

1. 두 개의 연립방정식  $\begin{cases} ax - y = 5 \\ 5x + 3y = -1 \end{cases}$  와  $\begin{cases} 2x - y = 4 \\ x + by = 9 \end{cases}$  의 해가 일치하도록 정수  $a, b$ 의 값을 구하면?

①  $a = 3, b = -4$       ②  $a = 3, b = 4$

③  $a = -3, b = -4$       ④  $a = 4, b = 3$

⑤  $a = -3, b = 4$

해설

두 연립방정식의 해가 같으므로  $a, b$  가 없는 두 식을 연립해서 품다.

$y = 2x - 4$  를  $5x + 3y = -1$  에 대입하면

$$5x + 3(2x - 4) = -1, 11x = 11$$

$$\therefore x = 1$$

$$y = 2 - 4 = -2 \quad \therefore y = -2$$

$(1, -2)$  을  $ax - y = 5$  와  $x + by = 9$  에 대입하면

$$a + 2 = 5 \quad \therefore a = 3$$

$$1 - 2b = 9 \quad \therefore b = -4$$

2. 회정이네 반 학생들은 모두 35 명이고, 남학생 수가 여학생 수의 두 배보다 13 명이 작다고 한다. 남학생 수는?

- ① 16 명    ② 17 명    ③ 18 명    ④ 19 명    ⑤ 20 명

해설

남학생 수를  $x$  명, 여학생 수를  $y$  명이라 하면

$$\begin{cases} x + y = 35 \\ x = 2y - 13 \end{cases}$$

연립하여 풀면  $x = 19$ ,  $y = 16$ 이다.

3. 다음은 연립방정식과 그 해를 나타낸 것이다. 해를 바르게 구한 것은?

$$\textcircled{1} \quad \begin{cases} x + y - 1 = 0 \\ x - y + 7 = 0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = 3 \\ y = -2 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \quad \begin{cases} x + 2y - 8 = 0 \\ 3x + 2y - 4 = 0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ y = 5 \end{cases}$$

$$\textcircled{3} \quad \begin{cases} 8x + 5y = -11 \\ 4x + y = -7 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ y = -3 \end{cases}$$

$$\textcircled{4} \quad \begin{cases} \frac{1}{3}x - \frac{1}{4}y = \frac{1}{4} \\ \frac{1}{4}x - \frac{1}{5}y = \frac{2}{5} \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ y = -1 \end{cases}$$

$$\textcircled{5} \quad \begin{cases} 2x - y + 1 = 0 \\ x + 3y - 3 = 0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ y = 1 \end{cases}$$

해설

각각의 방정식에  $x, y$  값을 대입하여 두 방정식이 동시에 등식이 성립하면 연립방정식의 해이다.

4. 연립방정식  $4x - 7y - 8 = 5x + 3y = 7$ 의 해가 일차방정식  $3x + 2y = k$  을 만족할 때  $k$ 의 값은?

① 4      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

해설

$$\begin{cases} 4x - 7y - 8 = 7 \\ 5x + 3y = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 4x - 7y = 15 & \cdots (1) \\ 5x + 3y = 7 & \cdots (2) \end{cases}$$

(1)  $\times 3 + (2) \times 7$  하면  $47x = 94$

$x = 2$ ,

$x = 2$  를 (2)에 대입하면  $y = -1$

$x = 2, y = -1$  을  $3x + 2y = k$ 에 대입하면  $3 \times 2 + 2 \times (-1) = k$

$\therefore k = 4$

5. 연립방정식  $\begin{cases} ax + y = 3 \\ 4x - 2y = b \end{cases}$  의 해가 무수히 많을 때,  $a - b$ 의 값을 구하면?

① -8      ② -6      ③ -4      ④ 4      ⑤ 8

해설

해가 무수히 많을 조건은  $\frac{a}{4} = \frac{1}{-2} = \frac{3}{b}$  이므로  
 $a = -2, b = -6 \quad \therefore a - b = 4$

해설

해가 무수히 많으므로 두 식은 같은 식이다.  
 $ax + y = 3$  양변에 -2 를 곱하면  $-2ax - 2y = -6$   
 $4x - 2y = b$ 와 같은 식이므로  $a = -2, b = -6$   
 $\therefore a - b = 4$

6. 두 자리의 자연수에서 십의 자리를  $x$ , 일의 자리를  $y$  라고 할 때, 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 자연수는 처음 수보다 45 가 크다고 한다. 이를 미지수가 2 개인 일차방정식으로 나타내면?

①  $10y + x = (10x + y) - 45$       ②  $10y + x = (10x + y) + 45$

③  $10y + x + 45 = (10x + y)$       ④  $10x + y = (10y + x) + 45$

⑤  $10y + x = (10x + y) \times 45$

해설

처음 수의 십의 자리 숫자를  $x$ , 일의 자리 숫자를  $y$  라 하면 처음 수는  $10x+y$ , 나중 수는  $10y+x$  이다. 따라서  $10y+x = (10x+y)+45$  이다.

7. 다음 보기에서 일차방정식  $2x - 3y = 6$ 에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

- Ⓐ 어떤  $x$ 의 값에 대해서도  $y$ 의 값을 구할 수 있다.
- Ⓑ 주어진 일차방정식을 만족하는 순서쌍  $(x, y)$ 는 무수히 많다.
- Ⓒ 주어진 일차방정식의 해를 좌표평면 위에 나타내면 한 직선위의 점들이 된다.
- Ⓓ 일차방정식  $2x - 3y = 6$ 을 직선의 방정식이라고 한다.
- Ⓔ 직선 위에 있는 점의 좌표인 순서쌍  $(x, y)$  중에는 주어진 일차방정식의 해가 아닌 것도 있다.
- Ⓕ 그래프를 그리면 직선 그래프가 그려진다.

- ① Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ  
③ Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ, Ⓖ  
⑤ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ

- ② Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

- ④ Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ, Ⓖ

해설  
Ⓠ 직선 위의 모든 점들의 순서쌍  $(x, y)$ 는 일차방정식의 해이다.

8.  $x, y$ 에 관한 두 일차방정식  $y = ax + 5$  와  $bx + y = -c$ 의 해가  $(-1, 2)$  일 때, 상수  $a, b, c$ 에 대하여  $a^2 - b + c$ 의 값은?

① 4      ② 7      ③ 9      ④ 12      ⑤ 13

해설

$(-1, 2)$ 를  $y = ax + 5$ 에 대입하면  $2 = -a + 5$ , 따라서  $a = 3$

이고,

$(-1, 2)$ 를  $bx + y = -c$ 에 대입하면  $-b + 2 = -c$ , 따라서  $b - c = 2$  가 된다.

$$\therefore a^2 - b + c = a^2 - (b - c) = 9 - 2 = 7$$

9. 연립방정식  $\begin{cases} 3x + 4y + 2z = 11 \\ 4x + 5y - z = 3 \\ -2x + y + z = 7 \end{cases}$ 의 해가  $x = a, y = b, z = c$  일 때,  $abc$  의 값은?

- ① -2      ② -3      ③ -4      ④ -5      ⑤ -6

해설

$$\begin{cases} 3x + 4y + 2z = 11 & \cdots ① \\ 4x + 5y - z = 3 & \cdots ② \\ -2x + y + z = 7 & \cdots ③ \end{cases}$$

① + ② × 2 를 하면  $11x + 14y = 17 \cdots ④$

② + ③ 을 하면  $2x + 6y = 10 \Rightarrow x + 3y = 5 \cdots ⑤$

④ - ⑤ × 11 을 하면  $-19y = -38 \quad \therefore y = 2, x = -1$

$x = -1, y = 2$  를 ③ 식에 대입하면

$$2 + 2 + z = 7$$

$$\therefore z = 3$$

$$\therefore a = -1, b = 2, c = 3$$

$$\therefore abc = -6$$

10. 연립방정식  $\begin{cases} ax - by = -4 \\ 5x + cy = -2 \end{cases}$  을 푸는데,  $c$  를 잘못 보아  $x = -1, y = \frac{3}{2}$  을 해로 얻었다. 옳은 해가  $x = \frac{1}{2}, y = \frac{9}{4}$  일 때,  $a + b + c$  의 값은?  
(단,  $c$  는 옳은 값이다.)

① 5      ② 3      ③ 2      ④ 1      ⑤ 0

해설

옳은 해를 위의 두 방정식에 대입하면

$$\frac{1}{2}a - \frac{9}{4}b = -4 \cdots ①$$

$$\frac{5}{2} + \frac{9}{4}c = -2$$

$$\therefore c = -2$$

또한 잘못 얻은 해는 첫 번째 방정식을 만족하므로

$$\text{이것을 대입하면 } -a - \frac{3}{2}b = -4 \cdots ②$$

①과 ②을 연립해서 풀면  $a = 1, b = 2$

$$\therefore a + b + c = 1 + 2 - 2 = 1$$

11. 둘레의 길이가 1km인 원형 트랙을 A, B 두 사람이 같은 지점에서 서로 반대 방향으로 동시에 출발하면 2분 후에 만나고, 같은 방향으로 출발하면 12분 후에 만난다고 한다. 이 때, 두 사람의 속력을 구하면? (A가 B보다 빠르다고 한다.)

- ① A :  $\frac{875}{3}$ m/분, B :  $\frac{635}{3}$ m/분  
② A :  $\frac{865}{3}$ m/분, B :  $\frac{625}{3}$ m/분  
③ A :  $\frac{875}{3}$ m/분, B :  $\frac{605}{3}$ m/분  
④ A :  $\frac{865}{3}$ m/분, B :  $\frac{605}{3}$ m/분  
⑤ A :  $\frac{875}{3}$ m/분, B :  $\frac{625}{3}$ m/분

해설

A의 속력을  $x$ m/분, B의 속력을  $y$ m/분라 하면  
서로 반대방향으로 출발하여 서로 만났다는 것은 A, B 두 사람이  
2분 동안 걸은 거리의 합은 원형 트랙의 길이와 같다.

따라서  $2x + 2y = 1000$  이다.

같은 방향으로 출발하여 12분 후 다시 만났다고 하는 것은 A가  
걸은 거리와 B가 걸은 거리의 차가 원형 트랙의 둘레의 길이와  
같다.

따라서  $12x - 12y = 1000$  이다.

두식을 연립하여 풀면

$$\therefore y = \frac{625}{3}, x = \frac{875}{3}$$

$$\therefore A : \frac{875}{3}$$
m/분, B :  $\frac{625}{3}$ m/분

12. 연립방정식  $\begin{cases} 10x - y = 14 & \cdots \textcircled{\text{①}} \\ -3x + ay = 3a & \cdots \textcircled{\text{②}} \end{cases}$  을 만족하는  $x$ 와  $y$ 의 비가  $1 : 3$  일 때,  $a$ 의 값을 구하여라.

① -3      ② -2      ③ -1      ④ 1      ⑤ 2

해설

$x : y = 1 : 3$ ,  $y = 3x$  를 ①식에 대입하면  
 $10x - 3x = 14$ ,  $x = 2$ ,  $y = 6$   
②식에 대입하면  $-6 + 6a = 3a$ ,  $\therefore a = 2$

13. 연립방정식  $\begin{cases} 0.8x + 0.8y = 2 \\ 0.3x + \frac{b}{5}y = 0.5 \end{cases}$  의 해가 무수히 많을 때,  $ab$ 의 값은?

- ① 10      ② 11      ③ 12      ④ 13      ⑤ 14

해설

$$\begin{cases} 0.8x + 0.8y = 2 \\ 0.3x + \frac{b}{5}y = 0.5 \end{cases} \text{에서 } \begin{cases} ax + 8y = 20 \\ 3x + 2by = 5 \end{cases}$$

$$\frac{a}{3} = \frac{8}{2b} = \frac{20}{5}, \frac{a}{3} = \frac{4}{b} = 4, a = 12, b = 1$$

$$\therefore ab = 12$$

14. 소양이와 현진이가 가위바위보를 하여 이긴 사람은 4계단 올라가고, 진 사람은 3계단 내려가기로 하였다. 가위바위보를 하고나니 소양이는 처음보다 8계단 위에 현진이는 1계단 위에 있었다. 소양이가 이긴 횟수를  $a$ , 현진이가 이긴 횟수를  $b$  라고 했을 때,  $\frac{a^2 - ab + b^2}{a + b}$  의 값은?

①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{2}{3}$       ③  $\frac{4}{3}$       ④  $\frac{6}{3}$       ⑤  $\frac{7}{3}$

해설

$$\begin{cases} 4a - 3b = 8 \\ 4b - 3a = 1 \end{cases}$$
$$\Rightarrow \begin{array}{r} 12a - 9b = 24 \\ +) -12a + 16b = 4 \\ \hline 7b = 28 \end{array}$$

$$\therefore b = 4$$

$$4a - 3 \times 4 = 8, \quad 4a = 20, \quad a = 5$$
$$\frac{a^2 - ab + b^2}{a + b} = \frac{25 - 20 + 16}{5 + 4} = \frac{21}{9} = \frac{7}{3}$$

15. A 중학교 작년의 총 학생수는 1200 명이었다. 올해는 작년보다 남학생은 5% 증가하고, 여학생은 4% 감소하여 전체적으로 0.5% 증가하였다. 이 학교의 올해의 남학생 수는?

- ① 610 명      ② 615 명      ③ 620 명  
④ 625 명      ⑤ 630 명

해설

작년 남학생 수를  $x$ , 여학생 수를  $y$  라 하면

$$\begin{cases} x + y = 1200 \\ 0.05x - 0.04y = 0.005 \times 1200 \end{cases}$$

두 식을 연립하여 풀면  $x = 600$ ,  $y = 600$  이다.

따라서 올해의 남학생 수는  $600 \times (1 + 0.05) = 630$  (명)이다.