

1. 일차방정식 $x + 2y = 9$ 의 해를 바르게 구한 것은? (단, x, y 는 자연수)

- ① (1, 7), (2, 5), (3, 3), (4, 1)
- ② (0, 9), (1, 7), (2, 5), (3, 3), (4, 1)
- ③ (-1, 5), (1, 4), (3, 3), (5, 2)
- ④ (1, 4), (3, 3), (5, 2), (7, 1)
- ⑤ (1, 4), (3, 3), (5, 2), (7, 1), (9, 0)

해설

자연수 x, y 에 대하여, $x = 1, 2, 3, \dots$ 을 차례로 대입하여 해를 구하면
(1, 4), (3, 3), (5, 2), (7, 1)

2. 연립방정식 $\begin{cases} 2x - y = 3 \\ 6x - 3y = 9 \end{cases}$ 의 해집합을 구하면?

- ① ϕ
- ② $\{(1, -1)\}$
- ③ $\{(-2, 7)\}$
- ④ $\{(x, y) | x, y \text{는 모든 수}\}$
- ⑤ $\{(x, y) | 2x - y = 3 \text{인 모든 수}\}$

해설

$6x - 3y = 9$ 와 $2x - y = 3$ 을 같으므로 해는 $2x - y = 3$ 인 모든 x, y 가 된다.

3. 다음 연립부등식의 해 중 자연수의 개수가 가장 많은 연립부등식을 고르면?

$$\textcircled{1} \quad \begin{cases} x \leq 1 \\ x > -1 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \quad \begin{cases} x > 2 \\ x < 3 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} x \leq 1 \\ x \leq 3 \end{cases}$$

$\textcircled{4}$ $\begin{cases} x > 2 \\ x > 4 \end{cases}$

$\textcircled{5} \quad \begin{cases} x \leq -1 \\ x > -5 \end{cases}$

해설

- ① $-1 < x \leq 1$ 이므로 자연수는 한 개이다.
- ② $2 < x < 3$ 이므로 자연수는 없다.
- ③ $x \leq 1$ 이므로 자연수는 한 개이다.
- ④ $x > 4$ 이므로 자연수는 5, 6, 7, 8… 이다.
- ⑤ $-5 < x \leq -1$ 이므로 자연수는 없다.

4. 연립방정식 $\begin{cases} 3x - 2y = -4 & \cdots \textcircled{\text{1}} \\ -x - y = 3 & \cdots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$ 을 가감법을 이용하여 풀려고 할 때, 미지수 y 를 소거하는 방법은?

- ① $\textcircled{\text{1}} \times 3 - \textcircled{\text{2}} \times 2$ ② $\textcircled{\text{1}} \times 2 + \textcircled{\text{2}} \times 3$
③ $\textcircled{\text{1}} + \textcircled{\text{2}} \times 3$ ④ $\textcircled{\text{1}} \times 2 - \textcircled{\text{2}}$

⑤ $\textcircled{\text{1}} - \textcircled{\text{2}} \times 2$

해설

$\begin{cases} 3x - 2y = -4 & \cdots \textcircled{\text{1}} \\ -x - y = 3 & \cdots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$ 에서 y 를 소거하기 위해선 y 의 계수를

맞춘 후에 두 식을 뺀다. $\textcircled{\text{1}} - \textcircled{\text{2}} \times 2$ 하면 y 가 소거된다.

5. 일차부등식 $-4 \leq 2x + 2 < 6$ 을 풀면?

- ① $x \geq -3$ ② $x < 2$ ③ $-3 \leq x < 2$
④ $-2 \leq x < 3$ ⑤ $2 \leq x < 3$

해설

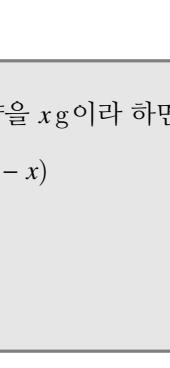
$$-4 \leq 2x + 2 < 6$$

각 변에서 2 를 빼면 $-4 - 2 \leq 2x < 6 - 2$

$$-6 \leq 2x < 4$$

각 변을 2 로 나누면 $-3 \leq x < 2$

6. 다음 그림과 같이 비커 안에 설탕물 400g이 들어있다. 농도를 15% 이상이 되게 하려면 물을 최소 몇 g을 증발시켜야 하는가?



- ① 50 g ② 60 g ③ 70 g ④ 80 g ⑤ 90 g

해설

증발시켜야 할 물의 양을 x g이라 하면

$$\frac{12}{100} \times 400 \geq \frac{15}{100}(400 - x)$$

$$4800 \geq 15(400 - x)$$

$$320 \geq 400 - x$$

$$\therefore x \geq 80$$

7. 일차함수 $y = px + q$ 의 그래프의 x 절편이 -1 이고, 그 그래프가 점 $(2, 3)$ 를 지날 때, 상수 p, q 의 합 $p + q$ 의 값은?

- ① 1 ② -1 ③ 2 ④ 5 ⑤ 0

해설

주어진 함수의 x 절편이 -1 이므로

$$0 = -p + q \cdots ①$$

이 그래프가 점 $(2, 3)$ 을 지나므로

$$3 = 2p + q \cdots ②$$

①, ② 두 식을 연립하여 풀면

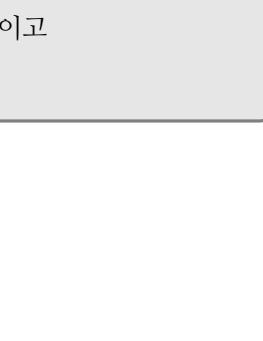
$$p = 1, q = 1$$
 이다.

따라서 $p + q = 2$ 이다.

8. $y = ax + b$ 의 그래프가 그림과 같을 때, a, b 의 부호로 옳은 것은?

- ① $a > 0, b > 0$ ② $a = 0, b > 0$
③ $a < 0, b > 0$ ④ $a > 0, b < 0$

- ⑤ $a < 0, b < 0$



해설

그래프가 원쪽 위로 기울었으므로 $a < 0$ 이고
그래프를 보면 y 절편은 $b > 0$ 이다

9. 수영이는 8시부터 산에 오르기 시작했고, 20분 후에 희윤이가 오르기 시작했다. 수영이는 매분 50m의 속력으로, 희윤이는 매분 90m의 속력으로 걸어갈 때, 희윤이가 수영이를 만나는 시각은?

- ① 8시 30분 ② 8시 45분 ③ 8시 55분
④ 9시 ⑤ 9시 10분

해설

희윤이가 걸어간 시간을 x 분, 수영이가 걸어간 시간을 y 분이라고 하면

$$y = x + 20 \dots\dots \textcircled{1}$$

(거리) = (속력) × (시간)이고, 두 사람이 걸어간 거리는 같으므로

$$50y = 90x \dots\dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1}$ 을 $\textcircled{2}$ 에 대입하면

$$50(x + 20) = 90x$$

$$4x = 100$$

$$\therefore x = 25$$

$$x = 25$$
 를 $\textcircled{1}$ 에 대입하면 $y = 45$

따라서 두 사람이 만나는 시각은 8시 45분이다.

10. 5% 의 소금물 200g 이 있다. 지금 이 소금물의 물을 증발시켜서 8% 의 소금물을 만들려고 한다. 이때, 몇 g 의 물을 증발시켜야 하는가?

- ① 95g ② 90g ③ 85g ④ 80g ⑤ 75g

해설

$$\frac{5}{100} \times 200 = \frac{8}{100}(200 - x)$$

$$5 \times 200 = 8(200 - x)$$

$$1000 = 1600 - 8x$$

$$8x = 600, x = 75$$

11. 연립부등식 $\begin{cases} -2(3-x) > 10 \\ \frac{3}{4}x + \frac{5}{6} \leq \frac{2}{3}x + 1 \end{cases}$ 의 해는?

- ① $x \leq 2$ ② $-4 \leq x < 8$ ③ 해가 없다.
④ $2 \leq x < 8$ ⑤ $x > 8$

해설

(i) $-6 + 2x > 10, x > 8$

(ii) $\frac{3}{4}x + \frac{5}{6} \leq \frac{2}{3}x + 1$ 이어서 양변에 12를 곱하면 $9x + 10 \leq 8x + 12$,
 $x \leq 2$

따라서 해가 없다.

12. x 절편이 3, y 절편이 2인 일차함수의 그래프의 기울기는?

- ① $\frac{2}{3}$ ② $-\frac{2}{3}$ ③ $-\frac{1}{3}$ ④ $\frac{3}{2}$ ⑤ $-\frac{3}{2}$

해설

이 함수는 $(3, 0)$, $(0, 2)$ 를 지나므로

$$\text{기울기는 } \frac{0 - (2)}{3 - 0} = -\frac{2}{3} \text{ 이다.}$$

13. 일차부등식 $\frac{2x+4}{3} \geq -\frac{x-2}{2} + x$ 를 풀면?

- ① $x \geq -14$ ② $x \geq -2$ ③ $x \geq -10$
④ $x \geq -\frac{1}{3}$ ⑤ $x \leq \frac{14}{5}$

해설

부등식의 양변에 6 을 곱하면 $4x+8 \geq -3x+6+6x$ 이므로
 $x \geq -2$ 이다.

14. 15% 의 설탕물을 300g 이 있다. 여기에서 200g 의 설탕물을 버리고 물 x g 을 넣어 10% 이상 12% 이하의 농도를 만들려고 할 때, x 가 될 수 없는 것은?

① 25 ② 32 ③ 39 ④ 47 ⑤ 52

해설

설탕물을 200g 버려도 물과 설탕을 함께 버린 것 이므로, 농도에는 변화가 없다.

따라서 설탕물을 버린 후 남은 설탕물은 똑같은 15% 의 설탕물 100g 이다.

이 때의 소금물의 양은 $\frac{15}{100} \times 100 = 15(g)$ 이다.

여기서 물 x g 을 넣어줄 때의 농도를 식으로 나타내면 $\frac{15}{100+x} \times 100$ 이다.

농도가 10% 이상 12% 이하가 되게 해야 하므로, $10 \leq \frac{15}{100+x} \times 100 \leq 12$.

이를 연립방정식으로 나타내면

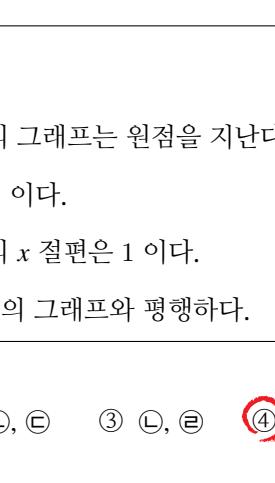
$$\begin{cases} 10 \leq \frac{15}{100+x} \times 100 \\ \frac{15}{100+x} \times 100 \leq 12 \end{cases}$$

이고, 정리하면

$$\begin{cases} x \leq 50 \\ x \geq 25 \end{cases}$$

이다. 따라서 $25 \leq x \leq 50$ 이다.

15. 다음은 $y = (a - 1)x + b + 1$ 의 그래프이다. 다음 중 이 그래프에 대한 설명을 옳게 한 것은?



- Ⓐ $a < 0$ 이다.
- Ⓑ $y = bx + a$ 의 그래프는 원점을 지난다.
- Ⓒ $a - b + 1 > 0$ 이다.
- Ⓓ $y = ax + b$ 의 x 절편은 1 이다.
- Ⓔ $y = (b - 1)x$ 의 그래프와 평행하다.

① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓑ, Ⓒ ③ Ⓑ, Ⓓ ④ Ⓒ, Ⓓ ⑤ Ⓓ, Ⓔ

해설

그래프의 기울기는 2이고, y 절편은 4이므로 $a = 3$, $b = 3$ 이다.
따라서 옳은 것은 Ⓒ, Ⓓ이다.