

1. 다음 중 문자를 사용한 식으로 바르게 나타낸 것을 골라라.

① 밑변의 길이가 a cm, 높이가 b cm인 삼각형의 넓이 : $ab \text{ cm}^2$

② $x\%$ 의 소금물 200g에 들어있는 소금의 양 : 200g

③ a 원의 2 할 : $\frac{1}{100}a$ 원

④ x km를 y 시간 동안 달렸을 때의 평균 속력 : $\frac{x}{y}$ km

⑤ 정가가 p 원인 물건의 15% 할인가격 : $\frac{3}{20}p$ 원

해설

$$\textcircled{1} \quad a \times b \div 2 = a \times b \times \frac{1}{2} = \frac{1}{2}ab$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{x}{100} \times 200 = 2x$$

$$\textcircled{3} \quad a \times \frac{2}{10} = \frac{a}{5}$$

$$\textcircled{5} \quad p \times \left(1 - \frac{15}{100}\right) = p \times \frac{85}{100} = \frac{17}{20}p$$

2. $a \div b \div c$ 를 나눗셈 기호를 생략하여 나타내면?

- ① abc ② $\frac{ab}{c}$ ③ $\frac{c}{ab}$ ④ $\frac{a}{bc}$ ⑤ $\frac{b}{ac}$

해설

$$a \div b \div c = a \times \frac{1}{b} \times \frac{1}{c} = \frac{a}{bc} \text{ 이다.}$$

3. 다음 문장을 식으로 옳게 나타낸 것은?

정가 1000 원에서 $a\%$ 할인된 가격

- ① $(1000 - a)$ 원
- ② $(1000 - 5a)$ 원
- ③ $(1000 - 10a)$ 원
- ④ $(1000 - 100a)$ 원
- ⑤ $-a$ 원

해설

식으로 나타내면 $1000 - 1000 \times \frac{a}{100} = 1000 - 10a$ (원) 이다.

4. 등식의 성질을 이용하여 다음 방정식을 풀어라.

$$-x + \frac{1}{12} = \frac{x}{3}$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{1}{16}$

해설

양변에서 $\frac{x}{3}$ 를 빼면

$$-x + \frac{1}{12} - \frac{x}{3} = \frac{x}{3} - \frac{x}{3}$$

$$-\frac{4}{3}x + \frac{1}{12} = 0$$

양변에서 $\frac{1}{12}$ 을 빼면

$$-\frac{4}{3}x + \frac{1}{12} - \frac{1}{12} = 0 - \frac{1}{12}$$

$$-\frac{4}{3}x = -\frac{1}{12}$$

양변에 $-\frac{3}{4}$ 을 곱하면

$$\therefore x = \frac{1}{16}$$

5. 다음 일차방정식을 푼 다음, 다음 표에서 각각의 해에 해당하는 글자를 찾아 문제 순서에 맞게 나열하여라.

해	글자
1	방
2	식
3	차
4	일
5	정

$\textcircled{\text{R}} \quad \frac{1}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{5}{6}$	$\textcircled{\text{L}} \quad \frac{1}{2}x - \frac{1}{2} = 1$
$\textcircled{\text{E}} \quad \frac{x}{4} - \frac{1}{20} = \frac{x}{5}$	$\textcircled{\text{B}} \quad \frac{2}{5}x + 1 = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$
$\textcircled{\text{Q}} \quad \frac{x-1}{2} = \frac{1}{2}$	

▶ 답:

▷ 정답: 일차방정식

해설

$\textcircled{\text{R}} \quad \frac{1}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{5}{6}$ 의 양변에 6을 곱하면
 $2x - 3 = 5, 2x = 8$
 $\therefore x = 4 \rightarrow \text{일}$

$\textcircled{\text{L}} \quad \frac{1}{2}x - \frac{1}{2} = 1$ 의 양변에 2를 곱하면
 $x - 1 = 2$
 $\therefore x = 3 \rightarrow \text{차}$

$\textcircled{\text{E}} \quad \frac{x}{4} - \frac{1}{20} = \frac{x}{5}$ 의 양변에 20을 곱하면
 $5x - 1 = 4x$
 $\therefore x = 1 \rightarrow \text{방}$

$\textcircled{\text{B}} \quad \frac{2}{5}x + 1 = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$ 의 양변에 10을 곱하면
 $4x + 10 = 5x + 5$
 $\therefore x = 5 \rightarrow \text{정}$

$\textcircled{\text{Q}} \quad \frac{x-1}{2} = \frac{1}{2}$ 의 양변에 2를 곱하면
 $x - 1 = 1$
 $\therefore x = 2 \rightarrow \text{식}$

6. 어떤 수 x 와 15 를 더한 값은 그 수의 5 배보다 5 만큼 더 작다고 할 때, x 를 구하기 위한 식으로 바른 것은?

- ① $x + 15 = 5x + 5$ ② $x + 15 = 5x - 5$
③ $x + 15 = 5(x - 5)$ ④ $x + 15 < 5x$
⑤ $15x = 5x - 5$

해설

$$\begin{aligned}x + 15 &= 5x - 5 \\-4x &= -20 \\x &= 5\end{aligned}$$

7. y 가 x 에 정비례하고, $x = 5$ 일 때, $y = 25$ 이다. 관계식을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $y = 5x$

해설

정비례 관계식은 $y = ax$,
 $25 = a \times 5$, $a = 5$
그러므로 관계식은 $y = 5x$

8. y 는 x 에 반비례하고 $x = 1$ 일 때, $y = 6$ 이다. $y = 2$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

- ① 6 ② 5 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

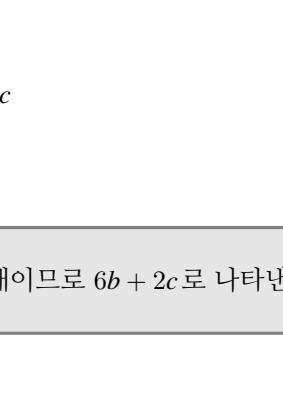
반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

$$6 = \frac{a}{1}, a = 6$$

$$\therefore y = \frac{6}{x}$$

따라서 $y = 2$ 일 때 $x = 3$

9. 칠교놀이는 정사각형에서 나누어진 일곱개의 조각으로 여러 가지 형태를 만드는 놀이이다. 다음 그림을 보고 ①, ②, ③, ④를 붙여 놓은 도형의 둘레의 길이를 a , b , c 를 사용하여 나타내어라.



〈칠교판〉

▶ 답:

▷ 정답: $6b + 2c$

해설

b 가 6개, c 가 2개이므로 $6b + 2c$ 로 나타낸다.

10. 다음 문장을 문자식으로 알맞게 나타낸 것은?

농도가 10% 인 소금물 ag , 농도가 $b\%$ 인 소금물 $150g$ 을
합쳤을 때의 소금의 양

① $\frac{a+3b}{2} g$ ② $\frac{a+15b}{10} g$ ③ $\frac{3a+15b}{10} g$
④ $\frac{2a+3b}{2} g$ ⑤ $\frac{a+15b}{5} g$

해설

i) 농도가 10% 인 소금물 ag 의 소금의 양

$$\frac{10 \times a}{100} = \frac{10}{100}a = \frac{1}{10}a(g)$$

ii) 농도가 $b\%$ 인 소금물 $150g$ 의 소금의 양

$$\frac{b \times 150}{100} = \frac{150b}{100} = \frac{150}{100}b = \frac{3}{2}b(g)$$

따라서 i), ii)의 소금의 양을 합하면

$$\frac{1}{10}a + \frac{3}{2}b = \frac{a+15b}{10}(g) \text{ 이다.}$$

11. $a = \frac{1}{2}$, $b = -\frac{1}{3}$ 일 때, $8a^2 - 12ab$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$\begin{aligned}8a^2 - 12ab &= 8\left(\frac{1}{2}\right)^2 - 12\left(\frac{1}{2}\right) \times \left(-\frac{1}{3}\right) \\&= 2 + 2 = 4\end{aligned}$$

12. 다음 중 일차식인 것을 모두 고르면?

[보기]

Ⓐ x^2

Ⓑ $3x$

Ⓒ $0 \times x + 2$

Ⓓ $2x - 7$

Ⓔ $\frac{x^3}{4} - x - 2$

Ⓕ $5x^2 + 2x + 1$

① Ⓑ

② Ⓑ, Ⓒ

③ Ⓒ, Ⓓ

④ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ

[해설]

Ⓐ x^2 : 이차식

Ⓑ $3x$: 일차식

Ⓒ $0 \times x + 2 = 2$: 상수항

Ⓓ $2x - 7$: 일차식

Ⓔ $\frac{x^3}{4} - x - 2$: 삼차식

Ⓕ $5x^2 + 2x + 1$: 이차식

13. $7 - \{3x - (7 - x)\} - x - 2x$ 를 간단히 하여 $ax + b$ 의 꼴로 변형하였을

때, $\left(\frac{b}{a}\right)^3$ 의 값은?

- ① -8 ② -6 ③ $-\frac{1}{8}$ ④ $\frac{1}{8}$ ⑤ 8

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 7 - (3x - 7 + x) - x - 2x \\&= 7 - 4x + 7 - 3x \\&= -7x + 14\end{aligned}$$

따라서 $a = -7, b = 14$

$$\therefore \left(\frac{b}{a}\right)^3 = \left(\frac{14}{-7}\right)^3 = (-2)^3 = -8$$

14. 어떤 다항식에 $4x - 3$ 을 더해야 할 것을 잘못해서 빼었더니 $-5x + 7$ 이 되었다. 이 때, 바르게 계산한 결과를 구하면?

- ① $x + 1$ ② $\textcircled{3}x + 1$ ③ $x - 3$
④ $3x - 3$ ⑤ $7x + 1$

해설

처음 다항식을 A 라 하면 $A - (4x - 3) = -5x + 7$

$$A = -5x + 7 + (4x - 3) = -5x + 7 + 4x - 3 = -x + 4$$

따라서 바르게 계산한 결과는 $A + 4x - 3 = -x + 4 + 4x - 3 = 3x + 1$

15. 다음 일차방정식의 풀이 과정에서 이항에 해당하는 것을 골라라.

$$\begin{aligned}3x - 6 &= -2(x - 5) + x && \textcircled{\text{1}} \\3x - 6 &= -2x + 10 + x && \textcircled{\text{2}} \\3x - 6 &= -x + 10 && \textcircled{\text{3}} \\3x - x &= -10 + 6 && \textcircled{\text{4}} \\x &= 16 && \textcircled{\text{5}} \\x &= 4 && \textcircled{\text{6}}\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: \textcircled{\text{5}}

해설

이항은 한 변에 있는 항의 부호를 바꾸어 다른 변으로 옮기는 것이다.

\textcircled{\text{1}} : 분배법칙

\textcircled{\text{2}}, \textcircled{\text{3}} : 동류항의 계산

\textcircled{\text{4}} : 등식의 성질

16. 방정식 $2(1 - 3x) + 2 = 2x$ 의 해가 $x = a$ 일 때, $a + \frac{1}{a}$ 의 값은?

- ① 1 ② $\frac{3}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 3

해설

$$2(1 - 3x) + 2 = 2x$$

$$2 - 6x + 2 = 2x$$

$$-8x = -4$$

$$x = \frac{1}{2}$$

$$\therefore a + \frac{1}{a} = \frac{1}{2} + 2 = \frac{5}{2}$$

17. 1개에 500원인 사과와 1개에 800원인 배를 합하여 20개를 500원짜리 상자에 넣어 전체의 값이 12000원이 되도록 포장하려고 한다. 이때, 사과의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 15 개

해설

사과의 개수를 x 개라 하면,
배의 개수는 $(20 - x)$ 개
따라서 다음과 같은 식을 세울 수 있다.
 $500x + 800(20 - x) + 500 = 12000$
 $500x + 16000 - 800x + 500 = 12000$
 $-300x + 16500 = 12000$
 $300x = 4500$
 $\therefore x = 15$ (개)

18. 어느 반에서 필요한 회비를 걷는데 200 원씩 걷으면 2000 원이 모자라고 300 원씩 걷으면 1000 원이 남는다고 한다. 이 반의 학생 수와 필요한 회비가 옳게 짹지어진 것은?

- ① 30 명, 8000 원 ② 30 명, 4000 원 ③ 40 명, 8000 원
④ 40 명, 10000 원 ⑤ 50 명, 10000 원

해설

학생 수를 x 명이라 하면

$$\text{필요한 금액은 } 200x + 2000 = 300x - 1000 \quad 100x = 3000$$

$$\therefore x = 30 \text{ (명)}$$

$x = 30$ 을 $200x + 2000$ 에 대입하면 필요한 금액은 8000 (원)

19. $x\%$ 의 소금물 200 g 과 10% 의 소금물 200 g 을 섞어서 8% 의 소금물을 만들려고 한다. 이 때 x 를 구하여라.

▶ 답 :

%

▷ 정답 : 6%

해설

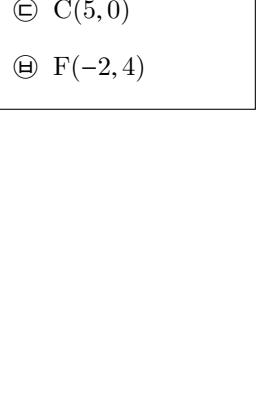
$$x\% \text{ 의 소금물 } 200\text{g} \text{ 에 들어있는 소금의 양은 } 200 \times \frac{x}{100} = 2x(\text{g})$$

$$10\% \text{ 의 소금물 } 200\text{g} \text{ 에 들어있는 소금의 양은 } 200 \times \frac{10}{100} = 20(\text{g})$$

$$\text{두 소금물을 섞으면 } \frac{2x + 20}{200 + 200} \times 100 = 8(\%)$$

$$\text{양변에 } 400 \text{ 을 곱해서 계산하면 } (2x + 20) \times 100 = 3200 \therefore x = 6$$

20. 좌표평면 위에 6개 점이 찍혀있다. 각 점에 해당하는 좌표를 나타낸 것으로 옳지 않은 것을 보기에서 모두 골라라.



[보기]

- Ⓐ A(-1, 3) Ⓑ B(-3, 2) Ⓒ C(5, 0)
Ⓑ D(-2, -3) Ⓓ E(-4, 0) Ⓕ F(-2, 4)

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓐ

▷ 정답: Ⓓ

해설

A(1, 3), B(-3, 2), C(5, 0), D(-2, -3), E(0, -4), F(-2, 4)

21. 세 점 $A(2, 1)$, $B(-2, 1)$, $C(3, -2)$ 를 꼭짓점으로 하는 $\triangle ABC$ 의 넓이는?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

세 점을 좌표평면에 나타내면 다음과 같다.



$$(\triangle ABC \text{의 넓이}) = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6$$

22. 다음 중에서 제 2 사분면 위에 있는 점은 모두 몇 개인지 구여라.

Ⓐ (1, 100)

Ⓑ $(-10, -\frac{123}{124})$

Ⓒ (-20, 0)

Ⓓ (3, -39)

Ⓔ (-7, 7)

Ⓕ (0, 17)

▶ 답:

개

▷ 정답: 1 개

해설

제 2 사분면 위의 점은 x 좌표는 음수, y 좌표는 양수이다. 따라서
Ⓔ 밖에 없다.



23. 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

- Ⓐ 점 $(3, -5)$ 와 y 축에 대하여 대칭인 점은 $(3, 5)$ 이다.
Ⓑ 점 $\left(6, -\frac{3}{4}\right)$ 과 x 축에 대하여 대칭인 점은 제 1 사분면의 점이다.
Ⓒ 두 점 $(-2, 4)$ 와 $(2, -4)$ 는 원점에 대하여 서로 대칭인 점이다.
Ⓓ 점 $(1, 8)$ 과 x 축에 대하여 대칭인 점의 y 좌표는 양수이다.
Ⓔ 점 (a, b) 가 제 2 사분면의 점이면 원점에 대하여 대칭인 점은 제 4 사분면의 점이다.

- ① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓐ, Ⓒ, Ⓓ Ⓛ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ
④ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ ⑤ Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ

해설

- Ⓐ 점 $(3, -5)$ 와 y 축에 대하여 대칭인 점은 $(-3, -5)$ 이다.
Ⓓ 점 $(1, 8)$ 과 x 축에 대하여 대칭인 점은 $(1, -8)$ 이므로 y 좌표는 음수이다.

24. 정비례 관계 $y = -\frac{x}{3}$ 의 그래프에 대한 설명이다. 옳지 않은 것은?

- ① 원점을 지난다.
- ② x 와 y 는 정비례 한다.
- ③ 오른쪽 위로 향하는 직선이다.
- ④ $x > 0$ 이면 $y < 0$ 이다.
- ⑤ x 의 값이 증가함에 따라 y 값은 감소한다.

해설

- ③ $a < 0$ 이므로 오른쪽 아래로 향하는 직선이다.

25. 정비례 관계 $y = -3x$ 의 그래프 위의 두 점 $(-4, a), (-1, 3)$ 과 점 (p, q) 를 꼭짓점으로 하는 삼각형의 넓이는 $\frac{27}{2}$ 이다. 다음 중 점 (p, q) 의 좌표가 될 수 있는 것은?

- ① $(-6, 3)$ ② $(4, 3)$ ③ $(-4, 3)$
④ $(-4, 2)$ ⑤ $(4, 0)$

해설

$y = -3x$ 에 $(-4, a)$ 대입 : $a = -3 \times (-4) \therefore a = 12$
세 점 $(-4, 12), (-1, 3), (p, q)$ 를 꼭짓점으로 하는 삼각형의 넓이

$$= \frac{27}{2}$$

$$\textcircled{3} (p, q) = (-4, 3)$$

$$\text{삼각형의 넓이} = \frac{1}{2} \{(-1) - (-4)\} \times (12 - 3) = \frac{27}{2}$$

26. 다음 중 반비례 관계인 것은?

- ① 한 장에 x 원 하는 종이 30 장의 값은 y 원
- ② 시속 x km 로 y 시간 동안 달린 거리 4 km
- ③ 정사각형의 한 변의 길이 x cm 와 그 둘레의 길이 y cm
- ④ 1L 에 1320 원 하는 휘발유 x L 의 값 y 원
- ⑤ 자연수 x 에 가장 가까운 자연수 y

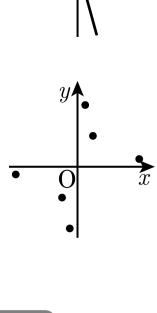
해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이다.

- ① $y = 30x$ (정비례)
- ② $y = \frac{4}{x}$ (반비례)
- ③ $y = 4x$ (정비례)
- ④ $y = 1320x$ (정비례)
- ⑤ 정비례도 반비례도 아니다.

27. x 값의 범위가 $-4 \leq x \leq 4$ 일 때, $y = -\frac{8}{x}$ 의 그래프는? (단, $x \neq 0$)

①



②



③



④



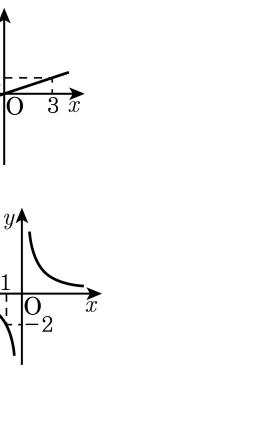
⑤



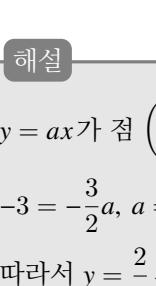
해설

$y = -\frac{8}{x}$ 는 제2, 4 사분면을 지나는 반비례 그래프이다.

28. $y = ax$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때,
다음 중 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프는?



①



②



③



④



⑤



해설

$y = ax$ 가 점 $\left(-\frac{3}{2}, -3\right)$ 을 지나므로

$$-3 = -\frac{3}{2}a, a = 2 \text{ 이다.}$$

따라서 $y = \frac{2}{x}$ 의 그래프이고 점 $(-1, -2)$ 를 지난다.

29. x 에 관한 일차방정식 $2(2 - 3x) = a(2x - 3)$ 의 해가 $x = 4$ 일 때, x 에 관한 일차방정식 $7x - (9 + ax) = 4(x - 11)$ 의 해를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -5

해설

$$2(2 - 3x) = a(2x - 3) \text{의 해가 } x = 4 \text{ 이므로}$$

$x = 4$ 를 대입하면

$$2(2 - 3 \times 4) = a(2 \times 4 - 3)$$

$$-20 = 5a$$

$$\therefore a = -4$$

$$7x - (9 + ax) = 4(x - 11) \text{ 에 } a = -4 \text{ 를 대입하면}$$

$$7x - (9 - 4x) = 4(x - 11)$$

$$7x - 9 + 4x = 4x - 44$$

$$7x = -35$$

따라서 $x = -5$ 이다.

30. A 상인과 B상인, C상인이 어떤 물건을 가지고 있는 비율이 $6 : 2 : 1$ 이었다. A 상인이 이 물건을 B 상인에게 16 개, C 상인에게 32 개를 주었더니 세 상인이 가지고 있는 물건의 개수가 같아졌다. C 상인은 이 물건을 처음에 몇 개 가지고 있었는지 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 16 개

해설

A 상인이 가지고 있는 물건의 개수를 $6x$, B 상인이 가진 개수를 $2x$, C상인이 가진 개수를 x 라 하자.

$$6x - 48 = 2x + 16 = x + 32 \text{ 이므로 } x = 16 \text{ 이다.}$$

31. 일정한 속력으로 달리는 기차가 길이가 580m인 철교를 통과하는 데 24초, 길이가 3700m인 터널을 통과하는데 2분 8초가 걸릴 때, 이 기차의 길이는?

- ① 140 m ② 145 m ③ 150 m
④ 155 m ⑤ 160 m

해설

기차의 길이를 x m라 하면,

$$\frac{580+x}{24} = \frac{3700+x}{128}$$

$$16(580+x) = 3(3700+x)$$

$$9280 + 16x = 11100 + 3x$$

$$13x = 1820$$

$$\therefore x = 140$$

따라서, 기차의 길이는 140m이다.

32. 7%의 소금물 500g에서 물을 증발시켜 10%의 소금물을 만들었다.
증발시킨 물의 양을 구하여라.

- ① 100g ② 150g ③ 200g ④ 250g ⑤ 300g

해설

$$\frac{7}{100} \times 500 = \frac{10}{100} \times (500 - x)$$

$$3500 = 5000 - 10x$$

$$10x = 1500$$

$$\therefore x = 150$$

따라서, 증발시킨 물의 양은 150g이다.

33. 두 점 $A(6, a)$, $B(b, -2)$ 가 각각 두 정비례 관계 $y = \frac{5}{3}x$, $y = -\frac{1}{3}x$ 의
그래프 위의 점일 때, 두 점 사이의 거리는?

- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

해설

$$y = \frac{5}{3}x \text{ } \parallel x = 6, y = a \text{ 를 대입하면 } a = \frac{5}{3} \times 6$$

$$\therefore a = 10$$

$$y = -\frac{1}{3}x \text{ } \parallel x = b, y = -2 \text{ 를 대입하면}$$

$$-2 = -\frac{1}{3} \times b$$

$$\therefore b = 6$$

$$\therefore A(6, 10), B(6, -2)$$



따라서 두 점 사이의 거리는 $10 - (-2) = 12$