

1. 이차방정식  $x^2 - x = 6x - 2$ 의 근이  $x = \frac{a \pm \sqrt{b}}{2}$  일 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.  
(단,  $a$ ,  $b$ 는 유리수이다.)

▶ 답 :

▶ 정답 : 48

해설

$$x^2 - 7x + 2 = 0 \text{ 이므로}$$

$$x = \frac{-(-7) \pm \sqrt{7^2 - 4 \times 1 \times 2}}{2 \times 1} = \frac{7 \pm \sqrt{41}}{2} \text{ 이다.}$$

따라서  $a = 7, b = 41$  이므로

$$a + b = 48 \text{ 이다.}$$

2. 이차방정식  $3x^2 + 5x - 1 = 0$  의 근이  $x = \frac{A \pm \sqrt{B}}{6}$  일 때,  $A + B$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 32

해설

$$x = \frac{-5 \pm \sqrt{37}}{6} \text{ 이므로 } A = -5, B = 37$$

$$\therefore A + B = 32$$

3. 다음 중 이차방정식의 해가 옳지 않은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

①  $x^2 + \frac{1}{4}x - \frac{1}{8} = 0 \rightarrow x = -\frac{1}{2}$  또는  $x = \frac{1}{4}$

②  $0.1x^2 - 0.2x - 0.3 = 0 \rightarrow x = -1$  또는  $x = 3$

③  $0.1x^2 - \frac{1}{5}x - 1 = 0 \rightarrow x = -3$  또는  $x = 5$

④  $0.2x^2 - 0.3x - \frac{1}{5} = 0 \rightarrow x = 2$  또는  $x = \frac{1}{2}$

⑤  $x^2 - 0.5x - 0.1 = 0 \rightarrow x = \frac{5 \pm \sqrt{65}}{20}$

해설

③ 양변에 10을 곱하면

$$x^2 - 2x - 10 = 0$$

$$\therefore x = 1 \pm \sqrt{11}$$

④ 양변에 10을 곱하면

$$2x^2 - 3x - 2 = 0, (x-2)(2x+1) = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = -\frac{1}{2}$$

4. 이차방정식  $x^2 + 8x - a = 0$ 이 중근을 가질 때, 이차방정식  $x^2 + ax - 4a = 0$ 의 근을 구하면?

①  $x = 4$ (중근)

②  $x = 6$ (중근)

③  $x = 8$ (중근)

④  $x = 2$  또는  $x = 8$

⑤  $x = 2$  또는  $x = 6$

해설

중근을 가지므로

$$\frac{D}{4} = 4^2 + a = 0, \quad a = -16$$

$$x^2 - 16x + 64 = 0$$

$$(x - 8)^2 = 0$$

$$\therefore x = 8(\text{중근})$$

5. 이차방정식  $3x^2 - 3x - 2 = 0$  의 근을 구하면?

$$\textcircled{1} \quad x = \frac{-3 \pm \sqrt{33}}{3}$$

$$\textcircled{2} \quad x = \frac{3 \pm \sqrt{33}}{3}$$

$$\textcircled{3} \quad x = \frac{-3 \pm \sqrt{33}}{6}$$

$$\textcircled{4} \quad x = \frac{3 \pm \sqrt{33}}{6}$$

$$\textcircled{5} \quad x = \frac{3 \pm \sqrt{33}}{2}$$

해설

$3x^2 - 3x - 2 = 0$ 에서  $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$  를 이용하면  $a =$

$3, b = -3, c = -2$  이므로

$$x = \frac{-(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - 4 \times 3 \times (-2)}}{2 \times 3} = \frac{3 \pm \sqrt{33}}{6} \text{이다.}$$

6. 다음은 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ ) 을 푸는 과정이다. ① ~ ⑤에 들어갈 식이 바르지 못한 것은?

$$\begin{aligned} ax^2 + bx + c &= 0 \\ x^2 + \frac{b}{a}x &= -\frac{c}{a} \\ x^2 + \frac{b}{a}x + ① &= -\frac{c}{a} + ① \\ (x + ②)^2 &= ③ \\ x &= ④ \pm ⑤ \end{aligned}$$

$$\begin{array}{l} ① \quad \frac{b^2}{4a^2} \\ ④ \quad -\frac{b}{2a} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} ② \quad \frac{b}{2a} \\ ⑤ \quad \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \end{array}$$

$$\textcircled{③} \quad \frac{b^2 - 4ac}{2a}$$

### 해설

$ax^2 + bx + c = 0 \leftarrow$  양변을  $a$ 로 나눈다.

$$x^2 + \frac{b}{a}x = -\frac{c}{a} \leftarrow \text{양변에 } \left(\frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2}{4a^2} \text{ 을 더한다.}$$

$$x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{b^2}{4a^2} = -\frac{c}{a} + \frac{b^2}{4a^2}$$

$$\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2 = \frac{b^2 - 4ac}{4a^2} \leftrightarrow x + \frac{b}{2a} = \pm \sqrt{\frac{b^2 - 4ac}{4a^2}}$$

$$x = -\frac{b}{2a} \pm \frac{\sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$\therefore$  ③이 잘못되었다.

7. 이차방정식  $2x^2 + Ax + B = 0$  의 근이  $-5 \pm \sqrt{23}$  일 때, 유리수  $A, B$ 의 값은?

- ①  $A : 20, B : 4$       ②  $A : 20, B : 5$       ③  $A : 10, B : 4$   
④  $A : 10, B : -5$       ⑤  $A : 10, B : 5$

해설

$2x^2 + Ax + B = 0$  을 근의 공식으로 풀면

$$x = \frac{-A \pm \sqrt{A^2 - 8B}}{4}$$

주어진 근을 변형하면  $\frac{-20 \pm \sqrt{368}}{4}$

$$\therefore A = 20, 400 - 8B = 368, B = 4$$

8. 이차방정식  $ax^2 - 4x - 1 = 0$  의 근이  $x = \frac{2 \pm \sqrt{b}}{3}$  라 할 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 10

해설

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{4+a}}{a} = \frac{2 \pm \sqrt{b}}{3} \text{ 에서}$$

$$a = 3, b = 7$$

$$\therefore a + b = 10$$

9. 이차방정식  $x^2 + 4x - 1 = 0$  의 두 근 중에서 양수를  $a$  라 할 때,  
 $n < a < n + 1$  을 만족하는 정수  $n$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$$x^2 + 4x - 1 = 0 \text{ 의 두 근은 } x = -2 \pm \sqrt{5}$$

$$a \text{ 는 양수이므로 } a = -2 + \sqrt{5}$$

$$0 < -2 + \sqrt{5} < 1$$

$$\therefore n = 0$$

10. 이차방정식  $4x - \frac{x^2 + 1}{4} = 3(x - a)$ 의 근이  $x = b \pm \sqrt{15}$  일 때,  $\frac{1}{2}ab$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤ 4

해설

양변에 4를 곱하면  $16x - (x^2 + 1) = 12(x - a)$

$$x^2 - 4x + (1 - 12a) = 0$$

근이  $x = b \pm \sqrt{15}$  이므로

$$\text{두 근의 합은 } 2b = 4 \quad \therefore b = 2$$

$$\text{두 근의 곱은 } b^2 - 15 = 1 - 12a \quad \therefore a = 1$$

$$\therefore \frac{1}{2}ab = 1$$

11. 이차방정식  $9x^2 - 2 = 3\sqrt{x^2}$  을 풀어라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = \frac{2}{3}$

▷ 정답:  $x = -\frac{2}{3}$

해설

( i )  $x \geq 0$  일 때

$$9x^2 - 2 = 3\sqrt{x^2}, \quad 9x^2 - 2 = 3x$$

$$9x^2 - 3x - 2 = 0, \quad (3x + 1)(3x - 2) = 0$$

$$x \geq 0 \text{ } \circ] \text{므로 } x = \frac{2}{3}$$

( ii )  $x < 0$  일 때

$$9x^2 - 2 = 3\sqrt{x^2}, \quad 9x^2 - 2 = -3x$$

$$9x^2 + 3x - 2 = 0, \quad (3x - 1)(3x + 2) = 0$$

$$x < 0 \text{ } \circ] \text{므로 } x = -\frac{2}{3}$$

( i ), ( ii )에서  $x = \pm \frac{2}{3}$

12.  $(2m - n)^2 - 10(2m - n) + 21 = 0$  을 만족하는 두 수  $m, n$ 에 대하여  
 $2m - n$ 의 값이 될 수 있는 수들의 곱은?

- ① 15      ② 17      ③ 19      ④ 21      ⑤ 23

해설

$2m - n = t$ 로 놓으면

$$t^2 - 10t + 21 = 0$$

$$(t - 3)(t - 7) = 0$$

$$t = 3 \text{ 또는 } t = 7$$

$$\therefore 3 \times 7 = 21$$

13. 다음 두 식을 만족하는 정수  $a$ ,  $b$ 의 값을 구하여라.

$$\begin{cases} 2(a+b)^2 + 5(a+b) = 18 \\ 2(a-b)^2 - 11(a-b) = 6 \end{cases}$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = 4$

▷ 정답 :  $b = -2$

### 해설

$a+b = A$ ,  $a-b = B$  라고 하면

$$2A^2 + 5A = 18$$

$$2A^2 + 5A - 18 = 0$$

$$(A-2)(2A+9) = 0$$

$a$ ,  $b$  는 정수이므로  $a+b = 2 \cdots \textcircled{1}$

$$2B^2 - 11B = 6$$

$$2B^2 - 11B - 6 = 0$$

$$(2B+1)(B-6) = 0$$

$a$ ,  $b$  는 정수이므로  $a-b = 6 \cdots \textcircled{2}$

$\textcircled{1} + \textcircled{2}$  에서  $2a = 8$  이다.

따라서  $a = 4$ ,  $b = -2$  이다.

14. 다음 이차방정식 중에서 근의 개수가 다른 하나는 어느 것인가?

①  $x^2 + 3x - 2 = 0$

②  $3x^2 + 2x + 10 = 0$

③  $3x^2 - 6x + 1 = 0$

④  $x^2 + 2x - 4 = 0$

⑤  $(x - 2)^2 = 3$

해설

②  $\frac{D}{4} = 1 - 3 \times 10 < 0$  : 근이 없다.

나머지는 근이 2개이다.

15. 이차방정식  $(x + 5)^2 = a$ 의 해가 1개일 때, 상수  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $a = 0$

해설

$(x + 5)^2 = a$ 가 중근을 가지므로

$$25 - a = \left(\frac{10}{2}\right)^2$$

$$\therefore a = 0$$