

1. 다항식 $(x+y)(x+y-3z) - 4z^2$ 이 두 일차식의 곱으로 인수분해될 때, 두 일차식의 합은?

- ① $2x + 2y - 3z$ ② $2x - 2y - 3z$ ③ $2x - 4y + 3z$
④ $2x + 3y - 2z$ ⑤ $2x + 2y + 3z$

해설

$$\begin{aligned}(x+y) &= A \text{ 라 하면} \\ A(A-3z) - 4z^2 &= A^2 - 3Az - 4z^2 \\ &= (A-4z)(A+z) \\ &= (x+y-4z)(x+y+z) \\ \therefore (x+y-4z) + (x+y+z) &= 2x + 2y - 3z\end{aligned}$$

2. $x^2 - y^2 + 4yz - 4z^2$ 을 인수분해하였더니
 $(x + ay + bz)(x - y + cz)$ 가 되었다. 이때 $a + b + c$ 의 값은?

① -1 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$\begin{aligned} x^2 - y^2 + 4yz - 4z^2 &= x^2 - (y^2 - 4yz + 4z^2) \\ &= x^2 - (y - 2z)^2 \\ &= (x + y - 2z)(x - y + 2z) \end{aligned}$$

따라서 $a = 1, b = -2, c = 2$ 이므로 $a + b + c = 1$ 이다.

3. 다음 식을 인수분해하여라.
 $(x + y)(x + y - 4) + 3$

▶ 답:

▷ 정답: $(x + y - 3)(x + y - 1)$

해설

$$\begin{aligned}(x + y)(x + y - 4) + 3 \\ &= A(A - 4) + 3 \\ &= A^2 - 4A + 3 \\ &= (A - 3)(A - 1) \\ &= (x + y - 3)(x + y - 1)\end{aligned}$$

4. $(2x + y + 2)(2x + y + 1) - (2x + y + 1)^2$ 을 간단히 하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $2x + y + 1$

해설

$$\begin{aligned}2x + y + 1 &= A \text{ 라고 치환하면} \\(A + 1)A - A^2 &= A^2 + A - A^2 = A \\&= 2x + y + 1\end{aligned}$$

5. $x^2 - 4xy + 4y^2 + 2x - 4y - 8$ 을 인수분해하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $(x - 2y + 4)(x - 2y - 2)$

해설

$$(준식) = (x - 2y)^2 + 2(x - 2y) - 8$$
$$(x - 2y) \text{ 를 } A \text{ 로 치환하면}$$

$$A^2 + 2A - 8$$
$$= (A + 4)(A - 2)$$
$$= (x - 2y + 4)(x - 2y - 2)$$

6. $x^2 - 2xy + y^2 - b^2$ 을 인수분해하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $(x - y + b)(x - y - b)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 - 2xy + y^2 - b^2 \\ &= (x^2 - 2xy + y^2) - b^2 \\ &= (x - y)^2 - b^2 \\ &= (x - y + b)(x - y - b) \end{aligned}$$

7. $(a - b + 3)^2 - (a + b + 3)^2$ 을 간단히 한 것은?

- ① $-4b(a - 3)$ ② $-4a(b + 3)$ ③ $-8b(a + 3)$
④ $-4a(b - 3)$ ⑤ $-4b(a + 3)$

해설

$$\begin{aligned}(a - b + 3)^2 - (a + b + 3)^2 \\&= \{(a - b + 3) + (a + b + 3)\} \\&\quad \{(a - b + 3) - (a + b + 3)\} \\&= (-2b)(2a + 6) \\&= -4b(a + 3)\end{aligned}$$