

1. 이차방정식  $x^2 + px + q = 0$  의 두 근이 연속한 양의 정수이고, 두 근의 제곱의 차가 25 일 때, 상수  $p + q$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 131

해설

두 근을  $\alpha, \alpha + 1$  이라 하면,

$$(\alpha + 1)^2 - \alpha^2 = 25$$

$$2\alpha - 24 = 2(\alpha - 12) = 0$$

$$\therefore \alpha = 12$$

$$\alpha + (\alpha + 1) = 2\alpha + 1 = -p$$

$$p = -(24 + 1) = -25$$

$$\alpha(\alpha + 1) = \alpha^2 + \alpha = q$$

$$q = 144 + 12 = 156$$

$$\therefore p + q = 131$$

2.  $x^2 - 5x + 1 = 0$  일 때,  $x^2 + x + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 28

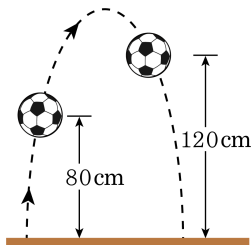
해설

$x^2 - 5x + 1 = 0$  의 양변을  $x$  로 나누면

$$x - 5 + \frac{1}{x} = 0 \quad \therefore x + \frac{1}{x} = 5$$

$$\begin{aligned} x^2 + x + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} &= \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 + \left(x + \frac{1}{x}\right) \\ &= 25 - 2 + 5 = 28 \end{aligned}$$

3. 다음 그림은 지면으로부터 초속 50m 위로 던진 공의  $x$  초 후의 높이가  $(50x - 5x^2)$ m 이다. 위로 던진 공이 내려오면서 높이 120m 에서 터졌다면 처음으로 80m 를 도달해서 공이 터질 때까지의 시간을 구하여라.



▶ 답 : 초

▷ 정답 : 4 초

#### 해설

처음으로 80m 에 도달했을 때까지의 시간은

$$50x - 5x^2 = 80 \text{ 이므로}$$

$$5x^2 - 50x + 80 = 0$$

$$x^2 - 10x + 16 = 0$$

$$(x - 2)(x - 8) = 0$$

$x = 2$ 초 또는 8 초이다.

처음으로 80m 에 도달했을 때이므로 2 초이다.

두 번째로 120m 에 도달했을 때까지의 시간은

$$50x - 5x^2 = 120 \text{ 이므로}$$

$$5x^2 - 50x + 120 = 0$$

$$x^2 - 10x + 24 = 0$$

$$(x - 4)(x - 6) = 0$$

$x = 4$ 초 또는 6 초이다.

두 번째로 120m 에 도달했을 때이므로 6 초이다.

따라서 처음으로 높이가 80m 인 지점을 지나 두 번째로 120m 인 지점까지의 시간은 2 초부터 6 초까지이므로 4 초 동안이다.