

1. 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$ 의 해가  $x = 2$ ,  $x = -4$  일 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

$$(x - 2)(x + 4) = 0$$

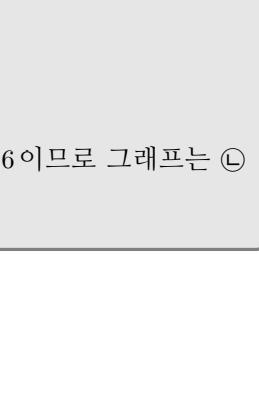
$$x^2 + 2x - 8 = 0$$

$$\therefore a = 2, b = -8$$

$$\therefore a + b = -6$$

2. 다음 중 이차함수  $y = x^2 - 4x + 6$ 의 그래프를 구하여라.

- ① ㉠      ② ㉡      ③ ㉢  
④ ㉣      ⑤ ㉤



해설

$$\begin{aligned} \text{이차함수 } y &= x^2 - 4x + 6 \\ &= (x^2 - 4x + 4) - 4 + 6 \\ &= (x - 2)^2 + 2 \text{ 이므로} \end{aligned}$$

꼭짓점의 좌표가  $(2, 2)$ 이고,  $y$  절편은 6이므로 그래프는 ㉡이다.

3. 이차함수  $y = x^2 - 4x - 7$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -11

해설

$$\begin{aligned}y &= x^2 - 4x - 7 \\&= (x - 2)^2 - 11 \\x = 2 \text{ 일 때, 최솟값 } -11 \text{ 을 갖는다.}\end{aligned}$$

4. 다음 이차방정식의 두 근을  $\alpha, \beta$  라고 할 때,  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta}$  의 값은?

$$2x^2 + 6x + 10 = 0$$

- ①  $\frac{3}{5}$       ② 3      ③  $-\frac{3}{5}$       ④  $\frac{1}{5}$       ⑤  $-\frac{1}{3}$

해설

근과 계수의 관계로부터

$$\alpha + \beta = -3, \alpha\beta = 5$$

$$\therefore \frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta} = -\frac{3}{5}$$

5.  $2 + \sqrt{3}$ 이  $x^2 + ax + 1 = 0$ 의 근 중의 한 개일 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

해설

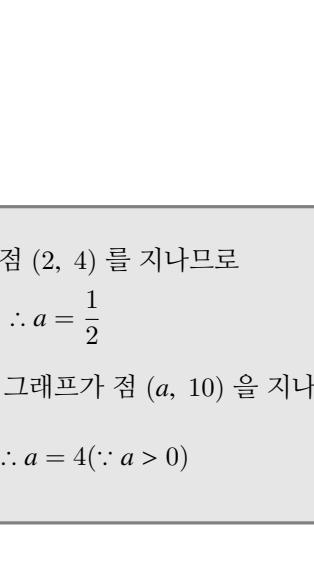
다른 한 근은  $2 - \sqrt{3}$ 이므로

근과 계수와의 관계에서

$$-a = (2 + \sqrt{3}) + (2 - \sqrt{3}) = 4$$

$$\therefore a = -4$$

6. 다음 그래프의 이차함수가 점  $(a, 10)$  을 지날 때,  $a$  의 값을 구하여라.  
(단,  $a > 0$ )



▶ 답:

▷ 정답:  $a = 4$

해설

$$y = ax^2 + 2 \text{ 가 점 } (2, 4) \text{ 를 지나므로}$$

$$4 = a \times 2^2 + 2 \quad \therefore a = \frac{1}{2}$$

$$y = \frac{1}{2}x^2 + 2 \text{ 의 그래프가 점 } (a, 10) \text{ 을 지나므로}$$

$$10 = \frac{1}{2}a^2 + 2 \quad \therefore a = 4 (\because a > 0)$$

7. 다음 <보기>의 이차함수 그래프 중 포물선의 폭이 가장 넓은 것부터 차례대로 적은 것으로 옳은 것은?

[보기]

Ⓐ  $y = \frac{1}{2}x^2$

Ⓑ  $y = \frac{1}{3}x^2$

Ⓒ  $y = 2x^2$

Ⓓ  $y = -5x^2$

- ① Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ      ② Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ      ③ Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ, Ⓓ  
④ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ      ⑤ Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ, Ⓔ, Ⓓ

[해설]

$y = ax^2$ 에서  $|a|$ 이 작을수록 포물선의 폭이 넓다.

8. 축의 방정식이  $x = 0$  이고 두 점  $(1, 3)$ ,  $(-2, -3)$  을 지나는 포물선의 식은?

①  $y = x^2 - 4$       ②  $y = 2x^2 - 6$       ③  $y = -x^2 + 4$   
④  $y = -2x^2 + 5$       ⑤  $y = 2x^2 + 4$

해설

축의 방정식이  $x = 0$  일 때 구하는 포물선의 식은  $y = ax^2 + q$  이다.

$y = ax^2 + q$  에  $(1, 3)$  을 대입하면

$$3 = a + q \cdots\cdots (1)$$

$y = ax^2 + q$  에  $(-2, -3)$  을 대입하면

$$-3 = 4a + q \cdots\cdots (2)$$

$$(2) - (1) \text{ 하면 } 3a = -6 \leftrightarrow a = -2$$

$$(1) \text{ 에 대입하면 } q = 5$$

$$\therefore y = -2x^2 + 5$$

9. 이차방정식  $x^2 - 2kx - 3k^2 + 4 = 0$  이 중근을 가질 때, 다음 중  $k$ 의 값과 중근  $a$ 의 값이 옳게 짹지어진 것을 모두 고르면?

[보기]

Ⓐ  $k = -1$

Ⓑ  $k = 0$

Ⓒ  $k = 1$

Ⓓ  $a = -1$

Ⓔ  $a = 0$

Ⓕ  $a = 1$

- ① Ⓐ, Ⓑ Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ ③ Ⓑ, Ⓒ Ⓓ, Ⓔ ④ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ ⑤ Ⓒ, Ⓓ

[해설]

중근을 가지려면,  $x^2 - 2kx - 3k^2 + 4 = 0$  이 완전제곱식이 되어야 하므로

$$\left(-2k \times \frac{1}{2}\right)^2 = -3k^2 + 4$$

$$k^2 = -3k^2 + 4, 4k^2 = 4, k^2 = 1$$

$$\therefore k = \pm 1$$

$$k = \pm 1$$
 을 주어진 방정식에 대입하면  $x^2 \pm 2x + 1 = 0 \Leftrightarrow (x \pm 1)^2 =$

$$0$$

$$\therefore x = \pm 1$$

$$\therefore k = 1$$
 일 때, 중근  $a = 1$  또는  $k = -1$  일 때, 중근  $a = -1$

10. 이차 방정식  $x^2 - 3x - 5 = 0$  의 두 근의 합과 곱이 이차방정식  $2x^2 + ax + b = 0$  의 해일 때,  $b - a$  의 값은?

- ① -36      ② -34      ③ -26      ④ 24      ⑤ 30

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 3x - 5 &= 0 \text{에서} \\ \text{두 근의 합 : } 3, \text{ 두 근의 곱 : } -5 \\ 2(x-3)(x+5) &= 2(x^2 + 2x - 15) \\ &= 2x^2 + 4x - 30 \\ a = 4, b = -30 \\ \therefore b - a &= -34\end{aligned}$$

11. 차가 4 인 두 양의 정수의 곱이 117 일 때, 이 두 양의 정수의 합은?

- ① 20      ② 21      ③ 22      ④ 23      ⑤ 24

해설

두 양의 정수를  $x, x - 4$  라 하면

$$x(x - 4) = 117$$

$$x^2 - 4x - 117 = 0$$

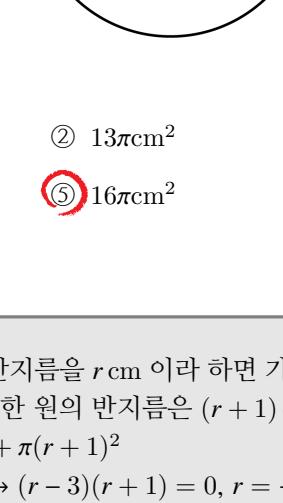
$$(x - 13)(x + 9) = 0$$

$$\therefore x = 13 \quad (\because x > 4)$$

두 양의 정수는 13, 9이다.

따라서 양의 정수의 합은 22이다.

12. 다음 그림과 같이 원 세 개가 포개어져 있다. 가장 큰 원의 넓이가 나머지 두 원의 넓이의 합과 같을 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ①  $12\pi \text{cm}^2$       ②  $13\pi \text{cm}^2$       ③  $14\pi \text{cm}^2$   
④  $15\pi \text{cm}^2$       ⑤  $16\pi \text{cm}^2$

해설

가장 작은 원의 반지름을  $r \text{ cm}$ 이라 하면 가장 큰 원의 반지름은  $(r + 2) \text{ cm}$ , 색칠한 원의 반지름은  $(r + 1) \text{ cm}$  된다.

$$\pi(r+2)^2 = \pi r^2 + \pi(r+1)^2$$

$$r^2 - 2r - 3 = 0 \rightarrow (r-3)(r+1) = 0, r = -1, 3 \text{에서}$$

$r > 0$  이므로  $r = 3$

색칠한 원의 반지름은  $4 \text{cm}$ 이다.

따라서 색칠한 원의 넓이는  $4^2\pi = 16\pi(\text{cm}^2)$ 이다.

13. 서로 다른 세 개의  $x$  값에 대하여  $\frac{ax^2 + 2x + b}{5x^2 - cx + 3} = 4$  이라 한다. 이 때,

$abc$  의 값은?

- ① 100      ② 120      ③ 240      ④ -120      ⑤ -100

해설

$\frac{ax^2 + 2x + b}{5x^2 - cx + 3} = 4$  를 정리하면,

$$(a - 20)x^2 + (2 + 4c)x + b - 12 = 0$$

이 식이 서로 다른 세 개의  $x$  값에 대하여 성립하므로  $x$ 에 대한  
항등식이다.

따라서  $a - 20 = 0$ ,  $2 + 4c = 0$ ,  $b - 12 = 0$

$$\therefore a = 20, b = 12, c = -\frac{1}{2}$$

$$abc = 20 \times 12 \times \left(-\frac{1}{2}\right) = -120$$

14. 이차방정식  $(x-1)(x-b) = -1$  이거나 아니 중근  $a$ 를 가진다. 이때,  $b$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 정수)

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

$(x-1)(x-b) = -1$  이거나 중근  $a$ 를 가지므로

$x \neq a$ 를 대입하면

$$(a-1)(a-b) = -1$$

i)  $a-1 = -1, a-b = 1$ 인 경우

$$a = 0, b = -1, a \neq 0$$
 이므로 부적합

ii)  $a-1 = 1, a-b = -1$ 인 경우

$$a = 2, b = 3$$

$$\therefore b = 3$$

15. 둘레의 길이가 32 cm인 직사각형 중에서 그 넓이가 최대가 되는 직사각형의 가로의 길이를 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 8cm

해설

가로의 길이를  $x$  cm, 넓이를  $y$   $\text{cm}^2$  라 하면,

$$\begin{aligned}y &= x(16 - x) \\&= -x^2 + 16x \\&= -(x^2 - 16x) \\&= -(x - 8)^2 + 64\end{aligned}$$

따라서 가로의 길이가 8 cm 일 때, 넓이가 최대이다.