

1. 다음 중 일차함수 $y = 2x + 1$ 의 그래프 위에 있는 점은?

① $(0, 2)$

② $(1, 2)$

③ $(-1, -1)$

④ $(-2, -2)$

⑤ $(2, 3)$

해설

$$f(0) = 1$$

$$f(1) = 3$$

$$f(-2) = -3$$

$$f(2) = 5$$

2. $y = \frac{1}{3}x + 7$ 의 그래프가 y 축 방향으로 a 만큼 평행이동하면 점 $(-3, 5)$ 를 지난다고 할 때, a 의 값은?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$y = \frac{1}{3}x + 7 + a$ 에 $(-3, 5)$ 를 대입한다.

$$5 = -1 + 7 + a$$

$$\therefore a = -1$$

3. 일차함수 $y = -\frac{3}{4}x + 3$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 그래프의 x 절편과 y 절편은?

① x 절편: $\frac{5}{3}$, y 절편: 4

② x 절편: $\frac{10}{3}$, y 절편: 4

③ x 절편: $\frac{15}{3}$, y 절편: 5

④ x 절편: $\frac{20}{3}$, y 절편: 5

⑤ x 절편: $\frac{25}{3}$, y 절편: 6

해설

$$y = -\frac{3}{4}x + 3 + 2$$

$$= -\frac{3}{4}x + 5$$

$$x \text{ 절편: } -\frac{5}{-\frac{3}{4}} = \frac{20}{3}$$

$$y \text{ 절편: } 5$$

4. $y = -3x + 4$ 로 정의되는 일차함수 $y = f(x)$ 에서 $\frac{f(6) - f(3)}{6 - 3}$ 의 값은?

① -5

② -3

③ -1

④ 2

⑤ 4

해설

$\frac{f(6) - f(3)}{6 - 3}$ 는 기울기와 같으므로 -3 이다.

5. 세 점 $(-2, 0)$, $(2, 2)$, $(4, a)$ 가 같은 직선 위의 점이 되도록 a 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ -3

해설

$$\text{기울기} = \frac{2-0}{2-(-2)} = \frac{a-2}{4-2}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{a-2}{2}$$

따라서 $a-2=1$ 이므로 $a=3$ 이다.

6. 일차함수 $y = -x + m$ 의 x 의 범위가 $n \leq x \leq 5$, 함숫값의 범위가 $0 \leq y \leq 3$ 일 때, mn 의 값은?

① 1

② 3

③ 10

④ 13

⑤ 20

해설

x 의 값이 커질수록 y 의 값이 작아지므로

x 의 범위의 최솟값 n 을 대입했을 때 함숫값의 범위의 최댓값 3

x 의 범위의 최댓값 5를 대입했을 때 함숫값의 범위의 최솟값 0

함수식 $y = -x + m$ 에 $(5, 0)$ 을 대입하면

$$m = 5 \quad \therefore y = -x + 5$$

함수식 $y = -x + 5$ 에 $(n, 3)$ 을 대입하면 $n = 2$

$$\therefore mn = 10$$

7. 다음 중 옳지 않은 것은 ?

① $y = 3x$ 는 x 값이 증가할 때, y 값이 증가한다.

② $y = 2x$ 는 $y = x$ 보다 y 축에 더 가깝다.

③ $y = -\frac{1}{3}x$ 는 $y = -\frac{7}{2}x$ 보다 x 축에 더 가깝다.

④ $y = 5x$ 는 $y = -6x$ 보다 y 축에 더 가깝다.

⑤ $y = \frac{1}{2}x$ 는 $y = -x$ 보다 x 축에 더 가깝다.

해설

$y = ax$ 에서 a 의 값이 양수일 때, x 의 값이 증가하면, y 의 값이 증가한다.

a 의 절댓값이 클수록 일차함수의 그래프는 y 축에 가깝다.

① ○ $y = 3x$ 는 x 값이 증가할 때, y 값이 증가한다.

② ○ $y = 2x$ 는 $y = x$ 보다 y 축에 더 가깝다.

③ ○ $y = -\frac{1}{3}x$ 는 $y = -\frac{7}{2}x$ 보다 x 축에 더 가깝다.

④ × $y = 5x$ 는 $y = -6x$ 보다 x 축에 더 가깝다.

⑤ ○ $y = \frac{1}{2}x$ 는 $y = -x$ 보다 x 축에 더 가깝다.

8. 일차함수 $y = ax$ 는 $\left(3, -\frac{3}{2}\right)$ 을 지난다고 한다. 다음의 점들 중 $y = ax$ 위에 있지 않은 점은?

① $(0, 0)$

② $(-2, 1)$

③ $\left(1, -\frac{1}{2}\right)$

④ $(4, 2)$

⑤ $\left(-3, \frac{3}{2}\right)$

해설

$y = ax$ 는 $\left(3, -\frac{3}{2}\right)$ 을 지나므로 대입하면

$$-\frac{3}{2} = a \times 3, a = -\frac{1}{2} \text{ 이 된다.}$$

$y = -\frac{1}{2}x$ 를 지나지 않는 점은 다음 점들 중 $(4, 2)$ 이다.

9. 다음 중 일차함수 $y = 4x$ 의 그래프를 평행이동한 그래프가 아닌 것은?

① $y = 4x + 1$

② $y - 2 = 4x$

③ $y = 3x + \frac{4}{3}$

④ $y = 4x + \frac{2}{5}$

⑤ $y + 7 = 4x - \frac{1}{7}$

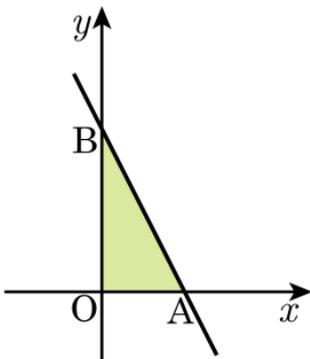
해설

$y = 4x$ 를 평행이동하면 $y - b = 4(x - a)$ 의 형태를 가져야 한다.

보기 중 이러한 형태가 아닌 것은 ③ $y = 3x + \frac{4}{3}$ 이다. 기울기가

4가 아닌 것을 보고도 바로 알 수 있다.

10. 일차함수 $y = -2x + 6$ 의 그래프가 x 축과 만나는 점을 A, y 축과 만나는 점을 B 라고 할 때, $\triangle AOB$ 의 넓이로 옳은 것은?



① 8

② 9

③ 16

④ 18

⑤ 20

해설

넓이를 구하기 위해 x 절편, y 절편을 알아야 한다.

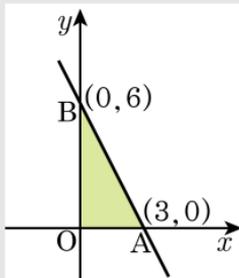
$$y = -2x + 6$$

$y = ax + b$ 일 때,

$$(x \text{ 절편}) = -\frac{b}{a}, x = 3$$

(y 절편) $= b$, $y = 6$ 이다.

그래프의 모양은 다음과 같다.



11. 다음 중 일차함수인 것은?

① $y = 2x^2 + 1$

② $y = 5$

③ $y = 2(x - 1)$

④ $y = \frac{4}{x}$

⑤ $y = 3x - 3(x - 1)$

해설

$$y = 2(x - 1) = 2x - 2$$

12. 일차함수 $y = 3x + b$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -4 만큼 평행이동하였더니 일차함수 $y = 3x - 3$ 의 그래프가 되었다. $y = 3x + b$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 4 만큼 평행이동한 일차함수의 y 절편은 얼마인가?

① 5

② 3

③ -4

④ -3

⑤ -2

해설

$y = 3x + b$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -4 만큼 평행이동하면 $y = 3x + b - 4 = 3x - 3$ 이므로 $b = 1$ 이다. 이 직선을 y 축 방향으로 4 만큼 평행이동하면 $y = 3x + 5$ 가 되고, y 절편은 5 이다.

13. 일차함수 $y = ax - 2$ 의 그래프를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행 이동한 그래프의 x 절편과 일차함수 $y = 2x + 2a$ 의 그래프의 y 절편이 같을 때, 0 이 아닌 상수 a 에 대하여 a^2 의 값은?

- ① 1 ② $\frac{2}{3}$ ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ 3

해설

$y = ax - 2$ 를 y 축 방향으로 -1 만큼 평행 이동한 그래프는 $y = ax - 3$ 이고 x 절편은 $\frac{3}{a}$ 이다.

그리고 $y = 2x + 2a$ 의 y 절편은 $2a$ 이므로

$$\frac{3}{a} = 2a, 2a^2 = 3 \quad \therefore a^2 = \frac{3}{2}$$

14. 일차함수 $f(x) = ax + b$ 에서 $f(x) - f(x-2) = -3$, $f\left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{11}{2}$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

① 3

② $\frac{7}{2}$

③ 4

④ $\frac{9}{2}$

⑤ 5

해설

$$f(x) - f(x-2) = -3 \text{에서}$$

$$ax + b - \{a(x-2) + b\} = -3$$

$$2a = -3 \quad \therefore a = -\frac{3}{2}$$

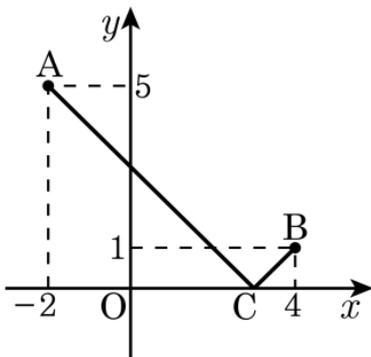
$$f\left(-\frac{1}{3}\right) = \frac{11}{2} \text{에서}$$

$$\frac{11}{2} = -\frac{3}{2} \times \left(-\frac{1}{3}\right) + b$$

$$\frac{11}{2} = \frac{1}{2} + b, \quad \therefore b = 5$$

$$\therefore a + b = -\frac{3}{2} + 5 = \frac{7}{2}$$

15. 다음 그림과 같이 두 점 $A(-2, 5)$, $B(4, 1)$ 와 x 축 위의 점 C 가 있을 때, $\overline{AC} + \overline{BC}$ 의 값이 최소가 되는 점 C 의 좌표는?



- ① (1, 0) ② (2, 0) ③ (3, 0) ④ (4, 0) ⑤ (5, 0)

해설

$\overline{AC} + \overline{BC}$ 의 값이 최소이려면 점 C 는 $\overline{AB'}$ 가 x 축과 만나는 점이 되어야 한다.

$$(\overline{AB'} \text{의 기울기}) = \frac{-1 - 5}{4 - (-2)} = -1$$

$y = -x + b$ 에 점 $(-2, 5)$ 를 대입하면

$$5 = 2 + b, b = 3$$

$$y = -x + 3$$

$$y = 0 \text{ 일 때, } 0 = -x + 3 \quad \therefore x = 3$$

