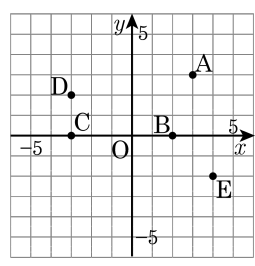


1. 다음 그림과 같은 좌표평면 위의 점 A, B, C, D, E의 좌표로 옳지 않은 것을 보기에서 모두 골라라.



보기

- ☐ A(3, 3) ☐ B(0, 2) ☐ C(-3, 0)
☐ D(2, -3) ☐ E(4, -2)

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓒ

▷ 정답 : Ⓓ

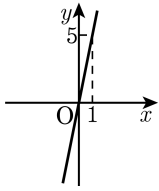
해설

점 B는 x 축 위의 점이므로 (2, 0)

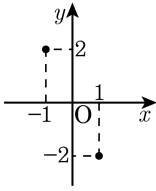
점 D의 좌표는 (-3, 2)

2. 다음 중 x 의 값이 수 전체인 정비례 관계 $y = 5x$ 의 그래프를 찾으면?

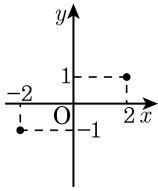
①



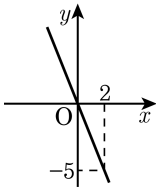
②



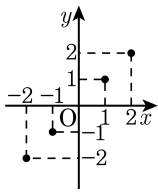
③



④



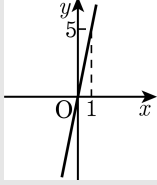
⑤



해설

$y = 5x$

$x = 1$ 일 때, $y = 5 \times 1 = 5$ 이므로 원점과 점 $(1, 5)$ 를 지나는 직선을 긋는다.



3. 정비례 관계 $y = -\frac{2}{3}x$ 의 그래프 위에 있는 점의 좌표는 어느 것인가?

① $(3, -4)$

② $(4, -3)$

③ $\left(\frac{3}{4}, 2\right)$

④ $\left(-\frac{1}{2}, 3\right)$

⑤ $\left(-\frac{3}{4}, \frac{1}{2}\right)$

해설

$y = -\frac{2}{3}x$ 에 각 점의 좌표를 대입하면

① $(3, -2)$

② $\left(4, -\frac{8}{3}\right)$

③ $\left(\frac{3}{4}, -\frac{1}{2}\right)$

④ $\left(-\frac{1}{2}, \frac{1}{3}\right)$

4. 다음 중에서 y 가 x 에 반비례하는 것을 모두 고른 것은? (정답 2개)

① $y = \frac{3}{x}$

② $y = 5x$

③ $y = \frac{2}{x}$

④ $y = \frac{5}{x} - 2$

⑤ $y = \frac{2}{5}x$

해설

반비례 관계식 : $y = \frac{a}{x}$

① $y = \frac{3}{x}$ (반비례)

② $y = 5x$ (정비례)

③ $y = \frac{2}{x}, x \times y = 2$ (반비례)

④ $y = \frac{5}{x} - 2$ (정비례도 반비례도 아니다.)

⑤ $y = \frac{2}{5}x$ (정비례)

5. y 는 x 에 반비례하고 $x = 8$ 일 때 $y = 3$ 이다. $x = 4$ 일 때 y 의 값을 구하여라.

① 8

② 2

③ 10

④ 6

⑤ 12

해설

반비례 관계식은 $y = \frac{a}{x}$ 이므로

$$3 = \frac{a}{8}, a = 24$$

$$\therefore y = \frac{24}{x}$$

따라서 $x = 4$ 일 때 $y = 6$

6. x 의 값이 1, 2, 3 인 $y = -\frac{2}{x}$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① $x = 2$ 일 때 $y = -1$
- ② $x = 1$ 일 때 y 의 값은 -2 이다.
- ③ 그래프는 제 2, 4 사분면을 지난다.
- ④ y 의 값은 $-\frac{2}{3}, -1, -2$ 이다.
- ⑤ x 와 y 는 반비례 관계이다.

해설

③ x 의 값이 1, 2, 3 이기 때문에 $x > 0$ 인 부분에만 그래프가 그려진다.
∴ 그래프는 제 4 사분면만 지난다.

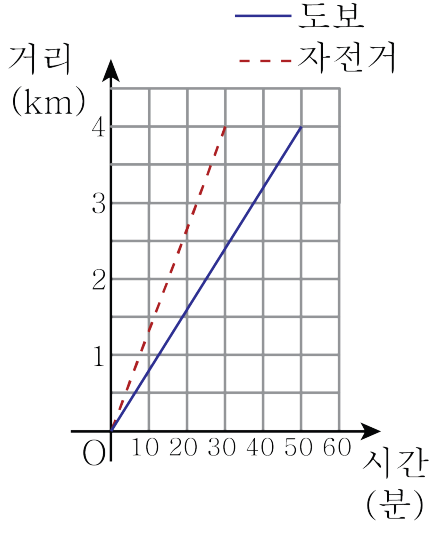
7. 다음 중 옳지 않은 것을 고르면?

- ① x 좌표가 -2 이고, y 좌표가 4 인 점은 $(-2, 4)$ 이다
- ② x 축 위에 있고, x 좌표가 7 인 점은 $(7, 0)$ 이다
- ③ y 축 위에 있고, y 좌표가 -5 인 점은 $(0, -5)$ 이다
- ④ $(1, -1)$ 과 $(-1, 1)$ 은 같은 사분면에 있는 점이다.
- ⑤ $(-5, 7)$ 과 $(-7, 5)$ 는 같은 사분면에 있는 점이다.

해설

④ 점 $(1, -1)$ 은 제4사분면 위에 있고 점 $(-1, 1)$ 은 제2사분면 위에 있다.

8. 다음은 태양이가 집에서 4km 떨어진 학교까지 자전거를 타고 갈 때와 걸어서 갈 때의 시간에 따른 이동 거리를 나타낸 그래프이다. 집에서 학교까지 걸어서 갈 때는 자전거를 타고 갈 때보다 몇 분 더 걸리는지 구하여라.



- ① 10분 ② 20분 ③ 30분 ④ 40분 ⑤ 50분

해설

집에서 학교까지 걸어서 갈 때 걸리는 시간은 50분, 자전거를 타고 갈 때 걸리는 시간은 30분이므로 20분 더 걸린다.

9. 다음 중 y 가 x 에 정비례하는 것을 모두 고르면? (정답 2개)
- ① 1 개에 500 원인 참외 x 개를 살 때의 값 y 원
 - ② 학생이 50 명인 반에서 출석생의 수 x 명과 결석생의 수 y 명
 - ③ 반지름의 길이가 $x\text{cm}$ 인 원의 둘레 $y\text{cm}$ (단, 원주율은 3.14로 계산)
 - ④ 한 변의 길이가 $x\text{cm}$ 인 정사각형의 넓이 $y\text{cm}^2$
 - ⑤ 넓이가 24cm^2 인 직사각형의 가로 길이 $x\text{cm}$ 와 세로 길이 $y\text{cm}$

해설

- 정비례 관계식은 $y = ax$ 이므로
- ① $y = 500x$: 정비례
 - ② $x + y = 50, y = 50 - x$
 - ③ $y = 3.14 \times 2 \times x, y = 6.28x$: 정비례
 - ④ $y = x^2$
 - ⑤ $xy = 24$

10. y 가 x 에 정비례할 때, $x = 2$ 일 때, $y = 26$ 이다. $y = 39$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

정비례 관계식 : $y = ax$

$26 = a \times 2, a = 13$

$y = 13x$

$39 = 13x, x = 3$

11. 톱니바퀴 A, B의 톱니의 수는 각각 20, 52개이고, 두 톱니바퀴는 서로 맞물려 돌고 있다. A가 x 회전할 때, B가 y 회전하는 톱니바퀴의 x 와 y 사이의 관계식은?

① $y = \frac{2}{11}x$

② $y = \frac{3}{11}x$

③ $y = \frac{2}{13}x$

④ $y = \frac{5}{13}x$

⑤ $y = \frac{5}{14}x$

해설

두 톱니바퀴가 맞물려 돌고 있으므로 $20x = 52y$

따라서 $y = \frac{5}{13}x$ 이다.

12. 정비례 관계 $y = ax$ 의 그래프가 두 점 $\left(3, -\frac{9}{2}\right), (-7, b)$ 를 지날 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$y = ax$ 가 주어진 점 $\left(3, -\frac{9}{2}\right)$ 를 지나므로 $3a = -\frac{9}{2}, a = -\frac{3}{2}$ 이다.

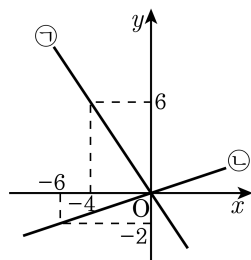
주어진 식은 $y = -\frac{3}{2}x$ 이다.

점 $(-7, b)$ 를 지나므로

$\left(-\frac{3}{2}\right) \times (-7) = b, b = \frac{21}{2}$ 이다.

따라서 $a + b = \left(-\frac{3}{2}\right) + \frac{21}{2} = \frac{18}{2} = 9$ 이다.

13. 다음 그림에서 ㉠은 $y = ax$, ㉡은 $y = bx$ 의 그래프일 때, ab 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $ab = -\frac{1}{2}$

해설

㉠ $y = ax$ 에 $x = -4$, $y = 6$ 을 대입하면 $6 = -4a$, $a = -\frac{3}{2}$

㉡ $y = bx$ 에 $x = -6$, $y = -2$ 를 대입하면 $-2 = -6b$, $b = \frac{1}{3}$

$\therefore ab = \left(-\frac{3}{2}\right) \times \frac{1}{3} = -\frac{1}{2}$

14. $x \times y$ 의 값이 일정하고 x 의 값에 따른 y 의 값이 다음과 같을 때, x, y 사이의 관계식을 구하여 차례대로 써라.

$\ominus \quad x = 10 \text{ 일 때, } y = 7$

$\ominus \quad x = \frac{1}{8} \text{ 일 때, } y = \frac{16}{3}$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $y = \frac{70}{x}$

▷ 정답 : $y = \frac{2}{3x}$

해설

반비례 관계식 $y = \frac{a}{x}$

$\ominus \quad a = x \times y = 10 \times 7 = 70, y = \frac{70}{x}$

$\ominus \quad a = x \times y = \frac{1}{8} \times \frac{16}{3} = \frac{2}{3}, y = \frac{2}{3x}$

15. 점 $P(3+a, 4-a)$ 가 x 축 위의 점이고, 점 $Q(2b-4, b+1)$ 이 y 축 위의 점일 때, 삼각형 POQ 의 넓이를 구하여라. (단, 점 O 는 원점이다.)

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{21}{2}$

해설

$P(3+a, 4-a)$ 가 x 축 위의 점이므로

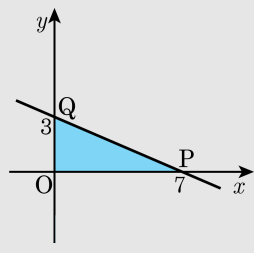
$$4-a=0, a=4$$

$$\therefore P(7, 0)$$

$Q(2b-4, b+1)$ 이 y 축 위의 점이므로

$$2b-4=0, b=2$$

$$\therefore Q(0, 3)$$



$$\therefore \triangle POQ = 3 \times 7 \times \frac{1}{2} = \frac{21}{2}$$

16. 좌표평면 위의 두 점 $A(3a+2, -2b-1)$, $B(-5a+6, 3b+2)$ 가 원점에 대하여 대칭일 때, $a+b$ 의 값은?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$3a+2 = -(-5a+6)$$

$$2a = 8$$

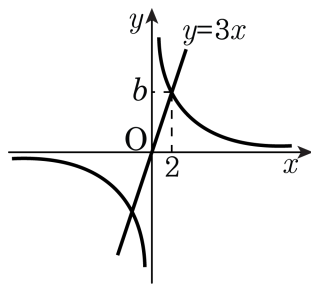
$$\therefore a = 4$$

$$-2b-1 = -(3b+2)$$

$$b = -1$$

$$\therefore a+b = 3$$

17. 다음 그림은 $y = \frac{a}{x}$ 와 $y = 3x$ 의 그래프를 그려놓은 것이다. $a + b$ 의 값은?



- ① 12 ② 14 ③ 16 ④ 18 ⑤ 20

해설

$y = 3x$ 에 $x = 2, y = b$ 를 대입하면

$$\therefore b = 6$$

$y = \frac{a}{x}$ 에 $x = 2, y = 6$ 을 대입하면

$$6 = \frac{a}{2}$$

$$\therefore a = 12$$

$$\therefore a + b = 12 + 6 = 18$$

18. 수학 문제를 하루에 10 개씩 5 일간 풀기로 하였다. x 일 동안 하루에 풀 문제의 수를 y 개라 할 때, x 와 y 사이의 관계를 그래프로 나타내면 몇 사분면 위에 나타내어 지는가?

- ① 제1 사분면 ② 제2 사분면 ③ 제3 사분면
④ 제4 사분면 ⑤ 제1, 3 사분면

해설

전체 풀어야 할 수학문제 : $10 \times 5 = 50$ (문제)

$$xy = 50$$

$$\therefore y = \frac{50}{x} (x > 0, y > 0)$$

반비례 그래프이고 $a > 0$ 이므로 제 1, 3 사분면에 그려진다. $x > 0$ 이므로 제 1 사분면에만 그래프가 그려진다.

19. 점 A($a+1$, $b+3$) 이 x 축 위에 있고, 점 B(a , $b-1$) 이 y 축 위에 있을 때, 점 (a , b) 의 좌표를 구하여라.

① (-1 , -3)

② (-1 , 1)

③ (0 , -3)

④ (0 , 1)

⑤ (-1 , -2)

해설

점 A 가 x 축 위에 있으려면 점 A 의 y 좌표가 0이어야 한다.

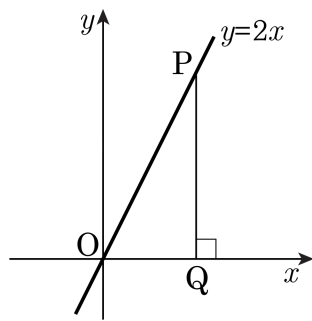
$$b+3=0 \quad \therefore b=-3$$

점 B 가 y 축 위에 있으려면 점 B 의 x 좌표가 0이어야 한다.

$$a=0$$

따라서 점 (a , b) 의 좌표는 (0 , -3) 이다.

20. 점 P는 직선 $y = 2x$ 위에 점이다. $\triangle POQ$ 의 넓이가 36일 때, $\overline{PQ}$ 의 길이는? (x 축과 $\overline{PQ}$ 는 수직)



- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

점 P의 좌표를 $P(a, b)$ 라 하면,
P는 $y = 2x$ 위의 점이므로 $b = 2a$ 이다.
 $\therefore P(a, 2a)$
 $\therefore \triangle POQ$ 의 밑변 $\overline{OQ} = a$, 높이 $\overline{PQ} = 2a$ 이므로 넓이는 $a \times 2a \times \frac{1}{2} = 36$
 $a^2 = 36, a = 6$
 $\therefore \overline{PQ} = 12$