 360 , … 중 200 보다 작은 수는 72 , 144 이다.

2. 가로의 길이가 16cm, 세로의 길이가 12cm, 높이가 24cm인 직육면체 모양의 벽돌이 있다. 이것을 같은 방향으로 놓아도록 쌓아서 정육면체를 만들 때, 이러한 정육면체 중 가장 작은 것의 한 모서리의 길이는?

① 36cm

② 48cm

③ 72cm

④ 96cm

⑤ 144cm

해설

가장 작은 정육면체의 한 모서리의 길이는 16, 12, 24의 최소공배수이므로 48cm이다.

3. 다음 수들의 최대공약수와 최소공배수를 소수의 거듭제곱을 써서 나타낸 것으로 옳은 것은?

$$2 \times 3^2 \times 5, 2 \times 3 \times 7$$

- ① 최대공약수 : 2×3 , 최소공배수 : $2 \times 3 \times 5 \times 7$
② 최대공약수 : 2×3 , 최소공배수 : $2 \times 3^2 \times 5 \times 7$
③ 최대공약수 : $2 \times 3^2 \times 5$, 최소공배수 : $2 \times 3 \times 5 \times 7$
④ 최대공약수 : $2 \times 3 \times 7$, 최소공배수 : $2 \times 3^2 \times 5 \times 7$
⑤ 최대공약수 : $2 \times 3^2 \times 5 \times 7$, 최소공배수 : 2×3

해설

$$\begin{array}{r} 2 \times 3^2 \times 5 \\ 2 \times 3 \quad \times 7 \\ \hline 2 \times 3^2 \times 5 \times 7 = 630 \end{array}$$

최대공약수 : 2×3
최소공배수 : $2 \times 3^2 \times 5 \times 7$

4. 두 자연수의 곱이 540이고 최소공배수가 60 일 때, 두 수의 최대공약수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

두 수 A, B 의 최대공약수를 G , 최소공배수를 L 이라 하면
 $A \times B = L \times G$ 이므로
 $540 = 60 \times G$ 이다.
 $\therefore G = 9$

5. 다음을 계산하면?

[보기]

$$\left(-\frac{11}{7}\right) + (-1) - (+3.5) - \left(-\frac{5}{2}\right)$$

- ① $-\frac{25}{7}$ ② -3 ③ $-\frac{18}{7}$ ④ -2 ⑤ $-\frac{10}{7}$

[해설]

$$\begin{aligned} & \left(-\frac{11}{7}\right) + (-1) - (+3.5) - \left(-\frac{5}{2}\right) \\ &= \left(-\frac{11}{7}\right) + (-1) + (-3.5) + \left(+\frac{5}{2}\right) \\ &= \left(-\frac{11}{7}\right) + \left(-\frac{7}{7}\right) + \left(-\frac{7}{2}\right) + \left(+\frac{5}{2}\right) \\ &= \left(-\frac{18}{7}\right) + (-1) \\ &= \left(-\frac{18}{7}\right) + \left(-\frac{7}{7}\right) \\ &= -\frac{25}{7} \end{aligned}$$

6. 두 수 a, b 에 대하여 $a > 0, b < 0$ 일 때, 다음 중 항상 양수인 것은?

- ① $a + b$ ② $a - b$ ③ $a \times b$ ④ $a \div b$ ⑤ $b - a$

해설

$$a > 0, b < 0, a - b > 0$$

① 부호를 알 수 없다.

③ $a \times b < 0$

④ $a \div b < 0$

⑤ $b - a < 0$

7. 어떤 수를 15로 나누면 7이 남는 수 중 100에 가장 가까운 수는?

- ① 90 ② 92 ③ 95 ④ 97 ⑤ 99

해설

어떤 수를 x 라 하고 몫을 k 라 하면 $x = 15 \times k + 7$ 이다.

$k = 6$ 일 때, $x = 15 \times 6 + 7 = 97$ 이고 $k = 7$ 일 때, $x = 15 \times 7 + 7 = 112$ 이다.

따라서 100에 가장 가까운 수는 97이다.

8. 108에 가장 작은 자연수를 곱하여 어떤 자연수의 제곱이 되게 하려고 한다. 어떤 수를 곱하면 되는가?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$108 = 2^2 \times 3^3$ 이므로 곱해야 할 가장 작은 자연수는 3

9. 두 자연수 A , B 의 최소공배수가 28 일 때, A 와 B 의 공배수 중 200 이하의 자연수의 개수를 구하여라.

▶ 답 :

개

▷ 정답 : 7 개

해설

공배수는 최소공배수의 배수이므로, 최소공배수인 28의 배수 중 200 보다 작은 자연수의 개수를 구한다. $200 \div 28 = 7.14\cdots$ 따라서 200 보다 작은 자연수의 개수는 7 개이다.

10. 어떤 수로 35 를 나누면 3 이 남고 118 을 나누면 2 가 모자란다고 한다. 이러한 수 중 가장 큰 수는?

① 16 ② 8 ③ 6 ④ 4 ⑤ 2

해설

32 와 120 의 최대공약수이므로 8 이다.

11. $-1 < a < 0$ 일 때, 다음 중 가장 작은 값은 어느 것인가?

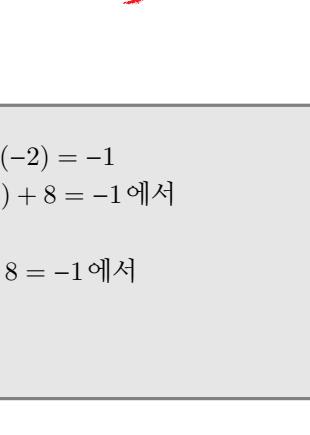
- ① $-\frac{1}{a}$ ② $-a$ ③ a^2 ④ a ⑤ $\frac{1}{a}$

해설

$a = -\frac{1}{2}$ 을 대입해본다.

- ① 2
② $\frac{1}{2}$
③ $\frac{1}{4}$
④ $-\frac{1}{2}$
⑤ -2

12. 아래 그림에서 세 변에 놓인 네 수의 합이 모두 같도록 할 때, $A + B$ 의 값은?



- ① -6 ② -4 ③ -1 ④ 2 ⑤ 4

해설

$$(-6) + 5 + 2 + (-2) = -1$$

$(-6) + A + (-9) + 8 = -1$ 에서

$$A = 6$$

$(-2) + 0 + B + 8 = -1$ 에서

$$B = -7$$

$$\therefore A + B = -1$$

13. 다음 중 계산 결과가 나머지 넷과 다른 하나는?

$$\textcircled{1} \quad 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right)$$

$$\textcircled{2} \quad (-3) \times \frac{1}{3}$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{2}{3} \times \frac{3}{5} \times \frac{5}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad \left(-\frac{11}{8}\right) \times \left(-\frac{8}{15}\right) \times \left(-\frac{15}{11}\right)$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{3}{8} \times \frac{5}{3} \times \left(-\frac{24}{15}\right)$$

해설

①, ②, ④, ⑤는 -1

$$\textcircled{3} \quad \frac{2}{3} \times \frac{3}{5} \times \frac{5}{2} = 1$$

14. 다음 중 계산 결과가 가장 작은 것은?

- ① $(+9) \div (+\frac{6}{5})$ ② $(-\frac{3}{7}) \div (-\frac{9}{14})$
③ $(+\frac{2}{3}) \div (-\frac{2}{27})$ ④ $(-\frac{4}{15}) \div (+1.2)$
⑤ $(-0.2) \div (-1.4)$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad (+9) \div (+\frac{6}{5}) &= (+9) \times (+\frac{5}{6}) = \frac{15}{2} \\ \textcircled{2} \quad (-\frac{3}{7}) \div (-\frac{9}{14}) &= (-\frac{3}{7}) \times (-\frac{14}{9}) = \frac{2}{3} \\ \textcircled{3} \quad (+\frac{2}{3}) \div (-\frac{2}{27}) &= (+\frac{2}{3}) \times (-\frac{27}{2}) = -9 \\ \textcircled{4} \quad (-\frac{4}{15}) \div (+1.2) &= (-\frac{4}{15}) \div (+\frac{6}{5}) = (-\frac{4}{15}) \times (+\frac{5}{6}) = \\ &\quad -\frac{2}{9} \\ \textcircled{5} \quad (-0.2) \div (-1.4) &= \left(-\frac{1}{5}\right) \div \left(-\frac{7}{5}\right) = \left(-\frac{1}{5}\right) \times \left(-\frac{5}{7}\right) = +\frac{1}{7} \end{aligned}$$

15. 수직선 위에서 원점으로부터 5 만큼 떨어진 점 중에서 작은 수에 대응하는 점을 A, -2로부터 7 만큼 떨어진 점 중에서 큰 수에 대응하는 점을 B라고 하자. 이때, 두 점 A, B에서 같은 거리에 있는 점이 나타내는 정수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

원점으로부터 5 만큼 떨어진 점 중에서 작은 수는 -5 이고, -2 로부터 7 만큼 떨어진 점 중에서 큰 수는 $+5$ 가 된다. 그러므로 점 A는 -5 에 대응하고 점 B는 $+5$ 에 대응한다. 두 점 A, B에서 같은 거리에 있는 점이 나타내는 정수는 다음 수직선과 같다.



16. 10개의 수를 수직선에 점으로 나타내었더니 수와 수 사이의 간격이 일정하게 찍혀져 있었다. 수직선에 찍은 점 중 원쪽에서 3번째 점이 나타내는 -6 이고 오른쪽에서 3번째 점이 나타내는 수가 4일 때, 가장 원쪽에 있는 점과 가장 오른쪽에 있는 점 사이의 거리를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 18 또는 $+18$

해설

열 개의 수를 작은 수부터 ①②③, …, ⑩이라 하자. 오른쪽에서 세 번째 수는 원쪽에서 8 번째 수이므로



$$(\text{이웃하는 두 수의 거리}) = (6 + 4) \times \frac{1}{5} = 2$$

따라서 (양 끝 수 사이의 거리) $= 2 \times 9 = 18$ 이다.

17. $A * B = A \times B$ 라고 정의할 때, 다음을 계산하여라.

$$\left\{ \frac{7}{12} * \left(-\frac{15}{14} \right) \right\} \div \left\{ \frac{1}{3} * \frac{9}{2} \right\}$$

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{5}{12}$

해설

$$\begin{aligned} & \left\{ \frac{7}{12} * \left(-\frac{15}{14} \right) \right\} \div \left\{ \frac{1}{3} * \frac{9}{2} \right\} \\ &= -\left(\frac{7}{12} \times \frac{15}{14} \right) \div \left(\frac{1}{3} \times \frac{9}{2} \right) \\ &= -\frac{5}{8} \div \frac{3}{2} = -\frac{5}{8} \times \frac{2}{3} = -\frac{5}{12} \end{aligned}$$

18. 200 에 가장 가까운 7 의 배수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 203

해설

$7 \times 28 = 196$, $7 \times 29 = 203$ 이므로 200 에 가장 가까운 7 의 배수는 203이다.