

1. $y = -3x + 4$ 로 정의되는 일차함수 $y = f(x)$ 에서 $\frac{f(6) - f(3)}{6 - 3}$ 의 값은?

① -5 ② -3 ③ -1 ④ 2 ⑤ 4

해설

$\frac{f(6) - f(3)}{6 - 3}$ 는 기울기와 같으므로 -3 이다.

2. 일차함수 $y = -5x + 2$ 에서 x 의 값이 -4 에서 5 로 증가했다.
 $\frac{f(5) - f(-4)}{5 - (-4)}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -5

해설

$\frac{f(5) - f(-4)}{5 - (-4)}$ 의 값은 기울기 이므로,

$\frac{f(5) - f(-4)}{5 - (-4)} = -5$ 이다.

3. 일차함수 그래프가 두점 $(-1, 1)$, $(1, 5)$ 를 지날 때 이 그래프와 평행인 그래프의 기울기를 구하여라.

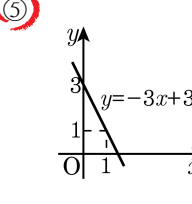
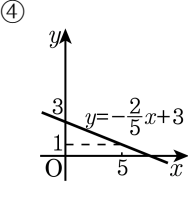
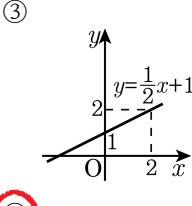
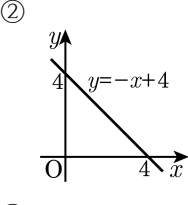
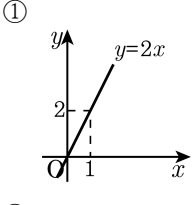
▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$\text{기울기} = \frac{y\text{의 증가량}}{x\text{의 증가량}} = \frac{5-1}{1-(-1)} = \frac{4}{2} = 2$$

4. 일차함수의 그래프를 그린 것이다. 틀린 것을 고르면?

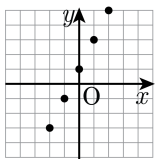


해설

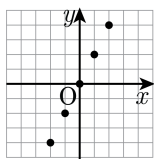
y 절편 : 3, x 절편 : 1 이므로 점 (1,0) 을 지난다.

5. 일차함수 $y = 2x + 1$ 의 그래프로 옳은 것은?

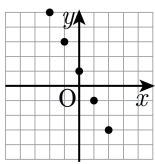
①



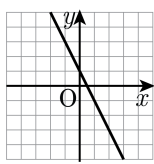
②



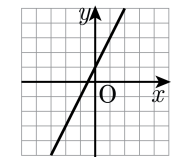
③



④



⑤

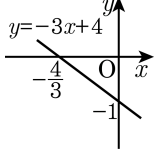


해설

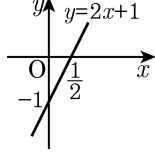
일차함수 $y = 2x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 1 만큼 평행이동한 직선을 찾거나 지나는 두 점을 구하여 그래프를 그려본다.

6. 다음 중 일차함수의 그래프를 바르게 그린 것은?

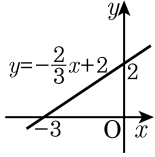
①



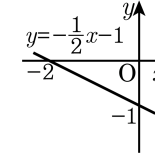
②



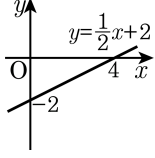
③



④



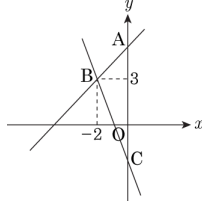
⑤



해설

x 절편 -2 , y 절편 -1 이므로 두 점 $(-2, 0)$, $(0, -1)$ 을 지난다.

7. 다음 그림에서 삼각형 ABC의 넓이가 15일 때, 한 직선의 방정식이 $2x - y + 7 = 0$ 을 지날 때 다른 직선의 방정식을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $y = -\frac{11}{2}x - 8$

해설

$2x - y + 7 = 0$ 이 지나는 점은 $y = 2x + 7$ 이므로 점 A(0, 7)이다.

C(0, c)삼각형의 넓이가 15이므로 $(7 - c) \times 2 \times \frac{1}{2} = 15$, $c = -8$
방정식은 두 점 B(-2, 3), C(0, -8)을 지나므로

$$y = -\frac{11}{2}x - 8$$

8. 일차함수 $y = 3x + 6$ 의 그래프와 x 축, y 축으로 둘러싸인 도형의 넓이는?

① 2

② 4

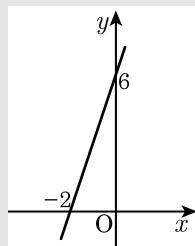
③ 6

④ 8

⑤ 10

해설

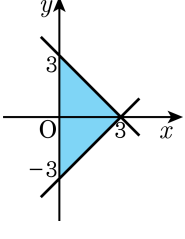
x 절편은 -2 , y 절편은 6 이므로



넓이는 $\frac{1}{2} \times 6 \times 2 = 6$ 이다.

9. 다음 그림과 같이 두 일차함수 $y = x - 3$ 과 $y = -x + 3$ 의 그래프와 y 축으로 둘러싸인 도형의 넓이는?

- ① 16
- ② 12
- ③ 9
- ④ -9
- ⑤ -16



해설

문제의 도형은 밑변의 길이와 높이가 각각 6, 3인 삼각형이므로
(넓이) = $\frac{1}{2} \times 6 \times 3 = 9$ 이다.

10. 두 일차함수 $y = 3x - 12$, $y = -2x + 3$ 의 그래프에서 교점을 A 라 두고, x 절편을 각각 B, C 라 할 때, 세 점 A, B, C를 꼭짓점으로 하는 삼각형의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{15}{4}$

해설

$y = 3x - 12, y = -2x + 3$ 의 교점을 구하면
 $3x - 12 = -2x + 3, 5x = 15, x = 3, y = -3, (3, -3)$ 이다.
두 함수의 x 절편을 각각 구하면 $0 = 3x - 12, x = 4, 0 = -2x + 3,$
 $x = \frac{3}{2}$ 이다.

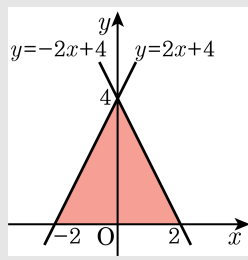
따라서 넓이를 구하면 $\frac{1}{2} \times \left(4 - \frac{3}{2}\right) \times 3 = \frac{15}{4}$ 이다.

11. 두 개의 직선 $y = 2x + 4$, $y = -2x + 4$ 와 x 축으로 둘러싸인 도형의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

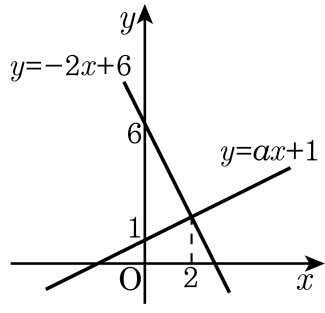
▷ 정답 : 8

해설



$$\therefore (\text{넓이}) = 4 \times 4 \times \frac{1}{2} = 8$$

12. 두 일차함수 $y = -2x + 6$, $y = ax + 1$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 두 그래프와 x 축으로 둘러싸인 삼각형의 넓이는?



- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 8 ⑤ 12

해설

연립방정식의 해가 $(2, 2)$ 이므로

$(2, 2)$ 를 $y = ax + 1$ 에 대입하면 $a = \frac{1}{2}$ 이다.

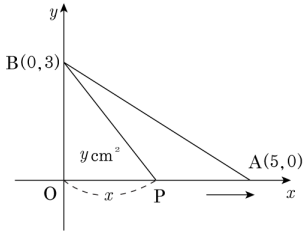
$y = -2x + 6$ 의 x 절편 3

$y = \frac{1}{2}x + 1$ 의 x 절편 -2

따라서 밑변의 길이가 5, 높이가 2 인

삼각형의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 5 \times 2 = 5$

13. 다음 그림에서 점 P가 점 O를 출발하여 삼각형의 변을 따라 점 A까지 움직인다. 점 P가 점 O로부터 움직인 거리를 $x\text{cm}$ (단, $x=0$ 포함), $\triangle OBP$ 의 넓이를 $y\text{cm}^2$ 라고 할 때, x, y 사이의 관계식을 구하여라. (x 의 범위를 반드시 쓸 것)



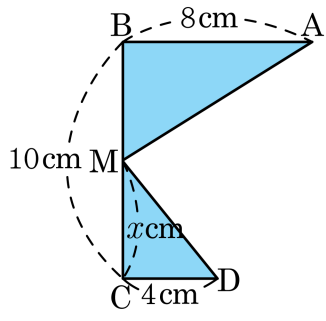
▶ 답 :

▷ 정답 : $y = \frac{3}{2}x$ ($0 \leq x \leq 5$)

해설

$$\begin{aligned} & (\triangle OBP \text{의 넓이}) \\ &= \frac{1}{2} \times (\text{점 P가 점 O로부터 움직인 거리}) \times (\text{높이}) \\ \Rightarrow y &= \frac{1}{2} \times 3 \times x \\ \therefore y &= \frac{3}{2}x \end{aligned}$$

14. 다음 그림에서 점 M 이 선분 BC 위를 움직이고 있다. $\overline{MC} = x\text{cm}$ 이고 $\triangle ABM$ 의 넓이와 $\triangle CDM$ 의 넓이의 합을 $y\text{cm}^2$ 라 할 때, x, y 의 관계식으로 나타내면? (단, $0 \leq x \leq 10$)



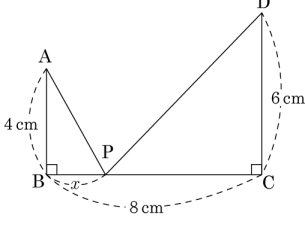
- ① $y = -2x + 10$ ② $y = 2x + 10$ ③ $y = -2x + 30$
④ $y = 2x + 30$ ⑤ $y = -2x + 40$

해설

$$y = \frac{1}{2} \times x \times 4 + \frac{1}{2} \times (10 - x) \times 8 = -2x + 40$$

$$y = -2x + 40 \text{ (단, } 0 \leq x \leq 10 \text{)}$$

15. 다음 그림에서 점 P 가 선분 BC 위를 움직이고 있다. 선분 BP 의 길이를 $x\text{cm}$, $\triangle ABP$ 의 넓이와 $\triangle PCD$ 의 넓이의 합을 $y\text{cm}^2$ 라 할 때, y 를 x 에 관한 일차함수의 관계식으로 나타내어라. (단, $0 \leq x \leq 8$)



▶ 답 :

▶ 정답 : $y = -x + 24$

해설

$$y = \frac{1}{2} \times x \times 4 + \frac{1}{2} \times (8 - x) \times 6 = -x + 24$$

$$y = -x + 24 \text{ (단, } 0 \leq x \leq 8 \text{)}$$

16. 4%의 소금물 x g과 10%의 소금물 y g 속에 들어 있는 소금의 양의 합이 30g 이라고 한다. 4%의 소금물의 소금의 양이 12g 일 때, 4%와 10%의 소금물의 양을 각각 구하여라.

▶ 註: 100

▶ 音韻

▷ 정답 : 4% 소금물의 양 300g

▷ 정답 : 10% 소금물의 양 180g

해설

$$\frac{4}{100}x + \frac{10}{100}y = 30$$

$$\frac{4}{100}x = 12 \text{ 일 때 } x = 300(\text{g}), y \text{ 값은}$$

$$12 + \frac{10}{100}y = 30$$

$$\frac{10}{100}y = 18 \therefore y = 180(\text{g})$$

17. 농도가 10 %인 소금물을 가열하여 농도가 12 %인 소금물로 만들었다. 농도가 10 %인 소금물의 양을 x g, 가열하여 증발한 물의 양을 y g 이라 할 때, y 를 x 에 관한 관계식으로 나타내어라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = \frac{1}{6}x$

해설

$$\frac{10}{100}x = \frac{12}{100}(x - y)$$

$$10x = 12x - 12y$$

$$12y = 2x$$

$$\therefore y = \frac{1}{6}x$$

18. 농도가 13%인 설탕물에 물을 더 넣어 9%의 설탕물을 만들었다. 농도가 13%인 설탕물의 양을 xg , 더 넣은 물의 양을 yg 라고 하여 식을 세웠다. 이 식으로 맞는 것은?

① $\frac{13}{100}x = \frac{9}{100}y$

② $13x = 9(x + y)$

③ $\frac{13}{100}x + \frac{9}{100}y = x + y$

④ $\frac{13}{100}x + y = \frac{9}{100}(x + y)$

⑤ $\frac{13}{100}x = \frac{9}{100}(x + y)$

해설

$$\frac{13}{100}x = \frac{9}{100}(x + y)$$

19. x 의 범위는 $-1, 1, 3, 5$ 인 두 일차함수 $y = 2x - 3$, $y = \frac{1}{3}x - 2$ 의 공통인 함숫값은?

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

일차함수 $y = 2x - 3$ 의 함숫값의 범위는 $-5, -1, 3, 7$

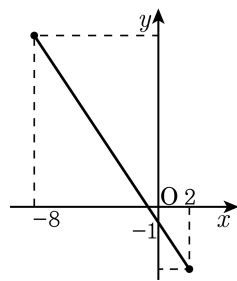
일차함수 $y = \frac{1}{3}x - 2$ 의 함숫값의 범위는 $-\frac{7}{3}, -\frac{5}{3}, -1, -\frac{1}{3}$

이므로

공통인 것은 -1 이다.

20. x 의 범위가 $-8 \leq x \leq 2$, 함수값의 범위가 $m \leq y \leq n$ 인 일차함수 $y = -\frac{3}{2}x + b$ 의 그래프가 오른쪽 그림과 같을 때 알맞은 m, n 의 값으로 짝지어진 것은?

- ① $-11, 4$ ② $4, 11$
 ③ $-4, -11$ ④ $-4, 11$
 ⑤ $11, -4$



해설

일차함수 $y = -\frac{3}{2}x + b$ 의 y 절편이 -1 이므로 $y = -\frac{3}{2}x - 1$

기울기가 음수이므로 함수값의 범위는 $f(2) \leq y \leq f(-8)$

$$f(2) = -3 - 1 = -4 \quad \therefore m = -4$$

$$f(-8) = 12 - 1 = 11 \quad \therefore n = 11$$

21. 일차함수 $y = -\frac{1}{2}x + 3$ 의 x 의 범위는 $-2 \leq x < 1$ 인 정수일 때, 이 함수의 모든 함숫값의 합은?

- ① 9 ② 10 ③ $\frac{21}{2}$ ④ $\frac{23}{2}$ ⑤ 12

해설

일차함수 $y = -\frac{1}{2}x + 3$ 의 함숫값은 $3, \frac{7}{2}, 4$ 이다.

따라서 모든 함숫값의 합은 $3 + \frac{7}{2} + 4 = \frac{21}{2}$ 이다.

22. 세 점 $(-2, 3)$, $(0, 2)$, $(k+1, k)$ 가 한 직선 위에 있을 때, 상수 k 은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\frac{2-3}{0-(-2)} &= \frac{k-2}{k+1} \\ -k-1 &= 2k-4, \quad 3k=3 \\ \therefore k &= 1\end{aligned}$$

23. 좌표평면 위의 두 점 $(-1, -4)$, $(1, 0)$ 을 지나는 직선 위에 점 $(3, a)$ 가 있을 때, 상수 a 의 값은 ?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$\frac{0 - (-4)}{1 - (-1)} = \frac{a - 0}{3 - 1} \therefore a = 4$$

24. 세 점 $(3, 8)$, $(-3, -4)$, $(a, -12)$ 가 같은 직선 위에 있을 때, a 의 값을 구하면?

① -16 ② -7 ③ -4 ④ 8 ⑤ 16

해설

한 직선 위의 점들의 기울기는 모두 같다.

$$\frac{8+4}{3+3} = \frac{-12+4}{a+3}$$

$$-48 = 12a + 36$$

$$a = -7$$

25. x 가 3 만큼 증가할 때, y 는 6 만큼 감소하고 점 $(-1, 1)$ 을 지나는 직선의 방정식은?

① $3x - y + 4 = 0$

② $6x - 3y + 7 = 0$

③ $6x + 3y + 3 = 0$

④ $3x - 6y + 3 = 0$

⑤ $3x + y + 2 = 0$

해설

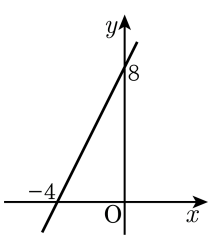
$$(\text{기울기}) = \frac{(\text{y 증가량})}{(\text{x 증가량})} = -\frac{6}{3} = -2$$

$y = -2x + b$ 에 $(-1, 1)$ 을 대입

$$1 = -2 \times (-1) + b, b = -1$$

$$y = -2x - 1 \Rightarrow 2x + y + 1 = 0 \Rightarrow 6x + 3y + 3 = 0$$

26. 다음 그림의 그래프와 평행하고 점 $(-1, 3)$ 을 지나는 그래프를 $y = ax + b$ 라고 할 때, $a \times b$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

그림의 그래프의 기울기는 $\frac{8-0}{0-(-4)} = 2$ 이고, 이 그래프와 평행

하므로 $y = ax + b$ 의 그래프의 기울기도 2이다.

또한 $y = ax + b$ 의 그래프가 점 $(-1, 3)$ 을 지나므로

$3 = 2 \times (-1) + b$, $b = 5$ 이므로 $a \times b = 2 \times 5 = 10$ 이다.

27. 직선 $y = 3x + 4$ 에 평행하고, 점 $(3, -2)$ 를 지나는 직선의 x 절편을 구하여라.

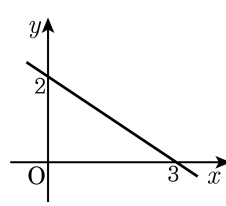
▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{11}{3}$

해설

$y = 3x + 4$ 와 기울기가 같으므로
 $y = 3x + b$ 에 $(3, -2)$ 를 대입하면
 $-2 = 3 \times 3 + b,$
 $-2 = 9 + b, b = -11,$
 $y = 3x - 11$ 에 $y = 0$ 대입
 $0 = 3x - 11, 3x = 11, x = \frac{11}{3}$

28. 어떤 일차함수의 그래프가 다음 그림과 같을 때 그 일차함수의 식은?



- ① $y = 2x - 3$ ② $y = 3x - 2$ ③ $y = 2x + 2$
④ $y = -2x + 2$ ⑤ $y = -\frac{2}{3}x + 2$

해설

y절편이 2이므로 일차함수의 방정식은
 $y = ax + 2$ 이고 이 함수는
또한 점 $(3, 0)$ 을 지나므로,

$$0 = 3a + 2, \quad a = -\frac{2}{3}$$

$$\therefore y = -\frac{2}{3}x + 2$$

29. 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프가 $y = 5x - 3$ 과 y 축 위에서 만나고, $f(-1) = 0$ 을 만족한다고 할 때, $a + b$ 의 값은?

① -6 ② 6 ③ 3 ④ -3 ⑤ 0

해설

$y = 5x - 3$ 과 y 축 위에서 만나므로

y 절편은 -3 이고

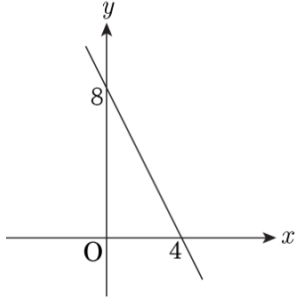
$f(-1) = 0$ 이므로 x 절편은 -1 이다.

따라서 일차함수 $y = ax + b$ 는 $(-1, 0)$, $(0, -3)$ 을 지나므로

$y = -3x - 3$ 이다.

$\therefore a = -3, b = -3$ 이므로 $a + b = -6$

30. 다음 그림은 일차함수 $y = ax + b$ 의 그래프이다. 이 그래프와 일차함수 $px - qy - 6 = 0$ 의 그래프가 서로 평행일 때, $\frac{p}{q}$ 의 값은?



▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

(기울기) $= -\frac{8}{4} = -2 = a$

y 절편 : $8 = b$, $y = -2x + 8$,

$px - qy - 6 = 0$, $y = \frac{p}{q}x - \frac{6}{q}$,

두 그래프가 평행하면 기울기가 같으므로
 $\frac{p}{q} = -2$