

1. 미지수 x, y 가 자연수일 때, 일차방정식 $3x + y = 15$ 의 해의 개수를 구하면?

- ① 3 개 ② 4 개 ③ 5 개
④ 6 개 ⑤ 무수히 많다.

해설

$3x + y = 15$ 를 만족하는 자연수 x, y 의 값은
(1, 12), (2, 9), (3, 6), (4, 3)

2. 점 $(3, 5)$ 가 일차방정식 $2x - ay + 4 = 0$ 의 해일 때, a 의 값을 구하
면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$2x - ay + 4 = 0 \quad || \quad (3, 5) \text{를 대입하면}$$

$$6 - 5a + 4 = 0$$

$$-5a = -10$$

$$\therefore a = 2$$

3. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 3 \cdots \textcircled{\text{①}} \\ x + y = p \cdots \textcircled{\text{②}} \end{cases}$ 를 만족하는 x 의 값이 3 일 때, p 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

①에 $x = 3$ 을 대입하면, $6 - y = 3$, $y = 3$

②에 $(3, 3)$ 을 대입하면, $3 + 3 = p \therefore p = 6$

4. 직선의 방정식 $x - 2y = a$ 가 한 점 $(4, 1)$ 을 지나고 $bx - 7y = 5$ 의
직선도 그 점을 지날 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

해설

$(4, 1)$ 을 $x - 2y = a$ 에 대입하면, $4 - 2 = a$, $a = 2$

$(4, 1)$ 을 $bx - 7y = 5$ 에 대입하면, $4b - 7 = 5$, $4b = 12$, $b = 3$

$\therefore a - b = -1$

5. 연립방정식 $\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = \frac{1}{2} \\ \frac{3}{2}x - 3y = \frac{1}{4} \end{cases}$ 의 해는?

① $\left(\frac{10}{3}, \frac{3}{4}\right)$ ② $\left(\frac{23}{12}, \frac{5}{9}\right)$ ③ $\left(\frac{12}{5}, \frac{1}{4}\right)$
④ $\left(\frac{13}{6}, \frac{5}{2}\right)$ ⑤ $\left(\frac{15}{7}, \frac{3}{2}\right)$

해설

$$\begin{cases} \frac{x}{3} - \frac{y}{4} = \frac{1}{2} & \cdots ① \\ \frac{3}{2}x - 3y = \frac{1}{4} & \cdots ② \end{cases}$$

$$① \times 12 - ② \times 4 : x = \frac{23}{12}, y = \frac{5}{9}$$

6. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 3 \\ ax + by = 12 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많을 때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a - b = 12$

해설

$$a = 8, b = -4$$
$$\therefore a - b = 8 - (-4) = 12$$

7. 자연수 x, y 가 있다. 이 두 수의 합은 21이고, x 의 2 배를 3 으로 나눈
값은 y 에서 1 을 뺀 값과 같다고 한다. 이 때 y 의 값을 구하면?

① 9 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 13

해설

$$\begin{cases} x + y = 21 \\ \frac{2x}{3} = y - 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 21 & \cdots ① \\ 2x - 3y = -3 & \cdots ② \end{cases}$$

① $\times 3 + ②$ 하면, $x = 12, y = 9$

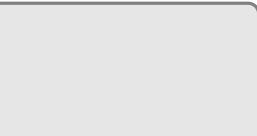
8. 다음 중 부등식이 아닌 것은?

- ① $3 - 8x < 6y + 5$ ② $\left(\frac{1}{3}x \times 3\right) \geq 4 \div 3x$
③ $\frac{6}{13}x \leq \frac{1}{3}a - 15b$ ④ $(5x - 1)\frac{1}{2}x > 32 + 4x$
⑤ $8(2a - 4b) = c + 14d$

해설

- ① 부등호 $<$ 가 사용된 부등식이다.
② 부등호 \geq 가 사용된 부등식이다.
③ 부등호 \leq 가 사용된 부등식이다.
④ 부등호 $>$ 가 사용된 부등식이다.

9. 다음 그림이 나타내는 해와 같은 해를 갖는
부등식을 모두 고르면?



- ① $x + 1 > -2$ ② $3x - 2 < 1$ ③ $\textcircled{3} 2 - x \geq 5$
④ $\textcircled{4} 2x + 1 \leq -5$ ⑤ $-2x + 1 < 7$

해설

- ① $x > -3$
② $3x - 2 < 1, 3x < 3$ 이므로 $x < 1$ 이다.
③ $2 - x \geq 5, -x \geq 3$ 이므로 $x \leq -3$ 이다.
④ $2x + 1 \leq -5, 2x \leq -6$ 이므로 $x \leq -3$ 이다.
⑤ $-2x + 1 < 7, -2x < 6$ 이므로 $x > -3$ 이다.

10. 연립부등식 $-2 < 3x + 4 \leq 11$ 을 만족하는 정수를 모두 구하여라.

- ① -1, 0, 1 ② 0, 1, 2 ③ -1, 0, 1, 2
④ -2, -1, 0, 1 ⑤ 0, 1, 2, 3

해설

$$\begin{cases} -2 < 3x + 4 \\ 3x + 4 \leq 11 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x > -2 \\ x \leq \frac{7}{3} \end{cases}$$

따라서 $-2 < x \leq \frac{7}{3}$ 을 만족하는 정수는 -1, 0, 1, 2 이다.

11. 자연수 x, y 에 대하여 $2x + y = 5$, $x + y = 4$ 일 때, 연립방정식의 해를 구하면?

- ① (2, 1) ② (1, 2) ③ (1, 3)
④ (3, 1) ⑤ (2, 2)

해설

x, y 는 모두 자연수이므로 $2x + y = 5$ 를 만족하는 x, y 는 $(1, 3), (2, 1)$ 이고, $x + y = 4$ 를 만족하는 x, y 는 $(1, 3), (2, 2), (3, 1)$ 이다.

따라서 연립방정식의 해는 (1, 3) 이다.

12. 연립방정식 $\begin{cases} x - 2y = 7 \\ 2x - 3y = m \end{cases}$ 를 만족하는 x 의 값과 y 의 값의 차가 5 일 때, 상수 m 의 값은? (단, $x > y$)

① -12 ② -6 ③ 4 ④ 6 ⑤ 12

해설

$$x - y = 5 \quad | \text{으로 } \begin{cases} x - 2y = 7 \\ x - y = 5 \end{cases} \quad \text{을 연립하면 } x = 3, y = -2,$$

위에서 구한 해를 $2x - 3y = m$ 에 대입하면, $6 + 6 = m$,
 $\therefore m = 12$

13. 사과 3 개와 둘 4 개의 가격은 3900 원이고, 사과 1 개의 가격은 둘 1 개의 가격보다 600 원 비싸다고 한다. 사과 1 개와 둘 1 개의 가격의 합을 구하여라.

▶ 답: 원

▷ 정답: 1200 원

해설

사과 한 개의 가격을 x 원, 둘 한 개의 가격을 y 원이라고 하면

$$\begin{cases} 3x + 4y = 3900 & \cdots (1) \\ x = y + 600 & \cdots (2) \end{cases}$$

(2)를 (1)에 대입하면 $3(y + 600) + 4y = 3900$

$$3y + 1800 + 4y = 3900$$

$$y = 300$$

$$x = y + 600 = 900$$

따라서 사과 1개와 둘 1개의 가격의 합은

$$900 + 300 = 1200(\text{원})$$
이다.

14. 앞마당에 있는 오리와 토끼를 본 영심이가 수를 세어보니 머리가 250 개, 다리가 710 개였다. 오리가 몇 마리인지 구하여라.

▶ 답:

마리

▷ 정답: 145마리

해설

오리를 x 마리, 토끼를 y 마리라고 하면

$$\begin{cases} x + y = 250 \\ 2x + 4y = 710 \end{cases}$$

연립하여 풀면 $x = 145$, $y = 105$ 이다.

15. $x > 3$ 일 때, $-2x + 5$ 의 범위를 바르게 구한 것을 고르면?

- ① $-2x + 5 > -1$ ② $-2x + 5 < 1$ ③ $-2x + 5 < 3$
④ $-2x + 5 > 3$ ⑤ $-2x + 5 < -1$

해설

양변에 -2 를 곱한 후, 5 를 더하면,

$$x > 3$$

$$-2 \times x < 3 \times (-2)$$

$$-2x + 5 < -6 + 5$$

$$-2x + 5 < -1$$

16. 부등식 $2 - 6x \leq -16$ 을 만족하는 x 의 값 중에서 가장 작은 정수는?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$2 - 6x \leq -16$$

$$-6x \leq -18$$

$$x \geq 3$$

따라서 만족시키는 가장 작은 정수는 3 이다.

17. 두 부등식 $2(2x - 3) \leq 5x + 4$, $0.2x - \frac{1}{2}a \leq \frac{2}{5}x + 1$ 의 해가 서로 같을 때, 상수 $2a - 1$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$2(2x - 3) \leq 5x + 4 \text{에서 } x \geq -10$$

$$0.2x - \frac{1}{2}a \leq \frac{2}{5}x + 1 \text{에서}$$

$$2x - 5a \leq 4x + 10, x \geq \frac{-10 - 5a}{2}$$

두 부등식의 해가 서로 같으므로

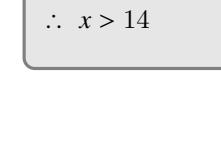
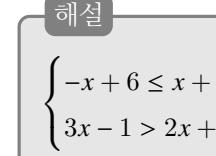
$$-10 = \frac{-10 - 5a}{2}$$

$$a = 2$$

$$\therefore 2a - 1 = 3$$

18. 다음 연립부등식을 바르게 수직선에 나타낸 것은?

$$\begin{cases} -x + 6 \leq x + 2 \\ 3x - 1 > 2x + 13 \end{cases}$$



해설

$$\begin{cases} -x + 6 \leq x + 2 \\ 3x - 1 > 2x + 13 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x \geq 2 \\ x > 14 \end{cases}$$

$$\therefore x > 14$$

19. 다음 연립부등식의 해가 $a < x < b$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

$$\begin{cases} 2(3x - 3) > 3(x + 2) \\ 3(x + 9) + 3 > 15(x - 2) \end{cases}$$

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

해설

i) $2(3x - 3) > 3(x + 2)$

$$\Rightarrow 6x - 6 > 3x + 6$$

$$\Rightarrow 3x > 12$$

$$\Rightarrow x > 4$$

ii) $3(x + 9) + 3 > 15(x - 2)$

$$\Rightarrow x + 9 + 1 > 5x - 10$$

$$\Rightarrow x < 5$$

$$\therefore 4 < x < 5$$

$$a = 4, b = 5$$

$$\therefore a + b = 4 + 5 = 9$$

20. 주사위를 던져서 나온 눈의 수를 2 배하면 그 눈의 수에 3 을 더한 것보다 크다고 한다. 이런 눈의 수를 만족하는 것은 모두 몇 개인가?

① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 1개

해설

$2x > x + 3$, $x > 3$ 이므로, 만족하는 수는 4, 5, 6 이다.

21. 한 송이에 700 원인 장미와 한 다발에 1500 원인 안개꽃 한 다발을 섞어 꽃다발을 만들려고 한다. 포장비가 1000 원일 때, 전체 비용을 12000 원 이하로 하려면 장미를 최대 몇 송이까지 넣을 수 있는지 구하여라.

▶ 답:

송이

▷ 정답: 13 송이

해설

장미를 x 송이 산다고 하면

$$700x + 1500 + 1000 \leq 12000$$

$$x \leq \frac{95}{7}$$

따라서, 장미는 최대 13 송이 넣을 수 있다.

22. 진경, 지석의 한 달 평균 이동전화 사용 시간이 각각 160 분, 190 분 일 때, B 요금제를 선택하는 것이 유리한 사람은 누구인지 구하여라.

	A	B
기본요금(원)	12000	19000
1분당 전화요금(원)	165	125

▶ 답:

▷ 정답: 지석

해설

한 달 동안 x 분 사용한다고 하고, B 요금제를 선택하는 것이 유리하다면

$$12000 + 165x > 19000 + 125x$$

$$x > 175$$

즉, 한 달 평균 이동전화 사용시간이 175 분을 초과하는 지석이가 B 요금제를 선택하는 것이 유리하다.

23. 삼각형의 세 변의 길이를 $3x$, $5x+1$, $x+7$ 로 나타낼 때, $5x+1$ 이 가장 긴 변의 길이인 삼각형에 대하여 자연수 x 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

가장 긴 변의 길이가 $5x+1$ 이므로

$$5x+1 < 3x + (x+7)$$

$$5x+1 < 4x+7$$

$$x < 6$$

이다. 따라서 만족하는 자연수 x 는 1, 2, 3, 4, 5이므로 합은 15이다.

24. 두 연립방정식 $\begin{cases} 5x + 3y = 5 \\ ax + y = 4 \end{cases}$, $\begin{cases} 3x - 7y = b \\ 2x - y = 2 \end{cases}$ 의 해가 서로 같을 때, $a + b$ 의 값을 구하면?

- ① 9 ② 7 ③ 4 ④ 1 ⑤ 0

해설

두 연립방정식의 해가 같으므로, $\begin{cases} 5x + 3y = 5 \\ 2x - y = 2 \end{cases}$ 를 연립한 해도

같다.

이제 위의 연립방정식을 풀면, $x = 1, y = 0$ 이므로 나머지 다른 두 식에 대입하면 $a = 4, b = 3$ 이다.

따라서 $a + b = 7$ 이다.

25. 전체 16km 의 거리를 등산하는 데, 올라갈 때는 시속 3km 의 속력으로 내려올 때는 시속 4km 의 속력으로 걸어서 4 시간 40 분이 걸렸다. 내려 온 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 8km

해설

올라간 거리를 x km, 내려온 거리를 y km라 하면

$$\begin{cases} x + y = 16 \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{4} = 4\frac{2}{3} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x + y = 16 \\ 4x + 3y = 56 \end{cases}$$

방정식을 풀면 $x = 8, y = 8$

\therefore 내려온 거리는 8km

26. 둘레가 170m인 자전거 경기장의 원형 코스를 갑, 을 두 명의 선수가 각각 일정한 속도로 자전거를 타고 달린다고 한다. 갑, 을 두 선수가 원형 코스를 동시에 같은 방향으로 돌면 갑 선수는 을 선수를 170초 후에 추월하고, 반대 방향으로 돌면 10초 후에 만난다고 한다. 을의 속력을 구하면?

- ① 7m/초 ② 8m/초 ③ 9m/초
④ 10m/초 ⑤ 11m/초

해설

갑의 속력을 x m/초, 을의 속력을 y m/초라 하면,
같은 방향으로 돌면 (두 사람의 거리의 차) = (경기장 코스 둘레의
길이), 반대 방향으로 돌면 (두 사람의 거리의 합) = (경기장 코스
둘레의 길이) 이므로

$$\begin{cases} 170x - 170y = 170 \\ 10x + 10y = 170 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x - y = 1 \\ x + y = 17 \end{cases}$$

따라서 $x = 9$, $y = 8$ 이므로
을의 속력은 8m/초이다.

27. $0 < b < a$ 일 때, 다음 중 성립하지 않는 것은?

- ① $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$
② $\frac{a}{c} > \frac{b}{c}$
③ $-2a < -2b$
④ $3a - 1 > 3b - 1$
⑤ $a^2 > ab$

해설

② $c > 0$ 이면 $\frac{a}{c} > \frac{b}{c}$, $c < 0$ 이면 $\frac{a}{c} < \frac{b}{c}$

28. 다음 연립부등식 $\begin{cases} 0.3x + 1.2 > 0.5x \\ \frac{2}{3}x - \frac{1}{2} < \frac{3}{4}x \end{cases}$ 을 만족하는 모든 정수 x 의 합은?

- ① 6 ② 3 ③ 1 ④ 0 ⑤ -2

해설

i) $0.3x + 1.2 > 0.5x$ 의 양변에 10을 곱하면

$$3x + 12 > 5x$$

$$x < 6$$

ii) $\frac{2}{3}x - \frac{1}{2} < \frac{3}{4}x$ 의 양변에 12를 곱하면

$$8x - 6 < 9x$$

$$x > -6$$

$$\therefore -6 < x < 6$$

만족하는 정수는 $-5, -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4, 5$ 이고 이들의 합은 0이다.