

1. 다음 중 등식을 고르면?

① $x + 5 - 3$

② $2(x - 1) < -(9 - 4x)$

③ $\left(\frac{x}{3} - 2\right)(3x + 1)$

④ $40 - x \leq 108$

⑤ $7 - 3x = 2x + 11$

해설

등식이란 등호(=)를 사용하여 두 수 또는 식이 같음을 나타낸 식을 말하므로

⑤ $7 - 3x = 2x + 11$ 이 등식이다.

2. 다음 중 등식으로 표현 할 수 있는 것을 고른 것은?

- ㉠ 가로와 세로의 길이가 x , y 인 직사각형의 넓이는 10 보다 작다.
- ㉡ x 에 4 를 더한 후 2 배한다.
- ㉢ x 의 2 배에 3 을 더한 수는 9 이다.
- ㉣ 한 변의 길이가 x 인 정삼각형의 둘레의 길이가 20 보다 크다.

① ㉠

② ㉠, ㉡

③ ㉢

④ ㉠, ㉢

⑤ ㉣

해설

㉢ x 의 2 배에 3 을 더한 수는 9 이다.

즉, $2x + 3 = 9$

3. 다음 중 []안의 수가 주어진 방정식의 해가 아닌 것을 고르면?

① $0.3x - \frac{1}{10} = 1$ [2]

② $2x - 1 = 5$ [3]

③ $x + 6 = -(x + 4)$ [-5]

④ $6x - 10 = 2x + 6$ [4]

⑤ $2(x + 1) - 3 = -3x - 6$ [-1]

해설

① $0.3 \times 2 - \frac{1}{10} \neq 1$

② $2 \times 3 - 1 = 5$

③ $-5 + 6 = -(-5 + 4)$

④ $6 \times 4 - 10 = 2 \times 4 + 6$

⑤ $2(-1 + 1) - 3 = -3 \times (-1) - 6$

4. 다음은 일차방정식의 해를 구하는 과정이다. (2)의 과정에서 이용된 등식의 성질은?

$$\frac{3x-1}{2} = 4 \dots (1)$$

$$3x-1 = 8 \dots (2)$$

$$3x = 9$$

$$x = 3$$

① $a = b$ 이면 $a + c = b + c$ 이다.

② $3a = b$ 이면 $3a - c = 3b - c$ 이다.

③ $a = b$ 이면 $ac = bc$ 이다.

④ $a = b$ 이면 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ ($c \neq 0$) 이다.

⑤ $a + c = b + c$ 이면 $a = b$ 이다.

해설

양변에 1 을 더했으므로 ①

5. 다음 중 일차방정식이 아닌 것은?

① $3x - 2 = x + 7$

② $x - 9 = 18 + x$

③ $4x - 2 = 5 - 4x$

④ $x^2 - 3x = x^2 - 9$

⑤ $5x - 17 = 0$

해설

② $x - 9 = 18 + x$, $x - 9 - x - 18 = 0$, $-27 = 0$ 이므로 일차방정식이 아니다.

④ $x^2 - 3x = x^2 - 9$, $x^2 - 3x - x^2 + 9 = 0$, $-3x + 9 = 0$ 이므로 일차방정식이다.

6. 다음 중 방정식 $x + 7 = 5 - ax$ 가 일차방정식이 되기 위한 a 의 조건은?

① $a = 1$

② $a = 2$

③ $a = -1$

④ $a \neq -1$

⑤ $a \neq -2$

해설

$ax = b$ 가 일차방정식이 되려면 $a \neq 0$ 이어야 한다.

$$x + 7 = 5 - ax$$

$$(1 + a)x = -2$$

따라서 $a + 1 \neq 0$ 이다.

$$\therefore a \neq -1$$

7. 다음 방정식 $0.6x - 2 = 0.1x$ 의 해를 구하면?

- ① -4 ② $\frac{2}{5}$ ③ $\frac{10}{3}$ ④ 4 ⑤ 40

해설

양변에 10 을 곱하면,

$$6x - 20 = x$$

$$5x = 20$$

$$\therefore x = 4$$

8. 다음 그림과 같은 이등변삼각형의 둘레의 길이를 올바르게 나타낸 것을 골라라.

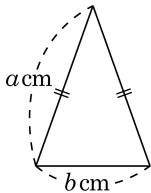
① $(a + b)\text{cm}$

② $(2a + b)\text{cm}$

③ $\frac{ab}{2}\text{cm}$

④ $abc\text{cm}$

⑤ $a^2b\text{cm}$



해설

이등변삼각형이므로, 표시되어 있지 않은 나머지 한 변의 길이는 $a\text{cm}$ 이다. 따라서 둘레의 길이는 $a + a + b = 2a + b(\text{cm})$ 이다.

9. 다음 등식이 항등식일 때, $b^2 - a^2$ 의 값을 구하여라.

$$ax + b = 2x - 5a$$

① 6

② 9

③ 24

④ 48

⑤ 96

해설

$$a = 2, b = -5a = -10$$

$$b^2 - a^2 = 100 - 4 = 96$$

10. x 의 값이 $-3 \leq x \leq 3$ 인 정수일 때, 이 중 해가 없는 것은?

① $x - 1 = 3(x + 1)$

② $-2x + 3(x + 1) = 4$

③ $5x + 4 = 2(x - 1)$

④ $3\left(\frac{1}{3}x - 1\right) = 3(x + 1)$

⑤ $4x + 2 = 4 - 2x$

해설

$-3 \leq x \leq 3$ 인 정수를 찾으면

$x = -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$ 이다.

각 방정식의 x 에 수를 대입하면

① $x = -2$

② $x = 1$

③ $x = -2$

④ $x = -3$

⑤ 만족하는 x 의 값이 없다.

11. 방정식 $\frac{3x-2}{4} - \frac{4(x+1)}{6} = a - \frac{5}{12}x$ 의 해가 $x = -2$ 일 때, a 의 값은?

① $-\frac{1}{6}$

② $-\frac{1}{2}$

③ -1

④ $-\frac{3}{2}$

⑤ $-\frac{13}{6}$

해설

$$\frac{3x-2}{4} - \frac{4x+4}{6} = a - \frac{5}{12}x \text{ 에}$$

$x = -2$ 를 대입하면

$$\frac{3 \times (-2) - 2}{4} - \frac{4 \times (-2) + 4}{6} = a - \frac{5}{12} \times (-2)$$

$$-2 + \frac{2}{3} = a + \frac{5}{6}$$

$$\therefore a = -\frac{13}{6}$$

12. 다음은 방정식의 해를 구하는 과정이다. ㉠ 과정에 이용된 등식의 성질을 고르면? (단, $c \geq 1$)

$$\begin{array}{rcl}
 \frac{2x+5}{3} = -1 & \xrightarrow{\text{㉠}} & \\
 2x+5 = -3 & \xleftarrow{\text{㉡}} & \\
 2x = -8 & \xleftarrow{\text{㉢}} & \\
 x = -4 & \xleftarrow{\text{㉣}} &
 \end{array}$$

- ① $a = b$ 이면 $a + c = b + c$ 이다.
 ② $a = b$ 이면 $a - c = b - c$ 이다.
 ③ $a = b$ 이면 $ac = bc$ 이다.
 ④ $a = b$ 이면 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ 이다.
 ⑤ $a = b$ 이면 $b = a$ 이다.

해설

$$\begin{array}{rcl}
 \frac{2x+5}{3} = -1 & \xrightarrow{\text{㉠}} & \\
 2x+5 = -3 & \xleftarrow{\text{㉡}} & \\
 2x = -8 & \xleftarrow{\text{㉢}} & \\
 x = -4 & \xleftarrow{\text{㉣}} &
 \end{array}$$

- ㉠ : 양변에 3을 곱한다,
 ㉡ : 양변에서 5를 뺀다.
 ㉢ : 양변을 2로 나눈다.

13. 다음 중 방정식을 변형할 때 이용되는 등식의 성질이 다른 하나는?

① $5x - 9 = 0 \rightarrow 5x = 9$

② $3x = 9 + 2x \rightarrow x = 9$

③ $-2x = -4x - 20 \rightarrow 2x = -20$

④ $4x = 8 \rightarrow x = 2$

⑤ $3(x - 2) = 6 \rightarrow 3x = 12$

해설

- ① 양변에 9 를 더한다.
 - ② 양변에 $-2x$ 를 더한다.
 - ③ 양변에 $4x$ 를 더한다.
 - ④ 양변을 4 로 나눈다.
 - ⑤ 양변에 6 을 더한다.
- 다른 하나는 ④이다.

14. $5(3 - ax) - 7x = 8x - b$ 가 x 에 관한 일차방정식이 되기 위한 조건은?

① $a = -3$

② $a \neq -3$

③ $b = -15$

④ $a \neq -15$

⑤ $b \neq -3$

해설

$$5(3 - ax) - 7x = 8x - b$$

$$-5ax - 15x = -b - 15$$

$$(5a + 15)x = b + 15$$

$a = -3$ 이면 x 의 계수가 0이 되므로 일차방정식이 되지 않는다.

$$\therefore a \neq -3$$

15. 다음 방정식의 해를 구한 것은?

$$\frac{3x-6}{4} + \frac{2x+3}{6} = \frac{x}{12} + \frac{x-4}{3}$$

① $-\frac{1}{4}$

② $-\frac{1}{2}$

③ 0

④ $\frac{1}{2}$

⑤ $\frac{1}{4}$

해설

주어진 식의 양변에 12 를 곱하면

$$3(3x-6) + 2(2x+3) = x + 4(x-4)$$

$$9x - 18 + 4x + 6 = x + 4x - 16$$

$$8x = -4$$

$$\therefore x = -\frac{1}{2}$$

16. 방정식 $0.4(x+3) - 1 = -0.3(x-5)$ 의 해는?

- ① 13 ② -9 ③ $-\frac{7}{11}$ ④ $\frac{13}{7}$ ⑤ 21

해설

$$0.4(x+3) - 1 = -0.3(x-5)$$

$$4(x+3) - 10 = -3(x-5)$$

$$4x + 12 - 10 = -3x + 15$$

$$7x = 13$$

$$\therefore x = \frac{13}{7}$$

17. 방정식 $1.4x - 5 = \frac{3x - a}{5}$ 의 해가 자연수가 되는 자연수 a 의 개수는?

① 2 개

② 3 개

③ 4 개

④ 5 개

⑤ 6 개

해설

$1.4x - 5 = \frac{3x - a}{5}$ 를 정리하면

$$x = \frac{-2a + 50}{8} = \frac{-a + 25}{4}$$

해가 자연수가 되어야 하므로

$25 - a$ 는 25보다 작은 4의 배수

$$25 - a = 4, 8, 12, 16, 20, 24$$

$$a = 21, 17, 13, 9, 5, 1$$

따라서 6 개이다.

18. x 에 관한 일차방정식 $(6 - x) : (x + 2) = 1 : 3$ 의 해가 a 일 때,
 $a + b = 5$ 이다. b 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

$$x + 2 = 3(6 - x) \text{에서}$$

$$x + 2 = 18 - 3x$$

$$4x = 16$$

$$\therefore x = 4$$

$$a + b = 5$$

$$4 + b = 5$$

$$\therefore b = 1$$

19. 다음 중 해가 2개 이상인 것은?

① $x - 5 = -x + 5$

② $3x + 1 = 4x + 1$

③ $2(x - 1) = -2 + 2x$

④ $8x - 5 = 3x + 2 + 5x$

⑤ $7x + 2 = 7(x + 2)$

해설

①, ② : 방정식

④, ⑤ : 방정식도 항등식도 아니다.

20. 다음 방정식 중에서 구한 해가 $x = -1$ 인 것은?

① $2x = 5x - 1$

② $x - 1 = 2x - 3$

③ $3x + 4 = 1$

④ $2(x - 1) = x$

⑤ $5x + 4 = 6x - 5$

해설

$x = -1$ 을 대입해 보면

① (좌변) $= -2$, (우변) $= -6$

$\therefore$ (좌변) $\neq$ (우변)

② (좌변) $= -2$, (우변) $= -5$

$\therefore$ (좌변) $\neq$ (우변)

③ (좌변) $= 1$, (우변) $= 1$

$\therefore$ (좌변) $=$ (우변)

④ (좌변) $= -4$, (우변) $= -1$

$\therefore$ (좌변) $\neq$ (우변)

⑤ (좌변) $= -1$, (우변) $= -11$

$\therefore$ (좌변) $\neq$ (우변)

21. 등식 $\frac{1}{3}(x-y) = 2y+3$ 일 때, 다음 등식이 성립하는 정수 a, b 의 값을 각각 구하여라.

$$x = ay + b$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 7$

▷ 정답 : $b = 9$

해설

주어진 등식의 양변에 3을 곱하면

$$x - y = 6y + 9$$

$$x = 7y + 9$$

$$\therefore a = 7, b = 9$$

22. 일차방정식 $3(x + 2) = -2(3x - 1)$ 를 x 를 포함한 항은 좌변으로, 상수항은 우변으로 이항하여 정리하였을 때, x 의 계수와 상수항의 합은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

$$3(x + 2) = -2(3x - 1)$$

$$3x + 6 = -6x + 2$$

$$3x + 6x = 2 - 6$$

$$9x = -4$$

따라서 x 의 계수와 상수항의 합은 $9 - 4 = 5$ 이다.

23. 등식 $2x + 3 = ax - 1$ 이 x 에 대한 일차방정식이 되기 위한 a 의 조건은?

① $a \neq 2$

② $a \neq 3$

③ $a \neq -2$

④ $a \neq -3$

⑤ $a \neq 0$

해설

$$2x - ax + 3 + 1 = 0$$

$$(2 - a)x + 4 = 0$$

일차방정식이 되려면, $2 - a \neq 0$ 이어야 하므로 $a \neq 2$

24. $3\{-x + 2(x + 1) - 4\} = 18 - 5x$ 의 해가 $x = a$ 일 때, $a - \frac{a^2}{3}$ 의 값을 구하면?

① -2

② -1

③ 0

④ 1

⑤ 2

해설

$$3\{-x + 2(x + 1) - 4\} = 18 - 5x$$

$$3(-x + 2x + 2 - 4) = 18 - 5x$$

$$3(x - 2) = 18 - 5x$$

$$3x - 6 = 18 - 5x$$

$$8x = 24$$

$$x = 3$$

$$\therefore a = 3$$

$$\text{따라서 } a - \frac{a^2}{3} = 3 - \frac{3^2}{3} = 3 - 3 = 0 \text{ 이다.}$$

25. 방정식 $0.2(x+3) - 5 = 0.3x - 0.5(2-3x)$ 를 풀어라.

▶ 답:

▷ 정답: $x = -\frac{17}{8}$

해설

$$0.2(x+3) - 5 = 0.3x - 0.5(2-3x)$$

양변에 10을 곱하면

$$2(x+3) - 50 = 3x - 5(2-3x)$$

$$2x + 6 - 50 = 3x - 10 + 15x$$

$$2x - 44 = 18x - 10$$

$$-16x = 34$$

$$\therefore x = -\frac{17}{8}$$

26. 다음 방정식의 해를 구하면?

$$2x + 1 + \frac{2}{3} \left(-\frac{25}{4}x - 9 \right) = \frac{5x}{6} - 3x + 2$$

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 해가 없다

해설

주어진 방정식의 양변에 6 을 곱하면

$$12x + 6 - 25x - 36 = 5x - 18x + 12$$

$0 \times x = 42$ 이므로 해가 없다.

27. 두 수 x, y 에 관하여 $x \star y = (1-x)(1-y)$ 일 때, $(x-2) \star (2y-1) = (3x-1) \star (a-2)$ 이 x 의 값에 관계없이 항상 성립한다. $a+y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$ax + b = 0$ 이 x 의 값에 관계없이 항상 성립하려면, $a = b = 0$ 이다.

$$(1-x+2)(1-2y+1) = (1-3x+1)(1-a+2)$$

$$(3-x)(2-2y) = (2-3x)(3-9)$$

$$6-6y-2x+2xy = 6-2a-9x+3ax$$

$$(7+2y-3a)x + 2a-6y = 0$$

x 에 관계없이 항상 성립하므로

$$7+2y-3a = 0, \quad 2a-6y = 0$$

두 식을 연립하여 풀면

$$y = 1, \quad a = 3$$

$$\therefore a + y = 4$$

28. 등식 $3a + 4b = 4a$ 를 만족하는 a, b 에 대하여 $2 - \frac{3b}{a-b}$ 의 값이 x 에 관한 방정식 $p\left(\frac{1-x}{4} + 3\right) = x+1$ 의 해가 될 때, p 의 값을 구하여라.
(단, $a \neq b$)

▶ 답 :

▶ 정답 : $p = \frac{2}{3}$

해설

$3a + 4b = 4a$, $a = 4b$ 이다.

$$2 - \frac{3b}{a-b} = 2 - \frac{3b}{3b} = 1$$

따라서 방정식 $p\left(\frac{1-x}{4} + 3\right) = x+1$ 의 해는 1 이고, $3p = 2$

이므로 $p = \frac{2}{3}$ 이다.

29. 어떤 분수 x 를 기약분수로 고치면 $\frac{2}{7}$ 이고, 분모에서 6 을 빼고 분자에 4 를 더하면 $\frac{2}{3}$ 와 같아진다. 어떤 분수 x 를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : $\frac{6}{21}$

해설

$x = \frac{a}{b}$ 라 두면, $\frac{a}{b} = \frac{2}{7}$, $7a = 2b$, $b = \frac{7}{2}a$ 이다.

$\frac{a+4}{b-6} = \frac{2}{3}$ 에서 $3a + 12 = 2b - 12$

$b = \frac{7}{2}a$ 를 대입하면, $3a + 12 = 7a - 12$ 이므로 $a = 6$, $b = 21$ 이다.

$\therefore x = \frac{6}{21}$

30. 다음 비례식을 만족하는 x 의 값을 구한 것은?

$$\frac{1}{3} : 25 = -2.8(5x - 12) : 6x - 18$$

① $\frac{421}{176}$

② $\frac{423}{176}$

③ $\frac{425}{176}$

④ $\frac{427}{176}$

⑤ $\frac{429}{176}$

해설

$$-70(5x - 12) = \frac{1}{3}(6x - 18)$$

$$-350x + 840 = 2x - 6$$

$$x = \frac{423}{176}$$

31. 두 방정식 $2x - a = 3x - 2$, $0.6x - 3 = 2x - \frac{1}{5}$ 에 대하여 각 방정식의 해의 합은 1이다. 이때, $a^2 + \frac{1}{a^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$0.6x - 3 = 2x - \frac{1}{5} \text{ 에서}$$

$$6x - 30 = 20x - 2$$

$$14x = -28$$

$$x = -2$$

∴ 다른 방정식의 해는 3이다.

$2x - a = 3x - 2$ 에 $x = 3$ 을 대입하면

$$6 - a = 9 - 2$$

$$a = -1$$

$$\therefore a^2 + \frac{1}{a^2} = (-1)^2 + \frac{1}{(-1)^2} = 2$$

32. 다음 두 일차방정식의 해가 같을 때, 상수 $\frac{1}{a}$ 의 값을 구하여라.

$$\frac{2}{5}x - 0.7 = \frac{x-1}{2} \dots \textcircled{㉠}$$

$$x(2a-1) = -\frac{2}{3}x + 1 \dots \textcircled{㉡}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : -12

해설

㉠식의 해를 먼저 구한 후, 그 해를 ㉡식에 대입하여 a 에 관한 일차방정식을 만들어서 a 를 구한다.

$$\textcircled{㉠}\text{식} : \frac{2}{5}x - 0.7 = \frac{x-1}{2}$$

$$10\left(\frac{2}{5}x - 0.7\right) = 10\left(\frac{x-1}{2}\right)$$

$$4x - 7 = 5x - 5$$

$$-x = 2$$

$$x = -2$$

따라서 ㉠, ㉡ 식의 공통된 해는 $x = -2$ 이다.

㉡식 : $x(2a-1) = -\frac{2}{3}x + 1$ 에 $x = -2$ 를 대입한다.

$$-2(2a-1) = \frac{4}{3} + 1$$

$$-4a + 2 = \frac{7}{3}$$

$$-4a = \frac{1}{3}$$

$$a = -\frac{1}{12}$$

$$\begin{aligned} \text{따라서 } \frac{1}{a} &\text{ 는 } 1 \div a = 1 \div \left(-\frac{1}{12}\right) \\ &= 1 \times (-12) \\ &= -12 \end{aligned}$$

이다.