

1. 다음 보기 중에서 미지수가 2 개인 일차방정식을 모두 골라라.

보기

Ⓐ  $2x - 4y = -1$

Ⓑ  $y^2 - 1 = 2x$

Ⓒ  $2(x - y) + 5x = 1$

Ⓓ  $\frac{1}{x} - \frac{1}{y} = 2$

Ⓔ  $x - y + 1 = x^2$

Ⓕ  $x - 2y + 3xy = 0$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓐ

▷ 정답 : Ⓒ

해설

Ⓐ 미지수가 2 개인 일차방정식이다.

Ⓑ  $y$ 에 관한 이차방정식이다.

Ⓒ 미지수가 2 개인 일차방정식이다.

Ⓓ 미지수가 분모에 있으면 일차가 아니다.

Ⓔ  $x$ 에 관한 이차방정식이다.

Ⓕ  $x, y$ 에 관한 이차방정식이다.

2. 다음 중 일차방정식  $4x + 2y = 22$  을 만족하는  $x$ ,  $y$  의 순서쌍  $(x, y)$ 로 옳지 않은 것은?

①  $(1, 9)$

②  $(2, 7)$

③  $(3, 5)$

④  $(4, 3)$

⑤  $(1, 5)$

해설

⑤  $4x + 2y = 22$  에  $(1, 5)$  를 대입하면  $4 \times 1 + 2 \times 5 \neq 22$  이다.

3. 다음 연립방정식 중에서 그 해가 (3, 1) 인 것은?

$$\textcircled{1} \quad \begin{cases} 2x + 3y = 5 \\ 3x - 2y = 2 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} x - 2y = 3 \\ x - y = 1 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \quad \begin{cases} x + y - 1 = 0 \\ 4x - y - 6 = 0 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \quad \begin{cases} x - y = 1 \\ x + y = 1 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \quad \begin{cases} 2x - y = 5 \\ x - 2y = 1 \end{cases}$$

해설

(3, 1) 을 대입해서 성립하면 해가 된다.

4. 연립방정식  $\begin{cases} 3x + y = 6 \\ 2x - y = 9 \end{cases}$  을 풀면?

- ①  $x = 1, y = -1$       ②  $x = 3, y = -3$       ③  $x = 4, y = 1$   
④  $x = 6, y = 8$       ⑤  $x = 4, y = 12$

해설

$$\begin{cases} 3x + y = 6 \cdots ① \\ 2x - y = 9 \cdots ② \end{cases}$$

$$① + ② : x = 3, y = -3$$

5. 연립방정식  $\begin{cases} x + y = 3 \cdots ㉠ \\ x - y = 1 \cdots ㉡ \end{cases}$  의 해에 대하여 5명의 친구들이 이야  
기 하고 있다. 옳지 않게 말한 사람은?

- ① 연제 : 해는 가감법을 이용하여 풀 수도 있고, 대입법을 이용하여 풀 수도 있다.
- ② 상학 : 해는 ㉠식을 만족하는 해의 집합과 ㉡식을 만족하는 해의 집합의 합집합이다.
- ③ 성희 : 해를 순서쌍으로 표현하면 (2, 1) 이다.
- ④ 민혁 : ㉠식과 ㉡식을 합하여  $x$  값을 구한 뒤  $y$  값을 구한다.
- ⑤ 지영 :  $x = 2$ ,  $y = 1$  을 ㉠식에 대입하면 식이 성립한다.

해설

- ② 교집합

6. 연립방정식  $\begin{cases} 4x - 2y = p \cdots \textcircled{\text{7}} \\ 3x - y = 4 \cdots \textcircled{\text{8}} \end{cases}$  이  $(3, t)$ 를 지날 때,  $p$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

⑧식에  $x = 3$  을 대입하면,  $9 - t = 4$ ,  $t = 5$

⑦식에  $(3, 5)$  를 대입하면,  $12 - 10 = p$ ,  $\therefore p = 2$

7. 연립방정식  $\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2}x - 3y = \frac{1}{4} \end{cases}$  의 해는?

- ①  $\left(\frac{10}{3}, \frac{3}{4}\right)$
- ②  $\left(\frac{23}{12}, \frac{5}{9}\right)$
- ③  $\left(\frac{12}{5}, \frac{1}{4}\right)$
- ④  $\left(\frac{13}{6}, \frac{5}{2}\right)$
- ⑤  $\left(\frac{15}{7}, \frac{3}{2}\right)$

해설

$$\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = \frac{1}{2} & \cdots ① \\ \frac{1}{2}x - 3y = \frac{1}{4} & \cdots ② \end{cases}$$

$$① \times 12 - ② \times 4 : x = \frac{23}{12}, y = \frac{5}{9}$$

8. 연립방정식  $\begin{cases} 2x - y = a \\ 6x - 3y = 9 \end{cases}$  의 해가 무수히 많을 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

두 방정식의 미지수의 계수와 상수항이 각각 같을 때 해가 무수히 많다.

따라서  $\begin{cases} 2x - y = a & \cdots \textcircled{1} \\ 6x - 3y = 9 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$   $3 \times \textcircled{1} = 6x - 3y = 3a$  이므로

$3a = 9$ ,  $a = 3$  일 때, 해가 무수히 많다.

9. 다음에서 미지수가 1 개인 일차부등식은 몇 개인가?

- Ⓐ  $4x + 2 < -4 + 4x$  ⓒ  $3 - x^2 > -5 + x - x^2$   
Ⓑ  $x - 7y \geq 2$  Ⓝ  $x - 4 \leq 5 - 3x$   
Ⓓ  $3x - 7y = -12$

- ① 1 개      ② 2 개      ③ 3 개      ④ 4 개      ⑤ 5 개

해설

미지수가 1 개인 일차부등식은 ⓒ, Ⓝ 2 개

Ⓐ 정리하면  $2 < -4$ , 미지수 0 개

Ⓑ  $x, y$  2 개

Ⓓ  $x, y$  2 개

10. 다음 중에서 부등식을 모두 찾아라.

①  $9 > -2$

②  $3x - x + 2$

③  $2x > 5$

④  $4x + 1 = 5$

⑤  $a - 5 = 4$

해설

①  $9 > -2$ , ③  $2x > 5$  는 부등식이다.

11. 일차부등식  $x - 1 < 3x - 3$  의 해는?

①  $x < 2$

②  $x > 2$

③  $x < 1$

④  $x > 1$

⑤  $x < -2$

해설

$$x - 1 < 3x - 3$$

$$x - 3x < -3 + 1$$

$$-2x < -2$$

$$\therefore x > 1$$

12. 연립부등식  $-5 \leq 2x - 1 < 3$  의 해가  $a \leq x < b$  일 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$$-5 \leq 2x - 1 < 3$$

$$-4 \leq 2x < 4, \quad -2 \leq x < 2$$

$$a = -2, \quad b = 2$$

$$\therefore a + b = 0$$

13. 다음 네 일차방정식이 한 쌍의 공통인 해를 가질 때, 상수  $a, b$ 의 곱의 값은?

$$2x - y = 1, \ ax + by = 2, \ bx - ay = 4, \ x + y = 2$$

- ① -3      ② 0      ③ 1      ④ 3      ⑤ 6

해설

$$\begin{cases} 2x - y = 1 \\ x + y = 2 \end{cases}$$
 를 연립하여 풀면  $x = 1, y = 1$  이 나오고, 이

값을 나머지 두 식에 대입하면

$a = -1, b = 3$  이 나온다.

따라서  $a \times b = (-1) \times 3 = -3$  이다.

14. 두 정수가 있다. 작은 수의 2 배에서 큰 수를 더하면 10 이다. 또  
큰 수를 작은 수로 나누면 몫은 1이고, 나머지도 1이다. 두 정수의  
합은?

① 1

② 3

③ 5

④ 7

⑤ 9

해설

큰 수를  $x$ , 작은 수를  $y$  라고 하면

$$\begin{cases} 2y + x = 10 \\ x = y + 1 \end{cases}$$

연립하여 풀면  $x = 4$ ,  $y = 3$  이다.

$$\therefore 3 + 4 = 7$$

15. 어느 전람회의 입장료는 어른이 500 원, 어린이가 250 원이다. 어느 날 입장권이 모두 200 장 팔렸고, 입장료의 합계가 55000 원이었다. 입장한 어린이는 어른보다 몇 명이 더 많은가?

- ① 100 명
- ② 120 명
- ③ 140 명
- ④ 160 명
- ⑤ 180 명

해설

어른  $x$  명, 어린이가  $y$  명 입장하였다고 하면

$$\begin{cases} x + y = 200 \\ 500x + 250y = 55000 \end{cases}$$

연립하여 풀면  $x = 20$ ,  $y = 180$  이다.

$$\therefore 180 - 20 = 160(\text{명})$$

16. 해진이와 소희가 가게에서 감과 사과를 샀다. 해진이는 감 2 개, 사과 1 개를 700 원에 샀고, 소희는 감 3 개와 사과 2 개를 1200 원에 샀다. 감 1 개의 값을  $x$  원, 사과 1 개의 값을  $y$  원이라고 할 때,  $x + y$ 의 값은?

- ① 100      ② 300      ③ 500      ④ 700      ⑤ 900

해설

감 한 개의 가격을  $x$  원, 사과 한 개의 가격을  $y$  원이라고 하면

$$\begin{cases} 2x + y = 700 & \cdots (1) \\ 3x + 2y = 1200 & \cdots (2) \end{cases}$$

$$(1) \times 2 - (2) \text{하면 } x = 200$$

$$\text{이를 (1)에 대입하면 } 400 + y = 700$$

$$y = 300$$

$$\therefore x + y = 200 + 300 = 500(\text{원})$$

17. 다음 중에서 일차부등식이 아닌 것은?

①  $2x + 1 > 10$

②  $x < 3x - 4$

③  $3 - x \geq 2 - x$

④  $2x^2 - x^2 < x^2 - x$

⑤  $x^2 - 2 \leq x^2 - x - 4$

해설

①  $2x > 9$

②  $x > 2$

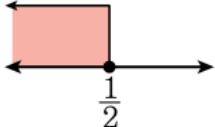
③  $3 \geq 2$

④  $x < 0$

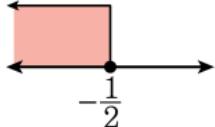
⑤  $x \leq -2$

18. 부등식  $-x + 1 \leq 2x - 5$  의 해를 수직선 위에 올바르게 나타낸 것은?

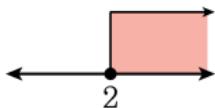
①



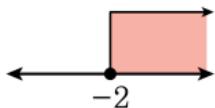
②



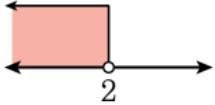
③



④



⑤



해설

$$-x + 1 \leq 2x - 5$$

$$6 \leq 3x$$

$$\therefore 2 \leq x$$

19. 연립부등식  $\begin{cases} 3-x > -2 \\ 3x-1 \geq -4 \end{cases}$  의 해가  $a \leq x < b$  일 때,  $b-a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 6

해설

$$3-x > -2 \text{에서 } x < 5 \cdots \textcircled{\text{Q}}$$

$$3x-1 \geq -4 \text{에서 } x \geq -1 \cdots \textcircled{\text{L}}$$

$\textcircled{\text{Q}}, \textcircled{\text{L}}$ 에서  $-1 \leq x < 5$  이므로  $a = -1, b = 5$

$$\therefore b-a = 5+1 = 6$$

20. 은서는 책이 가득 든 상자들을 엘리베이터를 이용해서 1 층에서 5 층까지 옮기려고 한다. 상자 한 개의 무게는 10kg 이고, 은서의 무게는 60kg 이다. 이 엘리베이터에 최대 200kg 까지 실을 수 있다면, 한 번에 실을 수 있는 상자의 최대 개수는?

- ① 13개      ② 14개      ③ 15개      ④ 16개      ⑤ 18개

해설

한 번에 실을 수 있는 상자의 최대 개수를  $x$  개라 하자.

$$10x + 60 \leq 200$$

$$\therefore x \leq 14$$

따라서, 상자를 최대 14 개까지 실을 수 있다.

21. 점  $(1, -4)$ 를 지나는 일차함수  $y = -ax - 3$ 의 그래프가  $(3b + 1, -2b)$ 를 지난다고 할 때,  $a$ ,  $b$ 를 순서대로 바르게 짹지은 것은?

- ①  $a = 1, b = -4$       ②  $a = -1, b = 4$       ③  $a = 4, b = -1$   
④  $a = -4, b = 1$       ⑤  $a = 1, b = -1$

해설

$y = -ax - 3$ 의 그래프가 점  $(1, -4)$ 를 지나므로  $x = 1, y = -4$ 를 대입하면

$$-4 = -a \times 1 - 3, a = 1 \text{이다.}$$

따라서 주어진 함수는  $y = -x - 3$ 이고, 이 그래프는 점  $(3b + 1, -2b)$ 를 지나므로

$$-2b = -(3b + 1) - 3 \text{이다.}$$

$$b = -4$$

$$\therefore a = 1, b = -4$$

22. 일차함수  $y = -x + 6$ 의 그래프를  $y$ 축 방향으로  $a$ 만큼 평행 이동시켜서 그라프가 점  $(2a, 5a)$ 를 지나게 하려고 한다.  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

일차함수  $y = -x + 6$ 의 그래프를  $y$ 축 방향으로  $a$ 만큼 평행이 동한 그래프는  $y = -x + 6 + a$ 이고 이 그래프가 점  $(2a, 5a)$ 를 지나므로  $x, y$ 에 각각  $2a, 5a$ 를 대입한 등식이 성립한다.  
따라서  $5a = -2a + 6 + a, a = 1$ 이다.

23. 다음 중  $x$  값이 증가함에 따라  $y$  값이 감소하는 그래프의 개수를 구하여라.

보기

㉠  $y = -\frac{3}{4}x + 3$

㉡  $y = 2x - 1$

㉢  $y = 3x$

㉣  $y = -3x - 4$

㉤  $y = 4x - 4$

㉥  $y = -x - 3$

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 3개

해설

$x$  값이 증가함에 따라  $y$  값이 감소하는 그래프는 기울기  $a < 0$  이므로 ㉠, ㉢, ㉥이다.

$\therefore$  3개

24. 다음 중 일차함수  $y = ax + b$  (단,  $b \neq 0$ )의 그래프에 대한 설명 중 옳은 것은?

- ㉠ 원점을 지난다.
- ㉡ 점  $\left(-\frac{b}{a}, 0\right)$  를 지난다.
- ㉢  $a < 0$  이면 그래프는 왼쪽 위로 향한다.
- ㉣ 일차함수  $y = bx + a$  와 평행하다.
- ㉤ 일차함수  $y = -ax$  와  $y$  축 위에서 만난다.

- ① ㉠, ㉡      ② ㉡, ㉢      ③ ㉡, ㉣      ④ ㉢, ㉤      ⑤ ㉤, ㉥

해설

- ㉠ 원점을 지나지 않는다.
- ㉡ 기울기가 다르므로 평행하지 않는다.
- ㉢  $y$  절편이 다르므로  $y$  축 위에서 만나지 않는다.  
따라서 옳은 것은 ㉡, ㉢이다.

25. 일차함수  $y = 5x$ 의 그래프를 평행 이동시켜  $y$ 절편을 3으로 만든 일차함수의 식이  $y = ax + b$ 라고 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a + b = 8$

해설

기울기가 5이고  $y$ 절편이 3이므로

$$y = 5x + 3$$

$$\therefore a = 5, b = 3$$

$$a + b = 8 \text{이다.}$$

26. 지윤이가 학원을 마치고 1분에 300m의 속도로 집을 향해 가고 있다. 집과 학원의 거리가 2.9km 일 때, 집까지의 거리가 200m 남은 지점을 통과할 때 지윤이는 학원에서 출발한지 몇 분이 경과하였는지 구하여라.

▶ 답 : 분

▶ 정답 : 9분

해설

$x$ 분 후 집까지의 거리를  $ym$ 라고 하면

$$y = 2900 - 300x \text{이다.}$$

$$2900 - 300 \times x = 200$$

$$x = 9$$

따라서 학원에서 출발한지 9분이 경과하였다.

27. 둘레가 330m 인 공원을 A는 걸어서, B는 자전거로 같은 방향으로 돌면, 1 분 40 초마다 B 가 A 를 추월한다고 한다. 또, 반대 방향으로 돌면 두 사람이 1 분마다 만난다고 한다. A , B의 속력을 순서대로 구하여라. (단, 단위는 m/분 이다)

▶ 답 : m/min

▶ 답 : m/min

▷ 정답 : 66 m/min

▷ 정답 : 264 m/min

### 해설

A 의 속력을  $x$  m/분 , B 의 속력을  $y$  m/분 라 하면

$$\begin{cases} x + y = 330 \cdots \textcircled{1} \\ \frac{5}{3}y - \frac{5}{3}x = 330 \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} - \textcircled{2} \times \frac{3}{5} \text{ 하면 } 2x = 132$$

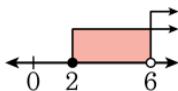
$$x = 66 , y = 330 - 66 = 264$$

$$\therefore A : 66\text{m/분} , B : 264\text{m/분}$$

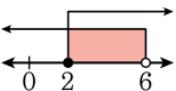
28. 다음 연립방정식의 해를 수직선 위에 바르게 나타낸 것은?

$$\begin{cases} 6(6 - 4x) \leq -12 \\ 5(9x + 1) < 275 \end{cases}$$

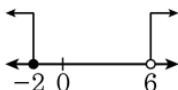
①



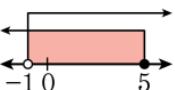
②



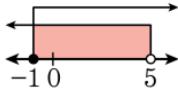
③



④



⑤



해설

$$6(6 - 4x) \leq -12 \Rightarrow x \geq 2$$

$$5(9x + 1) < 275 \Rightarrow x < 6$$

$$\therefore 2 \leq x < 6$$

29. 다음 연립부등식 중 해가 없는 것을 모두 고르면?

①  $\begin{cases} \frac{2}{3}x + 2 > \frac{3}{2}x - 3 \\ 0.2x - 4.7 \geq 2.5 - 0.7x \end{cases}$

②  $x + 5 \leq 2x + 3 < -2$

③  $\begin{cases} 5x - 3 < 3x + 1 \\ 0.03(x - 2) \geq 0.02x - 0.01 \end{cases}$

④  $\begin{cases} 3x - 4 \leq -2(x - 3) \\ x + 1 \geq -(x + 5) \end{cases}$

⑤  $3x - 6 < 2x + 3 < 10x + \frac{13}{3}$

해설

② ㉠  $x + 5 \leq 2x + 3, x \geq 2$

㉡  $2x + 3 < -2, x < -\frac{5}{2}$

공통된 부분이 없으므로 해가 없다.

③ ㉠  $5x - 3 < 3x + 1, x < 2$

㉡  $0.03(x - 2) \geq 0.02x - 0.01, x \geq 5$

공통된 부분이 없으므로 해가 없다.

30. 현재 물통에 들어 있는 물에 5L의 물을 더 붓고, 그 전체 양의  $\frac{3}{2}$ 을 더 부어도 물의 양이 25L를 넘지 않는다고 한다. 현재 물통에는 최대 몇 L의 물이 있는가?

- ① 3L      ② 5L      ③ 7L      ④ 10L      ⑤ 12L

해설

처음 들어있는 물의 양을  $x$ L라 하면

$$(x + 5) + \frac{3}{2}(x + 5) \leq 25 \text{에서 } x \leq 5 \text{이다.}$$

따라서 처음 물통에 들어있던 물의 양은 5L 이하이다.

31. 아침 8 시 30 분이 등교시간인 효주는 아침 8 시에 출발하여 분속 40m로 걷다가 늦을 것 같아서 분속 80m로 뛰어갔더니 지각을 하지 않았다고 한다. 집에서 학교까지의 거리가 2km 일 때, 효주가 뛴 구간의 거리는 몇 km 이상인지 구하여라.

▶ 답 : km

▷ 정답 : 1.6 km

해설

뛴 거리 :  $x\text{km}$

$$\frac{2-x}{0.04} + \frac{x}{0.08} \leq 30$$

$$\frac{5(2-x)}{2} + \frac{5x}{4} \leq 3$$

$$10(2-x) + 5x \leq 12$$

$$\therefore x \geq 1.6$$

32. 8%의 설탕물 300g을 농도가 6% 이하가 되도록 하려면 50g단위의 컵으로 몇 번 이상 물을 넣어야 하는가?

① 1번 이상

② 2번 이상

③ 3번 이상

④ 4번 이상

⑤ 5번 이상

해설

넣어야 할 물의 양을  $x$ g이라 하면

$$\frac{8}{100} \times 300 \leq \frac{6}{100}(300 + x)$$

양변에 100을 곱하면

$$2400 \leq 1800 + 6x$$

$$600 \leq 6x$$

$$\therefore x \geq 100$$

따라서 50g단위 컵으로 2번 이상 물을 넣어주어야 한다.

### 33. 다음 중 일차함수인 것의 개수를 구하여라.

- Ⓐ  $ay = bx + c$  에서  $a \neq 0, b \neq 0, c = 0$  인 경우
- Ⓑ  $ay = bx + c$  에서  $a = 0, b \neq 0, c \neq 0$  인 경우
- Ⓒ  $ay = bx + c$  에서  $a \neq 0, b = 0, c \neq 0$  인 경우
- Ⓓ  $ay = bx + c$  에서  $a = 0, b = 0, c = 0$  인 경우
- Ⓔ  $ay = bx + c$  에서  $a \neq 0, bc = 0$  인 경우

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 1개

#### 해설

$ay = bx + c$  에서

Ⓐ  $a \neq 0, b \neq 0, c = 0$  인 경우는  $x$  의 계수가 0 이 되지 않으므로 일차함수이다.

Ⓑ  $a = 0, b \neq 0, c \neq 0$  인 경우는  $y$  항이 0 이 되어 없어지므로 일차함수가 아니다.

Ⓒ  $a \neq 0, b = 0, c \neq 0$  인 경우는  $x$  의 계수가 0 이 되므로 일차함수가 아니다.

Ⓓ  $a = 0, b = 0, c = 0$  인 경우는  $0 = 0$  이 되므로 일차함수가 아니다. (항등식이다.)

Ⓔ  $a \neq 0, bc = 0$  인 경우는

$a \neq 0, (b = 0, c \neq 0), (b \neq 0, c = 0), (b = 0, c = 0)$  이므로 이 조건만으로는 알 수 없다.

일차함수라 말할 수 없다.

34.  $x$ 의 값의 변화량에 대한  $y$ 의 값의 변화량의 비율이  $-\frac{2}{3}$ 이고, 점  $(-3, 4)$ 를 지나는 직선의 그래프에서  $x$  절편과  $y$  절편의 곱은?

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

해설

$x$ 의 값의 변화량에 대한  $y$ 의 값의 변화량의 비율이 기울기이므로 이 직선의 방정식은  $y = -\frac{2}{3}x + k$ 이다.

$$y = -\frac{2}{3}x + k \text{에 } (-3, 4) \text{를 대입하면}$$

$$4 = 2 + k \quad \therefore k = 2$$

$$\therefore y = -\frac{2}{3}x + 2$$

$$\therefore x \text{ 절편} : 3, y \text{ 절편} : 2$$

35. 연립방정식  $\begin{cases} y = mx + 3 \\ y = (2m - 1)x + 4 \end{cases}$  을 만족하는  $(x, y)$  가 적어도 한 쌍 존재하기 위한 실수  $m$  의 값은?

- ① 모든 실수
- ②  $m \neq 0$
- ③  $m \neq \frac{1}{2}$  인 모든 수
- ④  $m \neq 1$  인 모든 수
- ⑤  $m$  의 값이 없다.

### 해설

연립방정식은 두 방정식의 그래프가 평행한 직선이 아니면 해를 갖는다.

두 직선이 평행인 경우는 기울기가 같아야 하므로  $m = 2m - 1$ 에서  $m = 1$  (두 직선은  $m$ 에 관계없이  $y$  절편이 다르므로 일치할 수 없다.)

따라서, 구하는  $m$ 의 값은  $m \neq 1$ 인 모든 수

### 해설

두 식을 정리하면

$$mx - y + 3 = 0, (2m - 1)x - y + 4 = 0$$

적어도 한 쌍의 해를 가질 조건은

$$\frac{m}{2m - 1} \neq \frac{-1}{-1} \text{에서 } m \neq 1 \text{인 모든 수}$$

36. A 중학교 작년의 총 학생 수는 1200 명이고, 금년은 작년보다 남학생은 5% 증가하고, 여학생은 4% 증가하여 전체적으로 53 명이 증가했다. 이 학교의 금년의 남학생 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 525 명

해설

작년의 남학생 수를  $x$  명, 여학생 수를  $y$  명이라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 1200 \\ \frac{5}{100}x + \frac{4}{100}y = 53 \end{cases}, \text{ 즉 } \begin{cases} x + y = 1200 \\ 5x + 4y = 5300 \end{cases}$$

$$\therefore x = 500, y = 700$$

따라서 금년의 남학생 수는  $500 + 500 \times \frac{5}{100} = 525$ (명) 이다.

37. 관식이는 5% 소금물 200g 과 10% 소금물을 섞어 8% 이하의 소금물을 만들려고 한다. 10%의 소금물을 얼마만큼 넣어 주어야 하는지 구하여라.

▶ 답 :

g이하

▷ 정답 : 300g이하

해설

5% 의 소금물 200g 에 들어있는 소금의 양은  $\frac{5}{100} \times 200 = 10(g)$  이다.

10% 의 소금물  $x g$  에 들어있는 소금의 양은  $\frac{10}{100} \times x = \frac{x}{10}(g)$  이다.

5% 의 소금물 200g 과 10% 의 소금물  $xg$  이 섞여 8% 의 농도일 때, 들어있는 소금의 양은  $\frac{8}{100} \times (200 + x)(g)$  이다.

$$10 + \frac{x}{10} \leq \frac{8 \times (200 + x)}{100}$$

$$1000 + 10x \leq 1600 + 8x$$

$$2x \leq 600$$

$$x \leq 300$$

10% 의 소금물을 300g 이하로 넣어주어야 한다.

38. 일차함수  $y = ax + b$ 의  $x$  절편이 4이고,  $y$  절편이 -2 일 때, 일차함수  $y = -bx - a$  가 지나는 사분면이 제  $c$ 사분면, 제  $d$ 사분면, 제  $e$ 사분면이라고 할 때,  $c + d + e$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 8

해설

$y$  절편이 -2 이므로  $y = ax - 2$ ,

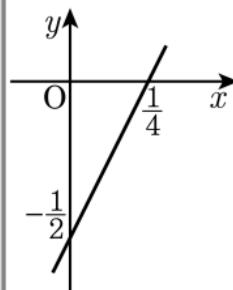
점  $(4, 0)$  을 지나므로,  $0 = 4a - 2$  이므로

$$\therefore a = \frac{1}{2}, b = -2$$

$y = 2x - \frac{1}{2}$  의 그래프를 그리면 다음과 같으

므로 일차함수  $y = -bx - a$  는 제 1사분면, 제 3사분면, 제 4사분면을 지난다.

따라서  $c + d + e = 8$  이다.



39. 두 점  $(4, -1)$ ,  $(8, 1)$ 을 지나는 직선의 방정식은?

- ①  $y = \frac{1}{2}x - 3$       ②  $y = 2x + 3$       ③  $y = \frac{1}{2}x$   
④  $y = \frac{1}{2}x + 3$       ⑤  $y = 2x - 3$

해설

$$(\text{기울기}) = \frac{1 - (-1)}{8 - 4} = \frac{2}{4} = \frac{1}{2}$$

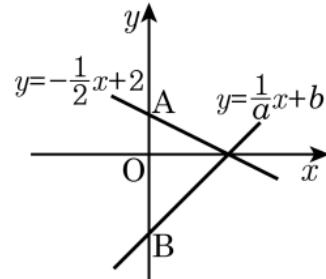
$y = \frac{1}{2}x + b$ 에 점  $(4, -1)$ 을 대입

$$-1 = \frac{1}{2} \times 4 + b, b = -3$$

$$\therefore y = \frac{1}{2}x - 3$$

40. 다음 그림과 같이 두 일차함수  $y = -\frac{1}{2}x + 2$

와  $y = \frac{1}{a}x + b$ 의 그래프가  $x$ 축 위에서 만날 때, 두 그래프의  $y$ 축과의 교점을 각각 A, B 라 하자.  $2\overline{OA} = \overline{OB}$  일 때,  $a - b$ 의 값은?



- ① -6      ② -3      ③ 3      ④ 5      ⑤ 2

### 해설

i) A(0, 2), B(0, b)이고

$$2\overline{OA} = \overline{OB} \rightarrow 2 \times 2 = -b (\because b < 0) \quad \therefore b = -4$$

ii)  $y = -\frac{1}{2}x + 2$ 의  $x$ 절편인 4는  $y = \frac{1}{a}x + b$ 의  $x$ 절편과 같으므로

$$0 = \frac{4}{a} - 4 \quad \therefore a = 1$$

따라서  $a - b = 5$ 이다.