

1. a km의 거리를 일정한 속력으로 3시간 동안 달렸을 때의 속력을 문자를 사용한 식으로 나타내어라.

▶ 답 : $\frac{\text{km}}{\text{h}}$

▷ 정답 : $\frac{a}{3}$ $\frac{\text{km}}{\text{h}}$

해설

$$(\text{속력}) = \frac{(\text{거리})}{(\text{시간})} = \frac{a}{3}(\text{km/h})$$

2. 길이가 S m 인 기차가 V m/s 의 속도로 길이가 1 km 인 다리를 완전히 건너는 데 14 초가 걸렸다. 속도 V 를 S 를 사용한 식으로 나타내어라.

▶ 답: m/s

▶ 정답: $V = \frac{S + 1000}{14} \text{ m/s}$

해설

S m 인 기차가 길이가 1 km 인 다리를 완전히 건너려면 $(S + 1000)$ m 의 거리를 이동해야 한다.

$$(\text{속도}) = \frac{(\text{거리})}{(\text{시간})} \text{ 이므로 } V = \frac{S + 1000}{14} \text{ 이다.}$$

3. 정희가 집에서 공원에 갔다 오는데, 갈 때는 시속 3km 로, 올 때는 시속 5km 로 걸었더니 왕복 4 시간 30 분이 걸렸다. 집에서 공원까지의 거리를 x km 라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 갈 때 걸린 시간은 $\frac{x}{3}$ 시간이다.
- ② 올 때 걸린 시간은 $\frac{x}{15}$ 시간이다.
- ③ 4 시간 30 분은 $\frac{9}{2}$ 시간이다.
- ④ (시간) = $\frac{(\text{거리})}{(\text{속력})}$
- ⑤ (거리) = (시간) $\times$ (속력)

해설

- ② 올 때 걸린 시간은 $\frac{x}{5}$ 시간 이다.

4. A 지점에서 출발하여 시속 x km 로 10 km 만큼 떨어진 B 지점까지 가는데 도중에 20 분간 휴식을 취하였다. A 지점에서 출발하여 B 지점에 도착할 때까지 걸린 시간을 문자를 사용한 식으로 나타내면?

① $\left(\frac{x}{10} + 20\right)$ 시간

② $\left(\frac{x}{10} + \frac{1}{3}\right)$ 시간

③ $\left(\frac{10}{x} + 20\right)$ 시간

④ $\left(\frac{10}{x} + \frac{1}{3}\right)$ 시간

⑤ $(10x + 20)$ 시간

해설

$$20(\text{분}) = \frac{20}{60}(\text{시간}) = \frac{1}{3}(\text{시간}) \text{ 이다.}$$

따라서 구해야 하는 식은

$$(\text{전체 걸린 시간}) = (\text{달린 시간}) + (\text{휴식 시간}) =$$

$$\left(\frac{10}{x} + \frac{1}{3}\right) \text{ 시간 이다.}$$

5. $(x-y)+3\times(x-y)\times a\div(x-y)$ 를 곱셈 기호와 나눗셈 기호를 생략하여 나타낸 것 중 바른 것은? (단, $x\neq y$)

① $3a - x - y$

② $x - y - 3a$

③ $3 + a + x - y$

④ $3a$

⑤ $3a + x - y$

해설

$$\begin{aligned} & (x-y)+3\times(x-y)\times a\div(x-y) \\ &= (x-y)+3\times(x-y)\times a\times\frac{1}{(x-y)} \\ &= (x-y)+3a=3a+x-y \end{aligned}$$

6. 다음 식에서 곱셈 기호, 나눗셈 기호를 생략하여 나타낸 것 중 옳은 것은?

① $2 \times x \div \left(\frac{3}{4} \times y \right) = \frac{8x}{3y}$

② $3 \times a \div b \times (-4) = -\frac{3a}{4b}$

③ $x \times (y \div z) = \frac{x}{yz}$

④ $x \div y \times z = \frac{x}{yz}$

⑤ $a \times 6 \div x \times 7 = \frac{6a}{7x}$

해설

② $3a \times \frac{1}{b} \times -4 = -\frac{12a}{b}$

③ $x \times \frac{y}{z} = \frac{xy}{z}$

④ $\frac{x}{y} \times z = \frac{xz}{y}$

⑤ $\frac{6a}{x} \times 7 = \frac{42a}{x}$

7. $(x - 4) \div y + (-0.1) \times (x + 5)$ 를 기호 $\times$, $\div$ 를 생략하여 간단하게 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{x-4}{y} - \frac{x+5}{10}$

해설

$$\begin{aligned} & (x - 4) \div y + (-0.1) \times (x + 5) \\ &= (x - 4) \times \frac{1}{y} + (-0.1) \times (x + 5) \\ &= \frac{x - 4}{y} + \left(-\frac{1}{10}\right) \times (x + 5) \\ &= \frac{x - 4}{y} + \left(-\frac{x + 5}{10}\right) \\ &= \frac{x - 4}{y} - \frac{x + 5}{10} \end{aligned}$$

8. $A = 3 \div xy$, $B = 3 \div x \times y$, $C = \frac{1}{(-3)} \times \frac{1}{x} \div y$ 일 때 $A \times B \div C$ 를 곱셈 기호와 나눗셈 기호를 생략하여 나타내어라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $-\frac{27y}{x}$

해설

$$A \times B \div C$$

$$= (3 \div xy) \times (3 \div x \times y) \div \left\{ \frac{1}{(-3)} \times \frac{1}{x} \div y \right\}$$

$$= 3 \times \frac{1}{xy} \times 3 \times \frac{1}{x} \times y \div \left\{ \frac{1}{(-3)} \times \frac{1}{x} \times \frac{1}{y} \right\}$$

$$= \frac{9}{x^2} \div \left(-\frac{1}{3xy} \right)$$

$$= \frac{9}{x^2} \times (-3xy)$$

$$= -\frac{27y}{x}$$

9. 다음 식을 간단히 하면?

$$6x - \{7y - 5x - (3x - 8x + 7y)\}$$

① $6x$

② $6x - 4$

③ 0

④ 1

⑤ x

해설

$$\begin{aligned} & 6x - \{7y - 5x - (3x - 8x + 7y)\} \\ &= 6x - \{7y - 5x - (-5x + 7y)\} \\ &= 6x - (7y - 5x + 5x - 7y) \\ &= 6x \end{aligned}$$

10. 다음 식을 간단히 하여라.

$$2x - 3 - 3[1 - \{2x - (x + 3) - 1\} - x]$$

▶ 답:

▶ 정답: $8x - 18$

해설

$$\begin{aligned} & 2x - 3 - 3[1 - \{2x - (x + 3) - 1\} - x] \\ &= 2x - 3 - 3\{1 - (2x - x - 3 - 1) - x\} \\ &= 2x - 3 - 3\{1 - (x - 4) - x\} \\ &= 2x - 3 - 3(1 - x + 4 - x) \\ &= 2x - 3 - 3(-2x + 5) \\ &= 2x - 3 + 6x - 15 \\ &= 8x - 18 \end{aligned}$$

11. $a \bigcirc b = 2a + 3b - 4$, $a \star b = -5a + 3b$ 의 연산을 이용하여 $4(a \bigcirc 3b) + \frac{1}{2}(-2a \star b)$ 을 간단히 할 때, 상수항은?

① -8

② -10

③ -12

④ -14

⑤ -16

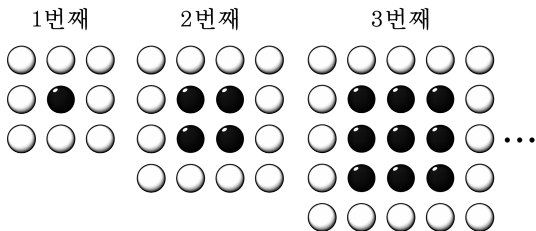
해설

$$4(2a + 9b - 4) + \frac{1}{2}(10a + 3b)$$

$$= 8a + 36b - 16 + 5a + \frac{3}{2}b$$

$\therefore$ 상수항 : -16

12. 다음 그림과 같은 규칙으로 검은 바둑돌과 흰 바둑돌이 배열되어 있을 때, n 번째 놓이는 검은 바둑돌과 흰 바둑돌의 차를 n 을 사용한 식으로 나타내어라. (단, $n > 4$)



▶ 답 :

▷ 정답 : $n^2 - 4n - 4$

해설

검은 바둑돌에서 $1 \times 1 = 1$, $2 \times 2 = 4$, $3 \times 3 = 9$, ...

(n 번째 검은 바둑돌의 개수) $= n \times n = n^2$

흰 바둑돌에서 $4 \times 2 = 8$, $4 \times 3 = 12$, $4 \times 4 = 16$, ...

(n 번째 흰 바둑돌의 개수) $= 4(n + 1) = 4n + 4$

$n > 4$ 일 때는 검은색 바둑돌이 더 많으므로

(두 바둑돌의 차) $= n^2 - (4n + 4) = n^2 - 4n - 4$

13. 방정식 $1.4x - 5 = \frac{3x - a}{5}$ 의 해가 자연수가 되는 자연수 a 의 개수는?

① 2 개

② 3 개

③ 4 개

④ 5 개

⑤ 6 개

해설

$1.4x - 5 = \frac{3x - a}{5}$ 를 정리하면

$$x = \frac{-2a + 50}{8} = \frac{-a + 25}{4}$$

해가 자연수가 되어야 하므로

$25 - a$ 는 25보다 작은 4의 배수

$$25 - a = 4, 8, 12, 16, 20, 24$$

$$a = 21, 17, 13, 9, 5, 1$$

따라서 6 개이다.

14. 다음 두 방정식의 해가 같을 때, a 의 값을 구하여라.

$$\neg. \frac{1-x}{4} = \frac{2x-5}{3} + 1$$

$$\sqcup. \frac{x-2a}{6} = -\frac{1-2x}{2} + 3$$

▶ 답 :

▷ 정답 : -10

해설

$$\neg. \frac{1-x}{4} = \frac{2x-5}{3} + 1 \text{ 의 양변에 } 12 \text{ 를 곱하면}$$

$$3(1-x) = 4(2x-5) + 12$$

$$3-3x = 8x-20+12$$

$$\therefore x = 1$$

$$\sqcup. \frac{x-2a}{6} = -\frac{1-2x}{2} + 3 \text{ 의 } x \text{ 대신 } 1 \text{ 을 대입하면 } \frac{1-2a}{6} =$$

$$-\frac{1-2}{2} + 3 \text{ 이므로 양변에 } 6 \text{ 을 곱하면}$$

$$1-2a = 3+18$$

$$\therefore a = -10$$

15. 방정식 $0.2(x-3)+0.9=0.3x+0.2$ 의 해를 $x=m$, 방정식 $\frac{3}{4}x+3=\frac{1}{3}(x-1)$ 의 해를 $x=n$ 이라 할 때, mn 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $mn = -8$

해설

$$0.2(x-3)+0.9=0.3x+0.2$$

$$2(x-3)+9=3x+2$$

$$2x-6+9=3x+2$$

$$-x=-1$$

$$x=1 \quad \therefore m=1$$

$$\frac{3}{4}x+3=\frac{1}{3}(x-1)$$

$$9x+36=4(x-1)$$

$$9x+36=4x-4$$

$$5x=-40$$

$$x=-8 \quad \therefore n=-8$$

$$\therefore mn=1 \times (-8) = -8$$

16. 방정식 $\frac{3}{1 - \frac{x}{x-1}} = -2x - 3$ 을 풀어라. (단, $x \neq 0$)

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = 6$

해설

$$\frac{3}{1 - \frac{x}{x-1}} = -2x - 3 \text{에서}$$

$$\frac{3}{1 - \frac{x}{x-1}} = \frac{3}{\frac{x-1-x}{x-1}} = -2x - 3,$$

$$\text{따라서 } -3x + 3 = -2x - 3$$

$$\therefore x = 6$$

17. 두 방정식 $2(x-1)+3=-2(3x-9)+7$, $\frac{a}{4}x-3=\frac{2x-3}{3}$ 의 해가 같을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $a = \frac{16}{3}$

해설

방정식을 괄호를 풀어서 정리하면

$$2x+1=-6x+25, x=3$$

방정식의 해가 같으므로

$$\frac{a}{4}x-3=\frac{2x-3}{3} \text{ 에 } x=3 \text{ 을 대입하면}$$

$$\frac{3}{4}a-3=1 \text{ 이므로 } a=\frac{16}{3} \text{ 이다.}$$

18. x 에 관한 다음 두 일차방정식의 해가 같을 때, a 의 값은?

$$-3x + 27 = 6x, 4x + a = 8$$

① -20

② -4

③ 4

④ 20

⑤ 24

해설

i) $-3x + 27 = 6x$ 의 해를 구한다.

$$-3x + 27 = 6x$$

$$27 = 6x + 3x$$

$$27 = 9x$$

$$x = 3$$

ii) $x = 3$ 을 $4x + a = 8$ 에 대입하여, a 의 값을 구한다.

$$4x + a = 8$$

$$4 \times 3 + a = 8$$

$$12 + a = 8$$

$$a = 8 - 12$$

$$a = -4$$

19. 방정식 $0.3(x - 4) = 0.4x - 1$ 과 $ax + 3 = 2x - 7$ 의 해가 같을 때, a 의 값은?

① -14

② -7

③ -2

④ 7

⑤ 14

해설

$$0.3x - 1.2 = 0.4x - 1$$

$$-0.1x = 0.2$$

$$\therefore x = -2$$

$ax + 3 = 2x - 7$ 에 $x=-2$ 를 대입하면

$$-2a + 3 = -11$$

$$-2a = -14$$

$$\therefore a = 7$$

20. x 에 관한 방정식 $5-2(x-1) = -5(x+1)$ 의 해와 $\frac{1}{3}(x+1) = \frac{x}{4} - (3-a)$ 의 해가 같을 때, a 의 값은?

① -3

② -1

③ 1

④ 3

⑤ 5

해설

$$\text{i) } 5 - 2(x - 1) = -5(x + 1)$$

$$5 - 2x + 2 = -5x - 5$$

$$\therefore x = -4$$

$$\text{ii) } \frac{1}{3}(x + 1) = \frac{x}{4} - (3 - a)$$

$$4(x + 1) = 3x - 12(3 - a)$$

$$-12(3 - a) = 0$$

$$\therefore a = 3$$

21. 다음 방정식의 해를 구하여라.

$$2(x + 5) - 2 = 2(x + 4)$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 해는 모든 수이다.

해설

$$2x + 10 - 2 = 2x + 8$$

$$2x - 2x = 8 + 2 - 10$$

$$(2 - 2)x = 0$$

$$0 \cdot x = 0$$

∴ 해는 모든 수이다.

22. 다음 방정식이 해가 없을 조건은?

$$(a - 3)x = b - 5$$

① $a = 3$

② $a \neq 3$

③ $b = 5$

④ $b \neq 5$

⑤ $a = 3, b \neq 5$

해설

방정식이 해가 없을 조건을 구하는 것이므로 x 의 계수는 0이 되어야 하고 우변은 0이 되지 말아야 한다. 즉 $0 \times x = (0 \text{이 아닌 수})$ 의 꼴이 되어야 한다.

따라서 $a - 3 = 0, b - 5 \neq 0$

$\therefore a = 3, b \neq 5$

23. 다음 방정식의 해를 구하면?

$$2x + 1 + \frac{2}{3} \left(-\frac{25}{4}x - 9 \right) = \frac{5x}{6} - 3x + 2$$

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 해가 없다

해설

주어진 방정식의 양변에 6 을 곱하면

$$12x + 6 - 25x - 36 = 5x - 18x + 12$$

$0 \times x = 42$ 이므로 해가 없다.

24. $\frac{x}{2} - \frac{x+1}{3} = 1$, $4x - 3a = -1$ 의 두 방정식의 해가 같을때, a 의 값은?

① 5

② 7

③ 9

④ 11

⑤ 13

해설

$$3x - 2(x + 1) = 6$$

$$x = 8$$

$4x - 3a = -1$ 에 $x = 8$ 을 대입하면

$$4 \times 8 - 3a = -1$$

$$-3a = -33$$

$$a = 11$$