1. 연립부등식 
$$\begin{cases} x-1 > 2x-3 \\ x^2 \le x+2 \end{cases}$$
 의 해는?

① 
$$x \le -1$$

② 
$$-1 \le x < 1$$

 $-1 \le x < 2$ 

$$x-1 > 2x-3$$
  $|x| - x > -2$ 

$$\therefore x < 2 \cdots (7)$$

$$x^2 \le x + 2 \text{ odd } x^2 - x - 2 \le 0$$

2. 두 점 A(a, 1), B(4, -3) 사이의 거리가 4√5일 때, 실수 a의 값들의 합은?



(4) 11

$$\overline{AB} = \sqrt{(4-a)^2 + (-3-1)^2} = 4\sqrt{5}$$

양변을 제곱하여 정리하면 
$$a^2 - 8a + 32 = 80, a^2 - 8a - 48 = 0$$
  $(a-12)(a+4) = 0$ 

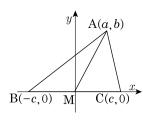
$$∴ a = 12 \, \, \Xi \stackrel{\smile}{\smile} a = -4$$

따라서 구하는 값은 12 - 4 = 8

이라 할 때,  $\overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = 2(\overline{AM}^2 + \overline{BM}^2)$ 을 증명하는 과정이다.

다음은 AABC 에서 변 BC의 중점을 M

3.



위

$$A(a,b)$$
,  $B(-c,0)$ ,  $C(c,0)$  라 하면  $\overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = (a+c)^2 + b^2 + (a-c)^2 + b^2 = ( )$ 이고,  $\overline{AM}^2 = a^2 + b^2$ ,  $\overline{BM}^2 = c^2$ 

 $\therefore \overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = (\Gamma)(\overline{AM}^2 + \overline{BM}^2)$  의 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?

따라서  $\overline{AM}^2 + \overline{BM}^2 = (나)$ 

② 
$$2(a^2 + b^2 + c^2), 2(a^2 + b^2 + c^2), 1$$

 $3(a^2+b^2+c^2), a^2+b^2+c^2, 2$ 

①  $a^2 + b^2 + c^2$ ,  $a^2 + b^2 + c^2$ , 1

$$(4) \ 2(a^2+b^2+c^2), 2(a^2+b^2+c^2), 2$$

$$(5) \ 3(a^2+b^2+c^2), a^2+b^2+c^2, 3$$

$$\overline{AB}^2 + \overline{AC}^2$$
= {(-c-a)^2 + (0-b)^2} + {(c-a)^2 + (0-b)^2}   
= (c^2 + 2ca + a^2 + b^2) + (c^2 - 2ca + a^2 + b^2)   
= 2(a^2 + b^2 + c^2)

$$\overline{AM}^2 = a^2 + b^2, \overline{BM}^2 = c^2$$
 이므로  
 $\overline{AM}^2 + \overline{BM}^2 = a^2 + b^2 + c^2$   
 $\therefore \overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = 2(\overline{AM}^2 + \overline{BM}^2)$ 

**4.** 두 점 A(3, 2), B(a, b) 를 1 : 3으로 내분하는 점을 P(2, 1) 이라고 할 때, ab 의 값은?

P 
$$\left(\frac{1 \cdot a + 3 \cdot 3}{1 + 3}, \frac{1 \cdot b + 3 \cdot 2}{1 + 3}\right)$$
 = P(2, 1) ○□로,  
 $\frac{1 \cdot a + 3 \cdot 3}{1 + 3}$  = 2,  $a + 9 = 8$  ∴  $a = -1$   
 $\frac{1 \cdot b + 3 \cdot 2}{1 + 3}$  = 1,  $b + 6 = 4$  ∴  $b = -2$   
∴  $ab = 2$ 

**5.** 세 점 (0, 2), (3, 8), (a, 3a) 가 일직선 위에 있을 때, 상수 a의 값은?

세 점 A(0, 2), B(3, 8), C(a, 3a)로 놓으면

직선 AB의 기울기: 
$$\frac{8-2}{3-0} = 2$$

직선 BC의 기울기:  $\frac{3a-8}{a-3}$ 
한편, 세 점 A, B, C가 일직선 위에 있으므로

직선 AB의 기울기와 직선 BC의 기울기가 서로 같다.

 $\frac{3a-8}{a-3} = 2$ ,  $3a-8 = 2a-6$ 

∴  $a=2$ 

6. 다음 <보기> 중 직선  $y = \frac{1}{2}x + 1$  과 서로 수직인 직선을 모두 고른 것은?

 $\bigcirc$  y = -2(x-1)

해설 서로 수직인 두 직선의 기울기의 곱은 
$$-1$$
 이므로 직선  $y$   $\frac{1}{2}x+1$  과 수직인 직선의 기울기는  $-2$  이다. 기울기가  $-2$  인 직선은  $\mathbb{C}$ ,  $\mathbb{C}$  이다.

 $\bigcirc$  y = 2x + 1

7. 직선 
$$x + ay - 1 = 0$$
이 직선  $3x + by + 1 = 0$ 과 수직이고, 직선  $x - (b+3)y + 1 = 0$ 과 평행일 때,  $a^2 + b^2$ 의 값은?

$$x + ay - 1 = 0 \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc,$$

$$3x + bx + 1 = 0 \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc$$

$$x - (b - 3)y + 1 = 0 \cdot \cdot \cdot \cdot \bigcirc$$

$$\bigcirc \bot \bigcirc : 1 \cdot 3 + a \cdot b = 0 \text{ on } A \text{ } ab = -3$$

$$\bigcirc // \bigcirc : \frac{1}{1} = \frac{-(b + 3)}{a} \neq \frac{1}{-1} \text{ on } A \text{ } a + b = -3$$

$$\therefore a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab$$

 $= (-3)^2 - 2 \cdot (-3) = 15$ 

8. 두 점 A(3,2), B(1,4) 를 연결하는 선분의 중점을 지나고 2x+y-1=0에 수직인 직선을 l 이라 할 때, 다음 중 직선 l 위에 있는 점은?

① 
$$\left(-4, \frac{1}{2}\right)$$
 ②  $\left(-6, -\frac{3}{2}\right)$  ③  $\left(0, 2\right)$  ④  $\left(1, 1\right)$  ③  $\left(-1, \frac{1}{2}\right)$ 

해설  
두 점 
$$A(3,2)$$
,  $B(1,4)$  의 중점  $M$  의 좌표는  
 $(2,3)$  이고, 직선 $2x+y-1=0$  에 수직인

(2,3)이고, 직선2x + y - 1 = 0 에 수직인 직선의 기울기  $m \in (-2) \cdot m = -1$ 에서 $m = \frac{1}{2}$ 

이 때, 구하는 직선 l 의 방정식은  $y = \frac{1}{2}(x-2) + 3$   $\therefore y = \frac{1}{2}x + 2$  따라서, 이 직선 위의 점은 (0,2)이다

. 연립방정식  $\begin{cases} x+y=1\\ y+z=3 \end{cases} = 만족하는 x, y, z를 구할 때, x^2+y^2+z^2\\ z+x=4 \end{cases}$ 

의 값을 구하여라.



장답: 10
$$\begin{cases} x + y = 1 \cdots \bigcirc \\ y + z = 3 \cdots \bigcirc \\ z + x = 4 \cdots \bigcirc \end{aligned}$$

$$(3) + (3) + (3) + (3) \Rightarrow 2(x + y + z) = 8$$

$$(3) + (4) + (4) \Rightarrow 2(x + y + z) = 8$$

$$(4) + (4) + (4) \Rightarrow 2(x + y + z) = 8$$

$$(5) + (4) + (4) \Rightarrow 2(x + y + z) = 8$$

$$(6) + (4) + (4) \Rightarrow 2(x + y + z) = 8$$

$$(7) + (4) + (4) \Rightarrow 2(x + y + z) = 8$$

$$(8) - (1) \Rightarrow z = 3$$

$$(8) - (1) \Rightarrow z = 3$$

$$(8) - (1) \Rightarrow z = 1$$

$$(9) - (1) \Rightarrow z = 1$$

$$(9) - (1) \Rightarrow z = 1$$

$$(1) - (2) \Rightarrow z = 1$$

$$(2) - (3) \Rightarrow z = 1$$

$$(3) - (4) \Rightarrow z = 1$$

$$(4) + (4) \Rightarrow z = 1$$

$$(4) + (4) \Rightarrow z = 1$$

$$(5) + (4) \Rightarrow z = 1$$

$$(6) + (4) \Rightarrow z = 1$$

$$(7) + (2) \Rightarrow z = 1$$

$$(8) + (2) \Rightarrow z = 1$$

$$(9) + (2) \Rightarrow z = 1$$

$$(1) + (3) \Rightarrow z = 1$$

$$(2) + (4) \Rightarrow z = 1$$

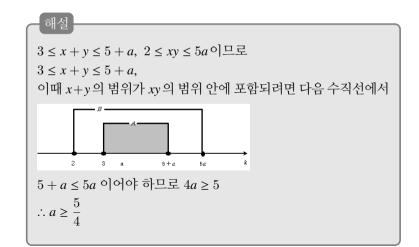
$$(3) + (4) \Rightarrow z = 1$$

$$(4) + (4) \Rightarrow z =$$

**10.**  $2 \le x \le 5$ ,  $1 \le y \le a$ 일 때, x + y의 범위가 xy의 범위 안에 포함되기 위한 실수 a의 최솟값은? (단,  $a \ge 1$ )

② 
$$\frac{8}{7}$$
 ③  $\frac{7}{6}$ 





## **11.** 이차부등식 $ax^2 + 4x + a < 0$ 이 임의의 실수 x에 대하여 성립할 때. 상수 a의 값의 범위는?

① 
$$a < -2$$
 ④  $a < 4$ 

(2) a < 0(5) a < 8 (3) a < 2

$$ax^2 + 4x + a < 0$$
이 임의의 실수  $x$ 에 대하여 성립하려면 i )  $a < 0$  ii)  $ax^2 + 4x + a = 0$ 의 판별식을  $D$ 라 할 때,

$$\frac{D}{4} = 2^2 - a^2 < 0$$

$$a^2 - 4 > 0, (a+2)(a-2) > 0$$

$$\therefore a < -2 \stackrel{\leftarrow}{\to} a > 2$$

i ), ii )의 공통 범위를 구하면 *a* < −2

- **12.**  $x^2 2ax + 2a + 3 < 3$ 을 만족하는 x가 없도록 하는 정수 a의 개수는?
  - ① 1개 ② 3개 ③ 5개 ④ 7개 ⑤ 9개

## - 해설

모든 실수 
$$x$$
에 대하여 
$$x^2 - 2ax + 2a + 3 \ge 0$$
이어야 한다. 
$$\frac{D}{A} = a^2 - (2a+3) \le 0, \ (a-3)(a+1) \le 0$$

 $x^2 - 2ax + 2a + 3 < 0$ 의 해가 존재하지 않으려면

**13.** a, b가 유리수일 때,  $x = 1 + \sqrt{2}$ 가  $x^3 - 3x^2 + ax + b = 0$ 의 근이 되다 이 때  $a^2 + b^2$ 의 값을 구하여라

▷ 정답: 2

유리계수 방정식이므로  $1 + \sqrt{2}$ 가 근이면  $1 - \sqrt{2}$ 도 근이다. 주어진 방정식의 세 근을 $1+\sqrt{2}$ ,  $1-\sqrt{2}$ .  $\alpha$ 라 하면

$$(1 + \sqrt{2}) + (1 - \sqrt{2}) + \alpha = 3 \quad \dots \quad \bigcirc$$
  
 $(1 + \sqrt{2})(1 - \sqrt{2}) + \alpha(1 + \sqrt{2}) + \alpha(1 - \sqrt{2}) = a \cdot \dots \quad \bigcirc$ 

 $\alpha(1+\sqrt{2})(1-\sqrt{2})=-b$  ······©

①, ①, ⓒ을 연립하여 풀면 
$$a=1, b=1$$

- **14.**  $2xy = x^2$ ,  $2xy = y^2 y$ 를 동시에 만족하는 (x, y)의 개수는?
  - ① 0개 ② 1개 ③ 2개 <mark>④</mark> 3개 ⑤ 4개

해설 
$$\begin{cases} 2xy = x^2 & \cdots \\ 2xy = y^2 - y & \cdots \\ 0 \end{cases}$$
라 하면 ①에서  $x = 0$  또는  $x = 2y$   
(i)  $x = 0$ 일 때;  
©에서  $y^2 - y = 0$   
 $\therefore y = 0, 1$   
(ii)  $x = 2y$ 일 때;  
©에서  $4y^2 = y^2 - y$   
 $\therefore y = 0, -\frac{1}{3}$ 

 $\therefore = (0, 0), (0, 1), \left(-\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}\right)$ 

**15.** 다음 방정식을 만족하는 실수 x, y의 합을 구하여라.

$$(x^2+1)(y^2+4) = 8xy$$

- 답:
- ▶ 답:
- ➢ 정답: -3
- ▷ 정답: 3

## 해설

이것을 완전제곱식의 꼴로 변형하면  $(x^2y^2 - 4xy + 4) + (4x^24xy + y^2) = 0$ 

이 때, x, y가 실수이므로 xy - 2, 2x - y도 실수이다.  $\therefore xy - 2 = 0 \quad \cdots$   $\bigcirc$ .

 $\therefore xy - 2 \equiv 0 \quad \cdots \quad 0$ 

2x - y = 0  $\cdots \bigcirc$ 

①에서 y = 2x이고, 이것을 ①에 대입하면  $x^2 = 1$ 따라서, x = 1일 때 y = 2, x = -1일 때 y = -2

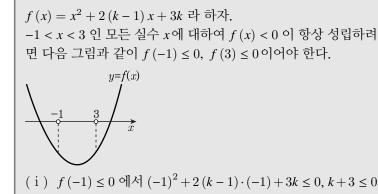
그러므로 x, y의 값은  $x = \pm 1$ ,  $y = \pm 2$ (복부호 동순)

 $(x^2+1)(y^2+4) = 8xy$ 

따라서 x, y의 합은 -3, 3

**16.** -1 < x < 3인 모든 실수 x에 대하여 이차부등식  $x^2 + 2(k-1)x + 3k < 0$ 이 항상 성립하도록 하는 실수 k의 최댓값을 구하여라.

➢ 정답: -3



따라서, 실수 k의 최댓값은 -3이다.

**17.** 삼각형 ABC 의 무게중심의 좌표가 G(2, -1) 이고 세 변 AB, BC, CA 를 2:1 로 내분하는 점이 각각 P(a,3), Q(-2,-2), R(5,b) 일 때, a+b 의 값을 구하여라.

해설  
삼각형 ABC 의 무게중심과 삼각형 PQR 의 무게중심은 일치한  
다.  
삼각형 PQR 의 무게중심의 좌표는 
$$\left(\frac{a-2+5}{3},\frac{3-2+b}{3}\right)$$
 이므로

$$\frac{a+3}{3} = 2 \text{ 에서 } a = 3$$
  
또  $\frac{1+b}{3} = -1 \text{ 에서 } b = -4$ 

$$\therefore a+b=-1$$

**18.** 두 직선 3x + 4y + 4 = 0, 3x + 4y + 2 = 0사이의 거리는 얼마인가?

 $2\frac{1}{2}$ 

.

3 1

2

⑤ 3

해설

$$\therefore \frac{|3 \cdot 0 + 4 \cdot (-1) + 2|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = \frac{2}{5}$$

19. x, y에 관한 연립방정식  $\begin{cases} kx + (1-k)y = 2k+1 \\ akx + (k+1)y = b+4k \end{cases}$  가 k의 값에 관계없이 일정한 근을 갖도

록 상수 a,b의 값을 정할 때, a+b의 값은?

① 
$$-1$$
 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

(3a - 3)k + (1 - b) = 0

 $\therefore a = 1, b = 1$  $\therefore a + b = 2$ 

**20.** 두 이차방정식  $x^2 + kx + 3 = 0$ ,  $x^2 + x + 3k = 0$ 이 공통인 실근  $\alpha$ 를 가질 때,  $\alpha - k$ 의 값을 구하여라.

 $\alpha^2 + k\alpha + 3 = 0 \quad \cdots \quad \bigcirc$  $\alpha^2 + \alpha + 3k = 0 \quad \cdots \quad \bigcirc$ 

 $(k-1)(\alpha-3) = 0$ 

(i) 
$$k = 1$$
인 경우 두 이차방정식이  $x^2 + x + 3 = 0$ 으로 일치하여 공통근은 갖지만 실근이 아니므로 부적합하다.

(ii) 
$$\alpha = 3$$
인 경우  $9 + 3k + 3 = 0$  ∴  $k = -4$   
∴  $\alpha - k = 7$ 

**21.** 부등식 
$$[x-1]^2 + 3[x] - 3 < 0$$
의 해는? (단,  $[x]$ 는  $x$ 보다 크지 않은 최대의 정수이다.)

① 
$$-2 \le x < 1$$
 ②  $-2 \le x < 0$  ③  $-1 \le x < 1$  ④  $-1 < x < 0$  ⑤  $0 < x < 2$ 

$$x-1$$

 $-1 \le x < 1$ 

$$x-1=A$$
라 하면  $x=A+1$   
 $\therefore [A]^2+3[A+1]-3=[A]^2+3[A]+3-3<0$   
 $[A]([A]+3)<0$   $\therefore -3<[A]<0$   
 $-2\leq A<0$   $\therefore -2\leq x-1<0$ 이므로