

1. 다음 중 방정식 $-x + 5(x - 2) = -17 - 3x$ 의 해와 같은 해를 갖는 방정식을 고르면?

① $-x + 10 = 3(x + 2) - 2x$ ② $3(x + 4) = -(x - 8) - 4$

③ $-(x - 3) + 9 = 2(3x - 1)$ ④ $4x - (x - 7) = -2(1 - x)$

⑤ $3x - (x + 4) = x - 5$

해설

$$\begin{aligned} -x + 5(x - 2) &= -17 - 3x \\ -x + 5x - 10 &= -17 - 3x \\ 7x &= -7 \quad \therefore x = -1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad -x + 10 &= 3(x + 2) - 2x \\ -x + 10 &= 3x + 6 - 2x \\ -2x &= -4 \quad \therefore x = 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{2} \quad 3(x + 4) &= -(x - 8) - 4 \\ 3x + 12 &= -x + 8 - 4 \\ 4x &= -8 \quad \therefore x = -2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{3} \quad -(x - 3) + 9 &= 2(3x - 1) \\ -x + 3 + 9 &= 6x - 2 \\ -7x &= -14 \quad \therefore x = 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad 4x - (x - 7) &= -2(1 - x) \\ 4x - x + 7 &= -2 + 2x \\ \therefore x &= -9 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \textcircled{5} \quad 3x - (x + 4) &= x - 5 \\ 3x - x - 4 &= x - 5 \\ \therefore x &= -1 \end{aligned}$$

2. x 에 관한 일차방정식 $-2(3x-2a)=x-10+2(x-3)$ 의 해가 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수 a 의 값을 구하면?

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$-2(3x-2a)=x-10+2(x-3)$$

$$-6x+4a=x-10+2x-6$$

$$9x=4a+16$$

$$x=\frac{4a+16}{9}$$

$4a+16$ 이 9의 배수이어야 한다.

$4a+16=9$ 일 때 $4a=-7$, $a=-\frac{7}{4}$ 이므로 부적합.

$4a+16=18$ 일 때 $4a=2$, $a=\frac{1}{2}$ 이므로 부적합.

$4a+16=27$ 일 때 $4a=11$, $a=\frac{11}{4}$ 이므로 부적합.

$4a+16=36$ 일 때 $4a=20$, $a=5$

따라서 조건을 만족하는 가장 작은 자연수 a 는 5이다.

3. 두 수 a, b 에 대하여 $a \oplus b = 2(a + b) - ab$ 일 때, x 의 값은?

$$\{3 \oplus (x + 1)\} + \{(2x - 4) \oplus 1\} = 8$$

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

$$\begin{aligned} &\{3 \oplus (x + 1)\} + \{(2x - 4) \oplus 1\} = 8 \\ &\{2(x + 4) - 3(x + 1)\} \\ &+ \{2(2x - 3) - (2x - 4)\} = 8 \\ &(-x + 5) + (2x - 2) = 8 \\ &x + 3 = 8 \\ &\therefore x = 5 \end{aligned}$$

4. 다음 방정식의 해를 구하면?

$$2x + 1 + \frac{2}{3} \left(-\frac{25}{4}x - 9 \right) = \frac{5x}{6} - 3x + 2$$

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 해가 없다

해설

주어진 방정식의 양변에 6 을 곱하면

$$12x + 6 - 25x - 36 = 5x - 18x + 12$$

$0 \times x = 42$ 이므로 해가 없다.