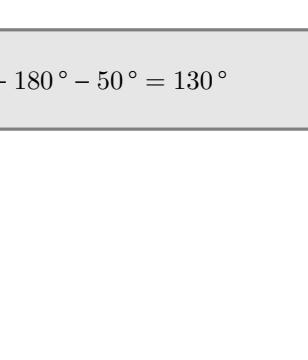


1. 다음 그림에서  $\overline{PA}$ ,  $\overline{PB}$  는 원 O 의 접선이고  $\angle APB = 50^\circ$  일 때,  $\angle AOB$  의 크기는?

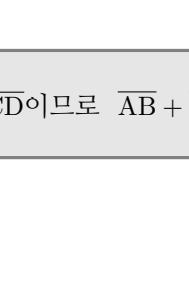


- ①  $90^\circ$       ②  $100^\circ$       ③  $120^\circ$       ④  $130^\circ$       ⑤  $150^\circ$

해설

$$\angle AOB = 360^\circ - 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ$$

2. 다음 그림에서  $\square ABCD$ 는 원  $O$ 의 외접사각형이다.  $\overline{AB} + \overline{CD} = 24\text{cm}$  일 때,  $\overline{AD} + \overline{BC}$ 의 값은?

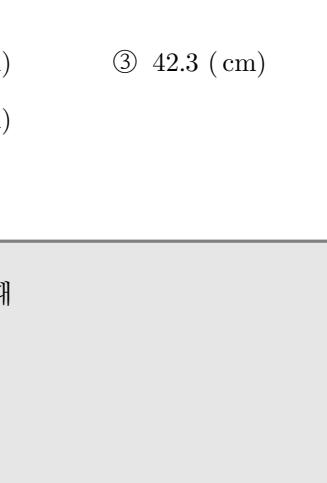


- ① 24cm      ②  $9\sqrt{2}\text{cm}$       ③ 9cm  
④ 27cm      ⑤ 12cm

해설

$\overline{AD} + \overline{BC} = \overline{AB} + \overline{CD}$ 이므로  $\overline{AB} + \overline{CD} = 24\text{cm}$

3. 다음 그림을 보고, 원 O의 반지름의 길이를 구하면?



- ① 40 (cm)      ② 41.5 (cm)      ③ 42.3 (cm)  
④ 42.5 (cm)      ⑤ 42.7 (cm)

해설

원 O의 반지름의 길이를  $x$ 라 할 때

$$x^2 = (x - 4)^2 + 18^2$$

$$x^2 = x^2 - 8x + 16 + 324$$

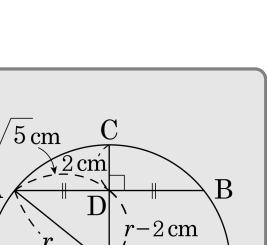
$$8x = 340$$

$$\therefore x = 42.5 \text{ (cm)}$$

4. 다음 그림에서  $\widehat{AB}$  는 원의 일부분  
이다.  $\overline{AB} = 4\sqrt{5}\text{cm}$ ,  $\overline{CD} = 2\text{cm}$ ,

$\overline{CD} \perp \overline{AB}$ ,  $\overline{AD} = \overline{BD}$  일 때, 이 원의 반지

름의 길이를 구하여라.



$$\textcircled{1} \quad 5\text{cm} \qquad \textcircled{2} \quad 5\sqrt{5}\text{cm}$$

$$\textcircled{4} \quad 6\sqrt{2}\text{cm} \qquad \textcircled{5} \quad 7\text{cm}$$

$$\textcircled{3} \quad 6\text{cm}$$

해설

원의 중심을 O 라 하면  $\overline{OC}$  는 원의

반지름이므로  $r\text{cm}$  이라 하면,

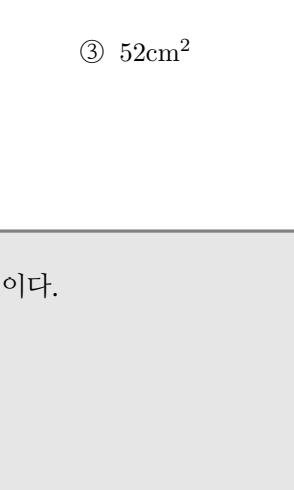
$\overline{OA}^2 = \overline{AD}^2 + \overline{OD}^2$  이므로

$$r^2 = (r-2)^2 + (2\sqrt{5})^2, \quad 4r = 24$$

$$\therefore r = 6$$



5. 다음 그림의 원 O에서 색칠한 부분의 넓이는? (단,  $\overline{AB} = \overline{CD}$ )



- ①  $35\text{cm}^2$       ②  $40\text{cm}^2$       ③  $52\text{cm}^2$   
 ④  $60\text{cm}^2$       ⑤  $72\text{cm}^2$

해설

$\overline{AB} = \overline{CD}$  이므로  $\overline{OM} = \overline{ON} = 5\text{cm}$ 이다.

피타고라스 정리에 의해

$$\overline{CN} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$$

또한,  $\overline{CN} = \overline{DN} = 12\text{cm}$

$$\therefore \triangle OCD = \frac{1}{2} \times 24 \times 5 = 60(\text{cm}^2)$$



6. 다음 그림에서 세 점 D, E, F는 접점이다.  $\overline{AB} = 14$ ,  $\overline{AC} = 10$ ,  $\overline{BC} = 12$  일 때,  $\overline{CE}$ 의 길이는?



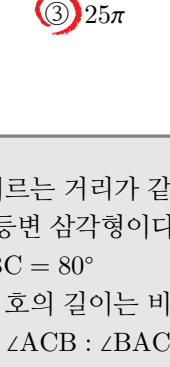
- ① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

해설

$$\begin{aligned}\overline{BD} &= \overline{BF}, \overline{CE} = \overline{CF} \text{ 이므로} \\ \overline{AD} + \overline{AE} &= (\overline{AB} + \overline{BD}) + (\overline{AC} + \overline{CE}) \\ &= (\overline{AB} + \overline{BF}) + (\overline{AC} + \overline{CF}) \\ &= \overline{AB} + (\overline{BF} + \overline{CF}) + \overline{AC} \\ &= 14 + 12 + 10 = 36\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{그런데 } \overline{AD} &= \overline{AF} \text{ 이므로 } \overline{AD} = 36 \times \frac{1}{2} = 18 \\ \therefore \overline{CE} &= \overline{AF} - \overline{AC} = 18 - 10 = 8\end{aligned}$$

7. 다음 그림의 원 O에서  $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 5\pi$ ,  $\angle BAC = 20^\circ$  일 때,  
 $5.0\text{pt}\widehat{ABC}$ 의 길이는?



- ①  $18\pi$       ②  $22\pi$       ③  $25\pi$       ④  $30\pi$       ⑤  $32\pi$

해설

원의 중심에서 현이 이르는 거리가 같으면 두 현의 길이가 같으므로  $\widehat{AB} = \widehat{AC}$ 인 이등변 삼각형이다.

$\angle A = 20^\circ$  이므로  $\angle ABC = 80^\circ$

또한 원주각의 크기에 호의 길이는 비례하므로

$$5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} = \angle ACB : \angle BAC$$

$$5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5\pi = 80^\circ : 20^\circ$$

$$\therefore 5.0\text{pt}\widehat{AB} = 20\pi$$

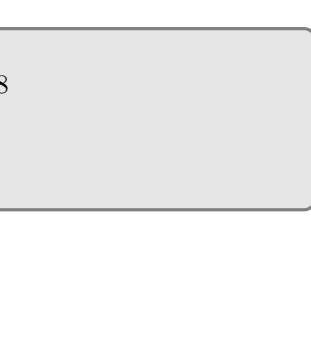
$$5.0\text{pt}\widehat{ABC} = 5.0\text{pt}\widehat{AB} + 5.0\text{pt}\widehat{BC} \text{ 이므로}$$

$$\therefore 5.0\text{pt}\widehat{ABC} = 20\pi + 5\pi = 25\pi$$

8. 그림에서  $\overline{AT}$  는 반지름의 길이가 8 인  
원 O의 접선이고 점 A는 접점이다.  
 $\angle BAO = 30^\circ$  일 때,  $\overline{CT}$  의 길이를 구  
하면?

① 6      ② 8      ③ 10

④ 12      ⑤ 13



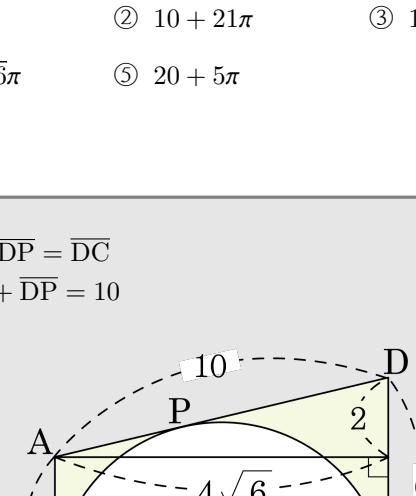
해설

$$\angle AOC = 60^\circ, \angle ATC = 30^\circ, \overline{OA} = 8$$

$$1 : 2 = 8 : \overline{OT} \quad \therefore \overline{OT} = 16$$

$$\therefore \overline{CT} = 16 - 8 = 8$$

9. 다음 그림에서  $\widehat{BC}$  는 원 O의 지름이고  $\overline{AB}$ ,  $\overline{CD}$ ,  $\overline{AD}$ 는 모두 원 O의 접선일 때, 색칠한 부분의 둘레는?



- ① 20      ②  $10 + 21\pi$       ③  $12 + 2\sqrt{3}\pi$   
 ④  $20 + 2\sqrt{6}\pi$       ⑤  $20 + 5\pi$

해설

$$\overline{AB} = \overline{AP}, \overline{DP} = \overline{DC}$$

$$\overline{AD} = \overline{AP} + \overline{DP} = 10$$

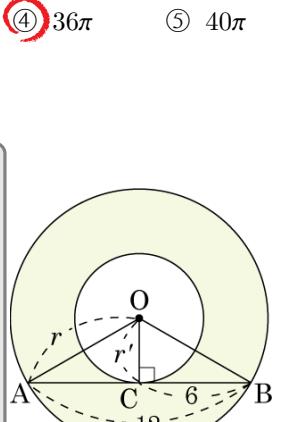


$$\text{반원의 둘레는 } \frac{1}{2} \times \pi \times 4\sqrt{6} = 2\sqrt{6}\pi$$

$$\text{따라서, 색칠한 부분의 둘레는 } 2\overline{AD} + 5.0pt\widehat{BC} = 20 + 2\sqrt{6}\pi$$

10. 다음 그림과 같이 두 개의 동심원이 있다.

큰 원의 현  $\overline{AB} = 12$  일 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하면?



- ①  $20\pi$     ②  $25\pi$     ③  $30\pi$     ④  $36\pi$     ⑤  $40\pi$

해설

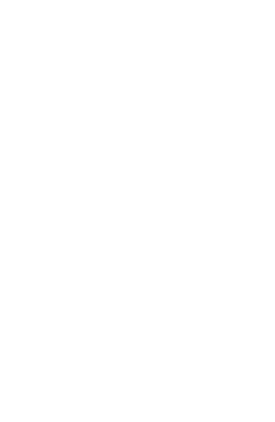
큰 원의 반지름의 길이를  $r$ , 작은 원의 반지름의 길이를  $r'$ 이라고 하자.

$\overline{AB}$ 는 작은 원의 접선이므로

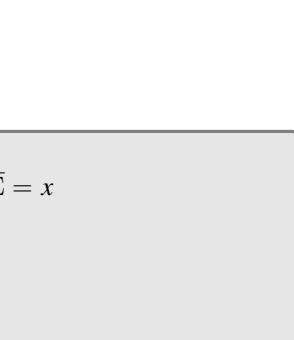
$$\overline{OC} \perp \overline{AB}, \quad \overline{AC} = \frac{1}{2}\overline{AB} = 6$$

$$\text{직각삼각형 } \triangle ACO \text{에서 } r^2 - r'^2 = 6^2$$

$$(\text{색칠한 부분의 넓이}) = \pi r^2 - \pi r'^2 = \pi(r^2 - r'^2) = 36\pi$$



11. 다음 그림에서 원 O는 직각삼각형 ABC의 내접원이고, 점 D, E, F는 접점이다.  
이 때, 색칠한 부분의 넓이는?



- ①  $10 - \frac{9}{4}\pi$       ②  $9 - \pi$       ③  $\frac{44}{9} - \pi$   
 ④  $9 - \frac{9}{4}\pi$       ⑤  $20 - 5\pi$

해설

원 O의 반지름을  $x$  라 하면  $\overline{BD} = \overline{BE} = x$

$\overline{AD} = \overline{AF} = 6$  이므로  $\overline{AB} = 6 + x$ ,

$\overline{CE} = \overline{CF} = 9$  이므로  $\overline{BC} = 9 + x$

$$(6 + x)^2 + (x + 9)^2 = 15^2$$

$$x^2 + 15x - 54 = 0$$

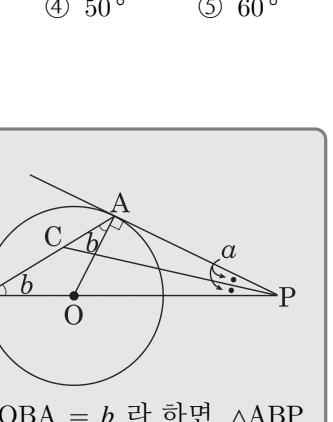
$$(x + 18)(x - 3) = 0$$

$$\therefore x = 3$$

색칠한 부분의 넓이는 정사각형 ODBE에서 부채꼴 ODE의 넓이를 뺀 것과 같다.

$$\therefore 3^2 - \frac{1}{4} \times 3^2 \times \pi = 9 - \frac{9}{4}\pi$$

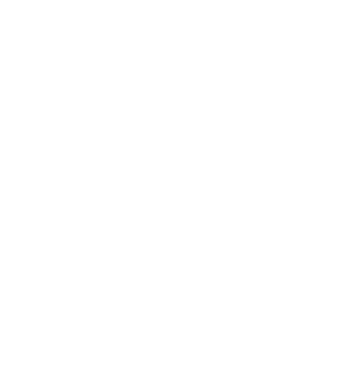
12. 다음 그림에서  $\overline{PA}$  는 원  $O$  와 점  $A$ 에서 접하고, 선분  $PO$  의 연장선과 원  $O$  가 만나는 점을  $B$  라 한다. 또,  $\angle APB$  의 이등분선이  $\overline{AB}$  와 만나는 점을  $C$  라 할 때,  $\angle PCA$  의 크기를 구하면?



- ①  $25^\circ$     ②  $30^\circ$     ③  $45^\circ$     ④  $50^\circ$     ⑤  $60^\circ$

해설

점  $A$  와 점  $O$  를 연결하면  
 $\angle OAP = 90^\circ$



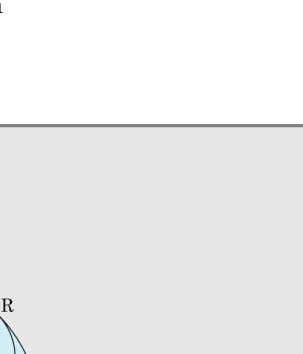
$\angle APC = \angle OPC = a$ ,  $\angle OAB = \angle OBA = b$  라 하면,  $\triangle ABP$ 에서  $90^\circ + 2(a + b) = 180^\circ$

$$\therefore a + b = 45^\circ$$

$\triangle CBP$ 에서  $\angle PCA = \angle CPB + \angle CBP$

$$\therefore \angle PCA = a + b = 45^\circ$$

13. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5cm인 사분원에 내접하는 원 O가 있다. 원 O의 반지름의 길이는?



- ①  $(5\sqrt{2} - 5)$ cm      ②  $(4\sqrt{2} - 5)$ cm      ③  $(3\sqrt{2} - 5)$ cm  
 ④  $(2\sqrt{2} - 5)$ cm      ⑤  $(\sqrt{2} - 5)$ cm

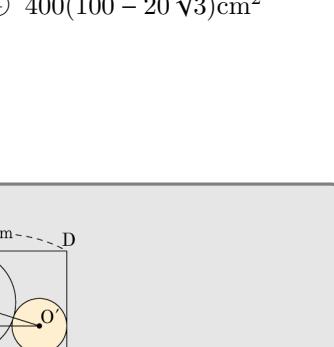
해설

원 O의 반지름을  $x$  cm 라 한다.  
그림과 같이 보조선을 그으면



$$\begin{aligned}\overline{PR} &= \overline{PO} + \overline{OR} \\ \sqrt{2}x + x &= 5 \\ (\sqrt{2} + 1)x &= 5 \\ x &= 5(\sqrt{2} - 1)\end{aligned}$$

14. 다음 그림에서 원  $O$  는 직사각형 ABCD 에 내접하는 큰 원이고 원  $O'$  은 그 나머지 부분에 내접하는 작은 원이다. 원  $O'$  의 넓이는?



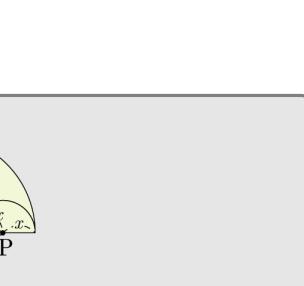
- ①  $400(10 - 17\sqrt{3})\text{cm}^2$   
 ②  $400(7 - 4\sqrt{3})\text{cm}^2$   
 ③  $420(10 - 19\sqrt{3})\text{cm}^2$   
 ④  $400(100 - 20\sqrt{3})\text{cm}^2$   
 ⑤  $410(10 - 21\sqrt{3})\text{cm}^2$

해설



$$\begin{aligned} \overline{OO'} &= 10 + x \\ \overline{OH} &= 10 - x \\ \overline{O'H} &= 20 - x \\ \overline{OO'}^2 &= \overline{OH}^2 + \overline{O'H}^2 \text{에서} \\ (10 + x)^2 &= (10 - x)^2 + (20 - x)^2 \\ x^2 - 80x + 400 &= 0 \\ x &= 40 \pm 20\sqrt{3} \\ x &\text{는 } 30 \text{ 보다 작으므로 } x = (40 - 20\sqrt{3})\text{ cm 이다.} \\ \therefore (\text{원 } O' \text{의 넓이}) &= \pi(40 - 20\sqrt{3})^2 = 400(7 - 4\sqrt{3})(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

15. 다음 그림과 같이 반원 P 와 원 Q 가  
외부에서 접하고 원 Q 가 반원 O 의 내  
부에서 접하고 있다. 원 Q 의 지름의  
길이가 6 cm 일 때, 반원 P 의 반지름의  
길이는?



① 1 cm      ② 2 cm      ③ 2.5 cm

④ 3 cm      ⑤ 4 cm

해설



작은 반원의 반지름을  $x$  cm 라 하면  $\triangle QOP$  에서

$$\overline{PQ} = 3 + x, \overline{OQ} = 3, \overline{OP} = 6 - x$$

$$\therefore (x+3)^2 = 3^2 + (6-x)^2, 18x = 36$$

$$\therefore x = 2$$