

1. 가로와 세로의 길이의 합이 20인 직사각형의 넓이를  $y$ 라고 할 때,  $y$ 의 최댓값은?

- ① 90      ② 92      ③ 98      ④ 100      ⑤ 112

해설

가로를  $x$ , 세로를  $20 - x$ 라 하자.

$$\begin{aligned}y &= x(20 - x) \\&= -x^2 + 20x \\&= -(x^2 - 20x) \\&= -(x^2 - 20x + 100 - 100) \\&= -(x - 10)^2 + 100\end{aligned}$$

따라서  $y$ 의 최댓값은 100이다.

2. 가로의 길이가 5cm, 세로의 길이가 9cm인 직사각형의 가로의 길이를  $x$ cm 만큼 늘이고, 세로의 길이를  $x$ cm 만큼 줄여서 새로운 직사각형을 만들었다. 새로운 직사각형의 넓이가 최대가 되도록 하는  $x$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 2.5

④ 3

⑤ 3.5

해설

새로운 사각형의 넓이를  $S$  라 하면

$$\begin{aligned}S &= (5+x)(9-x) \\&= -x^2 + 4x + 45 \\&= -(x-2)^2 + 49\end{aligned}$$

따라서  $x = 2$  일 때 새로운 직사각형의 넓이의 최댓값  $49\text{cm}^2$  를 가진다.

3. 길이가 30m인 철사를 구부려서 부채꼴 모양을 만들려고 한다. 부채꼴의 넓이가 최대가 되도록 하는 부채꼴의 반지름의 길이를 구하면?

- ①  $\frac{15}{2}$ m      ② 8m      ③  $\frac{17}{2}$ m      ④ 3m      ⑤ 5m

해설

부채꼴의 넓이를  $y\text{ m}^2$ , 반지름의 길이를  $x\text{ m}$  라 하면

$$y = \frac{1}{2} \times x \times (30 - 2x) \text{ 이다.}$$

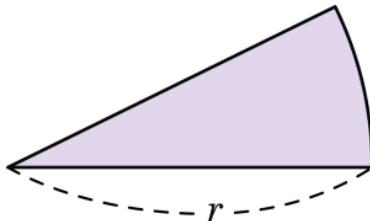
$$\begin{aligned}y &= \frac{1}{2} \times x \times (30 - 2x) \\&= x(15 - x) \\&= -x^2 + 15x \\&= -\left(x^2 - 15x + \frac{225}{4} - \frac{225}{4}\right) \\&= -\left(x - \frac{15}{2}\right)^2 + \frac{225}{4}\end{aligned}$$

이차함수는 위로 볼록이므로 꼭짓점이 최댓값을 나타낸다.

따라서 꼭짓점이  $\left(\frac{15}{2}, \frac{225}{4}\right)$  이므로 반지름의 길이가  $\frac{15}{2}\text{ m}$  일

때, 부채꼴의 넓이가 최댓값  $\frac{225}{4}\text{ m}^2$  을 가진다.

4. 둘레의 길이가 20cm인 부채꼴의 넓이가 최대일 때의 반지름의 길이는?



- ① 1cm      ② 2cm      ③ 3cm      ④ 4cm      ⑤ 5cm

해설

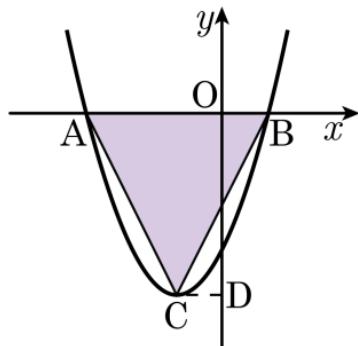
부채꼴의 호의 길이는  $l = (20 - 2r)$ cm

부채꼴의 넓이를  $y$ 라 하면

$$y = \frac{1}{2}r(20 - 2r) = (10 - r)r = -(r - 5)^2 + 25$$

따라서 꼭짓점이  $(5, 25)$  이므로 반지름의 길이가 5cm 일 때,  
부채꼴의 넓이가 최댓값  $25\text{cm}^2$ 를 가진다.

5. 다음 그림과 같이  $y = x^2 + 2x - 3$  의 그래프가  $x$ 축과 만나는 점을 A, 꼭짓점을 C 라 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이는?



- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

해설

$$y = x^2 + 2x - 3 = (x+1)^2 - 4$$

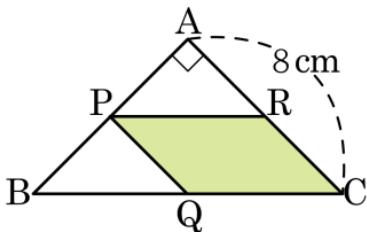
$$C(-1, -4)$$

$$y = 0 \text{ 일 때 } x^2 + 2x - 3 = (x+3)(x-1) = 0 \text{ 이므로}$$

$$A(-3, 0), B(1, 0)$$

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$

6. 다음 그림과 같이 직각이등변삼각형 ABC의  $\overline{AB}$  위에 점 P를 잡고, 점 P에서  $\overline{AC}$ ,  $\overline{BC}$ 와 평행한 직선을 그어  $\overline{BC}$ ,  $\overline{AC}$ 와 만나는 점을 각각 Q, R라 한다.  $\square PQCR$ 의 넓이가 최대가 될 때,  $\overline{BP}$ 의 길이를 구하면?



- ① 1cm      ② 2cm      ③ 3cm      ④ 4cm      ⑤ 5cm

### 해설

$\overline{BP} = x$  라 놓으면

$$\square PQCR = \triangle ABC - (\triangle APR + \triangle PBQ)$$

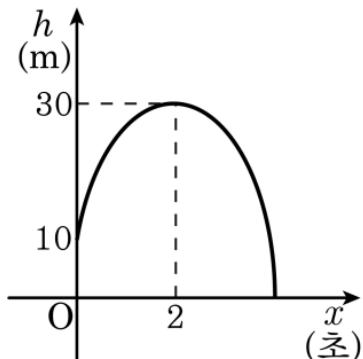
$$= \frac{1}{2} \times 8 \times 8 - \left\{ \frac{1}{2} \times (8-x)^2 + \frac{1}{2}x^2 \right\}$$

$$= 32 - (x^2 - 8x + 32)$$

$$= -x^2 + 8x = -(x-4)^2 + 16$$

따라서  $\overline{BP} = 4\text{cm}$  일 때,  $\square PQCR$ 의 넓이가 최대가 된다.

7. 다음 그림은 지면으로부터 10m 높이에서 던져 올린 물체의 운동을 나타내는 그래프이다. 던진 후 몇 초 만에 다시 지면으로 떨어지는가?



- ① 4 초      ②  $(\sqrt{6} - 2)$  초      ③  $(2 + \sqrt{6})$  초  
④ 5 초      ⑤ 6 초

해설

$y = a(x - 2)^2 + 30$  이고,  $(0, 10)$  을 지난다.

$$10 = 4a + 30$$

$$\therefore a = -5$$

$$\therefore y = -5(x - 2)^2 + 30 = -5x^2 + 20x + 10$$

$$x^2 - 4x - 2 = 0$$

$$\therefore x = 2 + \sqrt{6} \quad (\because x > 0)$$