

1. 다음 중 두 수의 최대공약수가 가장 큰 것은 어느 것입니까?

① (12, 60)

② (35, 42)

③ (56, 32)

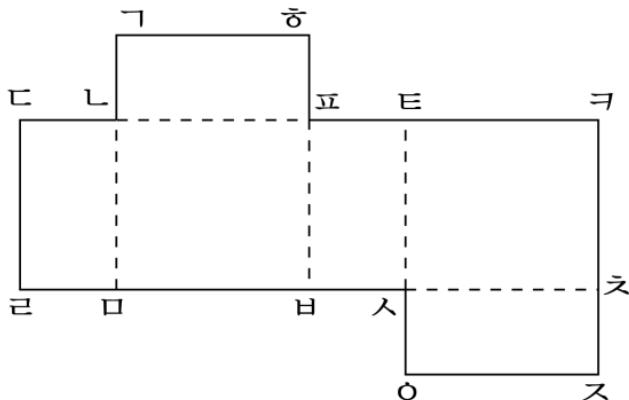
④ (27, 45)

⑤ (32, 40)

해설

① 12 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 8

2. 다음 직육면체의 전개도에서 면 표면에 수직인 면이 아닌 것은 어느 것입니까?



- ① 면 ㄴㅁㅂㅍ ② 면 ㄱㄴㅍㅎ ③ 면 ㅅㅇㅈㅊ
④ 면 ㄷㄹㅁㄴ ⑤ 면 ㅌㅅㅊㅋ

해설

면 표면에 수직인 면은 90° 로 만나는 면이므로 전개도에서 옆에 있는 면과 접으면 90° 로 만나게 됩니다.

면 표면과 평행인 면은 면 ㄷㄹㅁㄴ 이므로 나머지 네 면과 수직이 됩니다.

3. 약수의 개수가 가장 많은 수는 어느 것입니까?

① 24

② 10

③ 28

④ 36

⑤ 25

해설

① 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24 → 8 개

② 1, 2, 5, 10 → 4 개

③ 1, 2, 4, 7, 14, 28 → 6 개

④ 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36 → 9 개

⑤ 1, 5, 25 → 3 개

→ 36

4. 다음 중 직육면체와 정육면체의 같은 점을 모두 골라라.

① 면의 개수

② 면의 모양

③ 모서리의 개수

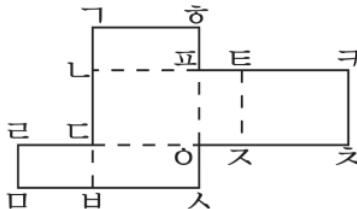
④ 모서리의 길이

⑤ 꼭짓점의 개수

해설

도형	직육면체	정육면체
면의 모양	직사각형	정사각형
크기가 같은 면	2개씩 3쌍	모든 면이 같음
면의 수	6 개	6 개
길이가 같은 모서리	4개씩 3쌍	모든 모서리가 같음
모서리의 수	12 개	12 개
꼭짓점의 수	8 개	8 개

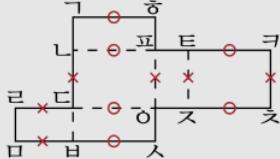
5. 다음과 같은 전개도로 직육면체를 만들었습니다. 변 ㄷ과 길이가 같은 변을 모두 찾으면 어느 것입니까?



- ① 변 $s\circ$ ② 변 $g\bar{h}$ ③ 변 $m\bar{s}$
④ **변 $m\bar{m}$** ⑤ **변 $k\bar{e}$**

해설

전개도를 접어 만나는 변과 평행인 변의 길이가 같습니다.



6. 떨어진 높이의 $\frac{3}{4}$ 만큼 튀어오르는 탁구공이 있습니다. 이 탁구공을 12m의 높이에서 떨어뜨렸을 때, 바닥에 2번 닿고 튀어오른 높이는 몇 m가 되겠습니까?

- ① $2\frac{3}{4}$ m ② $5\frac{3}{4}$ m ③ $6\frac{3}{4}$ m ④ $7\frac{1}{4}$ m ⑤ $4\frac{1}{4}$ m

해설

$$12 \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{4} = \frac{27}{4} = 6\frac{3}{4}(\text{m})$$

7. 다음 기약분수 중 $\frac{6}{23}$ 에 가장 가까운 것은 어느 것인지 구하시오.

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{5}$ ④ $\frac{1}{6}$ ⑤ $\frac{1}{7}$

해설

분자를 6으로 하여 크기를 같게 만들면

$$\frac{1}{3} = \frac{6}{18}, \quad \frac{1}{4} = \frac{6}{24}, \quad \frac{1}{5} = \frac{6}{30}, \quad \frac{1}{6} = \frac{6}{36}, \quad \frac{1}{7} = \frac{6}{42} \text{ 이므로}$$

$\frac{6}{23}$ 에 가장 가까운 분수는 $\frac{1}{4}$ 입니다.

8. 다음 식에서 ■에 알맞은 수는 모두 몇 개입니까?

$$\frac{1}{■} + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} > 1$$

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 5개 ⑤ 6개

해설

$$\frac{1}{■} + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} > 1 \text{ 이라 하면}$$

$$\frac{1}{■} > 1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{3} = \frac{1}{6} \text{ 이므로 } ■\text{는 } ■ < 6 \text{ 입니다.}$$

따라서 ■에 알맞은 수는 1, 2, 3, 4, 5 → 5개입니다.

9. 아버지께서는 담을 페인트로 칠하셨습니다. 파란색 페인트 $2\frac{1}{4}$ L 와 흰색 페인트 $3\frac{1}{2}$ L에서 일정량을 사용하고 나니 파란색 페인트 $1\frac{1}{2}$ L 와 흰색 페인트 $1\frac{3}{5}$ L 가 남았습니다. 담을 칠하는 데 사용한 페인트는 모두 몇 L 입니까?

① $2\frac{3}{4}$ L

② $2\frac{13}{20}$ L

③ $2\frac{3}{5}$ L

④ $2\frac{11}{20}$ L

⑤ $2\frac{1}{2}$ L

해설

사용한 파란색 페인트는

$$2\frac{1}{4} - 1\frac{1}{2} = 2\frac{1}{4} - 1\frac{2}{4} = 1\frac{5}{4} - 1\frac{2}{4} = \frac{3}{4}(\text{L})$$

사용한 흰색 페인트는

$$3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5} = 3\frac{5}{10} - 1\frac{6}{10} = 2\frac{15}{10} - 1\frac{6}{10} = 1\frac{9}{10}(\text{L})$$

사용한 전체 페인트는

$$\frac{3}{4} + 1\frac{9}{10} = \frac{15}{20} + 1\frac{18}{20} = 1\frac{33}{20} = 2\frac{13}{20}(\text{L})$$

해설

10. ⑨와 ⑩ 중에서 어느 것이 얼마나 더 넓습니까?

⑨ : 둘레가 48 cm이고 가로가 14cm인 직사각형의 넓이

⑩ : 둘레가 52 cm인 정사각형

① ⑨, 4 cm^2

② ⑩, 4 cm^2

③ ⑨, 16 cm^2

④ ⑩, 18 cm^2

⑤ ⑩, 29 cm^2

해설

⑨ 직사각형 :

$$(\text{세로의 길이}) = 48 \div 2 - 14 = 10(\text{cm})$$

$$(\text{넓이}) = 14 \times 10 = 140(\text{cm}^2)$$

⑩ 정사각형 :

$$(\text{한 변의 길이}) = 52 \div 4 = 13(\text{cm})$$

$$(\text{넓이}) = 13 \times 13 = 169(\text{cm}^2)$$

따라서 ⑩ 정사각형의 넓이가

$$169 - 140 = 29(\text{cm}^2) \text{ 만큼 더 넓습니다.}$$

11. 평행사변형의 넓이가 84 cm^2 이고, 밑변의 길이와 높이가 5cm 보다 큰 자연수라고 할 때, 가능한 밑변의 길이가 아닌 것을 고르시오.

- ① 6 cm ② 7 cm ③ 10 cm ④ 12 cm ⑤ 14 cm

해설

곱해서 84가 되는 두 수를 찾아보면 $(1, 84)$, $(2, 42)$, $(3, 28)$, $(4, 21)$, $(6, 14)$, $(7, 12)$ 입니다. 이 중에서 두 수가 모두 5보다 큰 경우는 $(6, 14)$, $(7, 12)$ 입니다.

12. 다음은 어떤 두 수의 최대공약수와 최소공배수를 구하는 과정입니다.
다음 설명 중 틀린 것은 어느 것입니까?

$$2) \frac{\star}{\square}$$

$$3) \frac{\triangle}{\circledcirc}$$

$$5) \frac{\bigcirc}{\diamond}$$

$$\underline{2 \quad 3}$$

- ① ○는 2 와 5 의 배수입니다.
- ② ◎는 15 의 배수이어야 합니다.
- ③ △와 ◎의 최대공약수는 15입니다.
- ④ ★와 ◎의 공약수는 1, 2, 3, 6입니다.
- ⑤ □는 ◊의 배수입니다.

해설

구하는 과정을 거꾸로 하면 다음과 같습니다.

$$2) \frac{\star}{\square}$$

$$3) \frac{\triangle}{\circledcirc}$$

$$5) \frac{\bigcirc}{\diamond}$$

$$\underline{2 \quad 3}$$

$$2) \frac{60 \quad 90}{}$$

$$\rightarrow 3) \frac{30 \quad 45}{}$$

$$\rightarrow 5) \frac{10 \quad 15}{}$$

$$\underline{2 \quad 3}$$

★ = 60, ◎ = 45 이므로, 두 수의 최대공약수는 15이고, 공약수는 1, 3, 5, 15입니다.

13. $5\frac{5}{12}$ 와 $4\frac{11}{20}$ 에 같은 수를 곱하여 가장 작은 자연수가 되게 하는 분수는 어느 것 입니까?

- ① $4\frac{8}{13}$ ② $4\frac{8}{55}$ ③ $4\frac{4}{55}$ ④ $4\frac{4}{13}$ ⑤ $4\frac{12}{55}$

해설

$$5\frac{5}{12} = \frac{65}{12}, 4\frac{11}{20} = \frac{91}{20}$$

→ (구하는 분수)

$$= \frac{(12 \text{와 } 20 \text{의 최소공배수})}{(65 \text{와 } 91 \text{의 최대공약수})} = \frac{60}{13} = 4\frac{8}{13}$$

14. 한 시간에 $9\frac{3}{4}$ L의 물이 나오는 수도꼭지와 한 시간에 $5\frac{1}{3}$ L의 물이 빠지는 하수관이 있는 개수대가 있습니다. 4 시간 20 분 동안 수도꼭지의 물을 틀었을 때, 이 개수대 안에 남는 물은 몇 L가 되겠습니까?

① $18\frac{5}{36}$ L

② $19\frac{1}{12}$ L

③ $19\frac{5}{36}$ L

④ $20\frac{5}{36}$ L

⑤ $20\frac{1}{12}$ L

해설

물을 한 시간 동안 받았을 때 받아지는 물 :

$$9\frac{3}{4} - 5\frac{1}{3} = \frac{39}{4} - \frac{16}{3} = \frac{117}{12} - \frac{64}{12} = \frac{53}{12} \text{ (L)}$$

$$4 \text{시간 } 20 \text{분} = 4\frac{20}{60} = \frac{260}{60} = \frac{13}{3} \text{ (시간)}$$

$$\frac{53}{12} \times \frac{13}{3} = \frac{689}{36} = 19\frac{5}{36} \text{ (L)}$$

15. 정사각형을 그림처럼 3 등분 하여 3 개의 직사각형으로 나누었습니다.
작은 직사각형 하나의 둘레의 길이가 $2\frac{2}{7}$ cm 일 때, 정사각형의 넓이는
몇 cm^2 입니까?



- ① $\frac{36}{49} \text{ cm}^2$ ② $\frac{5}{7} \text{ cm}^2$ ③ $1\frac{13}{36} \text{ cm}^2$
④ $\frac{12}{49} \text{ cm}^2$ ⑤ $\frac{3}{7} \text{ cm}^2$

해설

직사각형의 가로와 세로의 길이의 합은

$$2\frac{2}{7} \times \frac{1}{2} = 1\frac{1}{7} (\text{cm}) \text{ 이고,}$$

세로의 길이를 $\square \text{ cm}$ 라 하면,
가로의 길이는 세로의 길이의 3 배이므로
($3 \times \square$) cm 입니다.

$$(3 \times \square) + \square = 1\frac{1}{7}, 4 \times \square = 1\frac{1}{7},$$

$$\square = 1\frac{1}{7} \times \frac{1}{4} = \frac{8}{7} \times \frac{1}{4} = \frac{2}{7} (\text{cm})$$

정사각형의 한 변의 길이는

$$\frac{2}{7} \times 3 = \frac{6}{7} (\text{cm}) \text{ 이므로}$$

정사각형의 넓이는

$$\frac{6}{7} \times \frac{6}{7} = \frac{36}{49} (\text{cm}^2) \text{ 입니다.}$$