

1. 좌표평면 위에서 원점과 직선  $x - y - 3 + k(x + y) = 0$  사이의 거리를  $f(k)$  라 할 때,  $f(k)$  의 최댓값은? (단,  $k$  는 상수이다.)

- ①  $\frac{3}{2}$       ②  $\frac{\sqrt{3}}{2}$       ③  $\frac{\sqrt{6}}{2}$       ④  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$       ⑤  $\frac{3\sqrt{5}}{2}$

### 해설

$$x - y - 3 + k(x + y) = 0 \text{ 에서}$$

$$(k+1)x + (k-1)y - 3 = 0$$

원점에서 이 직선까지의 거리

$$f(k) = \frac{|-3|}{\sqrt{(k+1)^2 + (k-1)^2}}$$

$$= \frac{3}{\sqrt{2(k^2 + 1)}}$$

따라서  $f(k)$  는 분모가 최소일 때  
최대가 되므로  $f(k)$  의 최대값은

$$k = 0 \text{ 일 때 } \frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2}$$

2.  $\triangle ABC$  의 세 변  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{CA}$  의 중점을 각각 P(3, 4), Q(4, -1), R(6, 1) 이라 할 때,  $\triangle ABC$ 의 넓이는?

① 18

② 24

③ 30

④ 32

⑤ 36

해설

$A(x_1, y_1)$ ,  $B(x_2, y_2)$ ,  $C(x_3, y_3)$  를 놓으면  
 $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{CA}$  의 중점은 각각

$P(3, 4)$ ,  $Q(4, -1)$ ,  $R(6, 1)$  이므로

이것을 풀면,  $x_1 = 5$ ,  $x_2 = 1$ ,  $x_3 = 7$

$y_1 = 6$ ,  $y_2 = 2$ ,  $y_3 = -4$

$$\therefore \triangle ABC =$$

$$\frac{1}{2} |x_1(y_2 - y_3) + x_2(y_3 - y_1) + x_3(y_1 - y_2)|$$

$$= \frac{1}{2} |5(2 + 4) + (-4 - 6) + 7(6 - 2)|$$

$$= 24$$

해설

$\triangle ABC$  의 넓이는 세 변  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$ ,  $\overline{CA}$  의  
중점을 이어 만든  $\triangle PQR$  의 넓이의  
4 배임을 이용한다.