

1. 다음 중 틀린 것을 모두 고르시오.

- ① $6 : 3$ 의 전항과 후항에 0 을 곱하여도 비의 값은 같습니다.
- ② $4 : 6$ 의 비의 값은 $8 : 12$ 의 비의 값과 같습니다.
- ③ $2 : 5$ 의 전항에만 3 을 곱해도 비의 값에는 변함이 없습니다.
- ④ $4 : 7$ 의 전항과 후항에 2 를 나누어도 비의 값은 같습니다.
- ⑤ $3 : 9$ 의 비의 값은 $1 : 3$ 의 비의 값과 같습니다.

해설

비의 전항과 후항에 0 이 아닌 같은 수를 곱하거나 나누어도 비의 값은 같습니다.

① $6 : 3$ 의 전항과 후항에 0 을 곱할 경우 $0 : 0$ 이 되므로 비의 값은 같다고 할 수 없습니다.

③ $2 : 5$ 의 전항에만 3 을 곱하면 비의 값이 변한다. 전항과 후항에 3 을 곱해야 비의 값에 변함이 없습니다.

2. 비례식 $3 : \square = 18 : 12$ 에서 \square 를 구하는 식으로 알맞은 것은 어느 것인지 고르시오.

① $3 \times 12 \times 18$

② $3 \times 12 \div 18$

③ $18 \div 3 \times 12$

④ $18 \times 12 \div 3$

⑤ $18 \div 3 \div 12$

해설

비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱이 같다는 성질을 이용한다.

$$\square \times 18 = 3 \times 12,$$

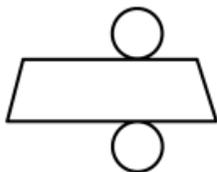
$$\square = 3 \times 12 \div 18$$

3. 다음 중 원기둥의 전개도는 어느 것입니까?

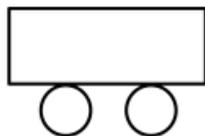
①



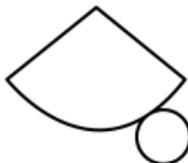
②



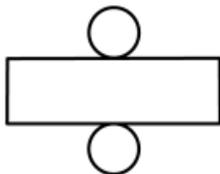
③



④



⑤



해설

원기둥의 전개도를 그리면 옆면은 직사각형이고, 직사각형의 위, 아래에 합동인 원이 있습니다.

4. y 는 x 에 반비례하고 $x = 6$ 일 때, $y = \frac{1}{2}$ 입니다. $x = 9$ 일 때, y 의 값을 구하시오.

① 9

② 3

③ $\frac{1}{3}$

④ $\frac{2}{3}$

⑤ 4

해설

반비례 관계는 $x \times y$ 의 값이 일정하므로

$$x \times y = 6 \times \frac{1}{2} = 3$$

따라서 관계식은 $x \times y = 3$ 입니다.

$$\text{그러므로 } 9 \times y = 3, y = \frac{1}{3}$$

5. y 가 x 에 반비례하고, $x = 3$ 일 때, $y = 6$ 입니다. $x = 9$ 일 때, y 의 값을 고르시오.

① 3

② 5

③ 6

④ 1

⑤ 2

해설

반비례 관계는 $x \times y$ 의 값이 일정하므로

$$3 \times 6 = 9 \times y$$

$$y = 2$$

6. 크기가 같은 정육면체 모양의 쌓기나무 여러 개를 쌓아 정육면체를 만들려고 합니다. 넷째 번으로 작은 정육면체를 만들 때, 필요한 쌓기나무는 모두 몇 개입니까? (단, 쌓기나무는 2개 이상 사용되어야 합니다.)

① 216 개

② 125 개

③ 64 개

④ 81 개

⑤ 27 개

해설

첫 번째 모양 : $2 \times 2 \times 2 = 8$

두 번째 모양 : $3 \times 3 \times 3 = 27$

세 번째 모양 : $4 \times 4 \times 4 = 64$

네 번째 모양 : $5 \times 5 \times 5 = 125$

다섯 번째 모양 : $6 \times 6 \times 6 = 216$

7. 안에 알맞은 수를 차례로 바르게 써 넣은 것을 고르시오.

$$(1) 2 : 3 = 12 : \square$$

$$(2) 18 : 15 = \square : 5$$

① 8,6

② 6,8

③ 8,9

④ 18,9

⑤ 18,6

해설

$$(1) 2 : 3 = 12 : \square \text{ 에서}$$

$$2 \times \square = 12 \times 3$$

$$\square = 36 \div 2 = 18$$

$$(2) 18 : 15 = \square : 5 \text{ 에서}$$

$$15 \times \square = 18 \times 5$$

$$\square = 90 \div 15 = 6$$

8. 다음 중 부피가 가장 큰 입체도형은 어느 것입니까?

- ① 지름이 6 cm 이고, 높이가 9 cm 인 원기둥
- ② 반지름이 4 cm 이고, 높이가 5 cm 인 원기둥
- ③ 한 모서리가 7 cm 인 정육면체
- ④ 겉넓이가 216 cm^2 인 정육면체
- ⑤ 밑면의 원주가 15.7 cm 이고, 높이가 6 cm 인 원기둥

해설

① $3 \times 3 \times 3.14 \times 9 = 254.34(\text{cm}^3)$

② $4 \times 4 \times 3.14 \times 5 = 251.2(\text{cm}^3)$

③ $7 \times 7 \times 7 = 343(\text{cm}^3)$

④ 한 모서리의 길이를 \square cm 라 하면

$\square \times \square \times 6 = 216, \square \times \square = 36, \square = 6$

따라서 부피는 $6 \times 6 \times 6 = 216(\text{cm}^3)$ 입니다.

⑤ 밑면의 반지름이 $15.7 \div 3.14 \div 2 = 2.5(\text{cm})$

이므로 부피는 $2.5 \times 2.5 \times 3.14 \times 6 = 117.75(\text{cm}^3)$ 입니다.

9. 밑면의 원주가 18.84 cm 이고, 높이가 7 cm 인 원기둥 모양의 물통에 물을 가득 채웠습니다. 물의 양은 몇 mL인지 구하시오.

▶ 답: mL

▷ 정답: 197.82 mL

해설

밑면의 반지름은

$$18.84 \div 3.14 \div 2 = 3(\text{cm})$$

(부피)=(밑넓이) \times (높이) 이므로

$$3 \times 3 \times 3.14 \times 7 = 197.82(\text{cm}^3) = 197.82(\text{mL})$$

10. 원뿔에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 고르시오.

- ① 원뿔의 꼭짓점은 1개입니다.
- ② 모선은 2개입니다.
- ③ 옆면의 모양은 평면입니다.
- ④ 밑면이 2개입니다.
- ⑤ 모선의 길이는 모두 같습니다.

해설

- ② 원뿔의 모선은 수없이 많습니다.
- ③ 원뿔의 옆면의 모양은 곡면입니다.
- ④ 원뿔의 밑면은 1개입니다.

12. 다음 대응표를 x 와 y 의 관계식을 구하시오.

| | | | | | | | |
|-----|----|---|---|----------------|----------------|-----|----|
| x | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | ... | 18 |
| y | 18 | 9 | 6 | $4\frac{1}{2}$ | $3\frac{3}{5}$ | ... | 1 |

▶ 답:

▷ 정답: $x \times y = 18$

해설

y 가 x 에 반비례하므로

$x \times y = \square$ 에 $x = 1, y = 18$ 을 대입하면

$$\square = 1 \times 18 = 18$$

따라서 구하는 관계식은 $x \times y = 18$ 입니다.

13. 다음을 계산하시오.

$$\left(\frac{2}{5} + 1.4\right) \div 0.9 \times 2\frac{1}{3}$$

① $2\frac{1}{3}$

② $2\frac{2}{3}$

③ $4\frac{1}{3}$

④ $4\frac{2}{3}$

⑤ 4

해설

$$\left(\frac{2}{5} + 1.4\right) \div 0.9 \times 2\frac{1}{3}$$

$$= (0.4 + 1.4) \div 0.9 \times 2\frac{1}{3}$$

$$= 1.8 \div 0.9 \times 2\frac{1}{3}$$

$$= 2 \times \frac{7}{3} = \frac{14}{3} = 4\frac{2}{3}$$

14. 다음 사다리꼴의 넓이를 구하시오.

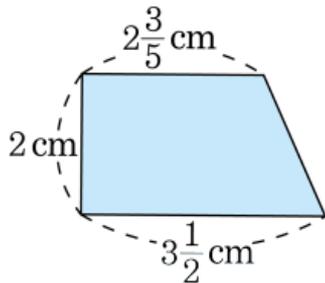
① $5\frac{1}{10} \text{ cm}^2$

② $5\frac{3}{10} \text{ cm}^2$

③ $6\frac{1}{10} \text{ cm}^2$

④ $6\frac{3}{10} \text{ cm}^2$

⑤ $7\frac{1}{10} \text{ cm}^2$



해설

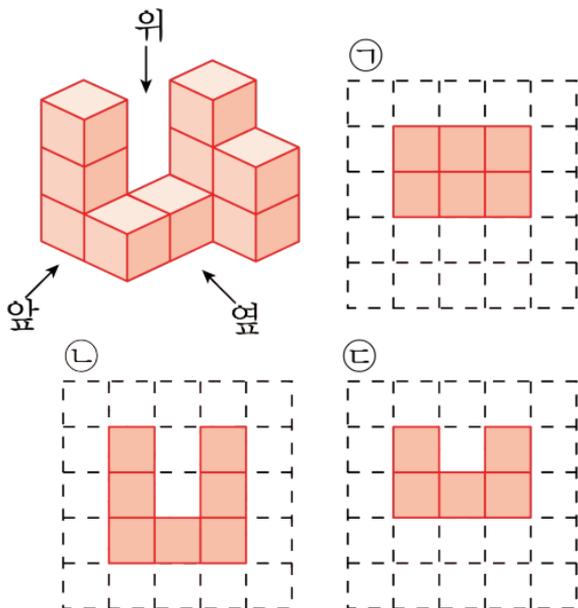
$$(\text{사다리꼴의 넓이}) = (\text{위변} + \text{아랫변}) \times (\text{높이}) \div 2$$

$$= \left(2\frac{3}{5} + 3\frac{1}{2}\right) \times 2 \div 2$$

$$= 6\frac{1}{10} \times 2 \div 2$$

$$= 6\frac{1}{10} (\text{cm}^2)$$

15. 다음 모양에서 3층의 쌓기나무를 뺀 나머지를 옆에서 본 모양은 어느 것입니까?



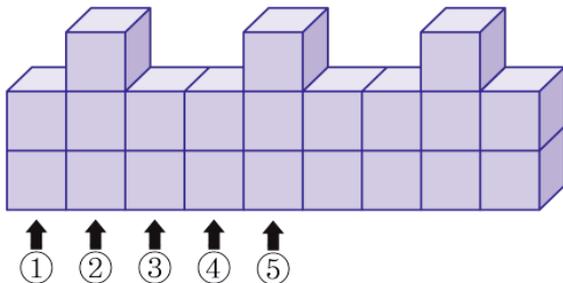
▶ 답 :

▶ 정답 : ㉢

해설

3층을 빼야하므로 각 줄에 2개까지만 나타냅니다.
 옆에서 보았을 때 첫째 줄은 2개, 둘째 줄은 1개,
 셋째 줄은 2개를 나타냅니다.

16. 아래와 같은 규칙에 따라 쌓기나무를 쌓는다면, 100 번 자리에는 몇 개의 쌓기나무가 있어야 하는지 구하시오.



▶ 답 : 개

▷ 정답 : 2 개

해설

그림의 쌓기나무 갯수를 보면

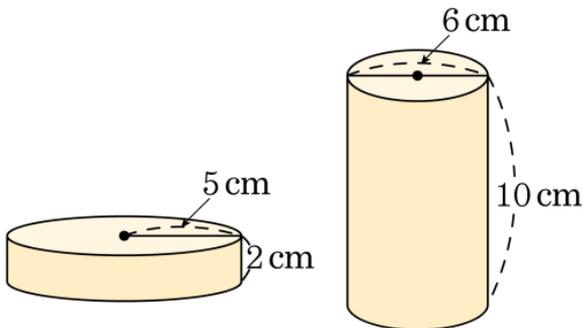
$2 - 3 - 2 - 2 - 2 - 3 - 2 \dots$ 로 $(2 - 3 - 2)$ 가 반복되는 규칙입니다.

$$100 \div 3 = 33 \dots 1$$

따라서 100 번자리 쌓기나무는

$(2 - 3 - 2)$ 를 33번 반복한 후, 첫번째 자리이므로 2개입니다.

17. 두 원기둥의 부피의 차를 구하시오.



▶ 답 : cm^3

▷ 정답 : 125.6 cm^3

해설

(왼쪽 원기둥의 부피)

$$= 5 \times 5 \times 3.14 \times 2 = 157(\text{cm}^3)$$

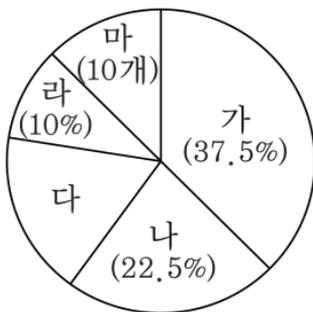
(오른쪽 원기둥의 부피)

$$= 3 \times 3 \times 3.14 \times 10 = 282.6(\text{cm}^3)$$

두 원기둥의 부피의 차는

$$282.6 - 157 = 125.6(\text{cm}^3)$$

19. 원그래프를 보고, 빈 곳에 알맞게 차례대로 써넣으시오.



| 항목 | 가 | 나 | 다 | 라 | 마 |
|----|-------|-------|---|-----|-----|
| 비율 | 37.5% | 22.5% | ② | 10% | ⑤ |
| 개수 | 30개 | ① | ③ | ④ | 10개 |

▶ 답: 개

▶ 답: %

▶ 답: 개

▶ 답: 개

▶ 답: %

▷ 정답: 18 개

▷ 정답: 17.5 %

▷ 정답: 14 개

▷ 정답: 8 개

▷ 정답: 12.5 %

해설

전체 개수는 $30 \div 0.375 = 80$ (개) 이므로

① $80 \times 0.225 = 18$ (개)

④ $80 \times 0.1 = 8$ (개)

⑤ $\frac{10}{80} \times 100 = 12.5$ (%)

③ $80 - (30 + 18 + 8 + 10) = 14$ (개)

② $\frac{14}{80} \times 100 = 17.5$ (%)

20. 감이 50 개 있습니다. 하루에 4 개씩 먹을 때 먹은 날 수를 Δ 일, 남은 감의 개수를 \square 개라고 할 때, 먹은 날 수와 남은 감의 개수의 관계를 Δ , \square 를 사용하여 식으로 나타낸 것은 어느 것입니까?

① $\square = \Delta \times 4 - 50$

② $\Delta = \square \times 4 + 50$

③ $\square = 50 - (\Delta \times 4)$

④ $\square = 50 + (\Delta \times 4)$

⑤ $\square = 50 - (\Delta \div 4)$

해설

대응표를 만들면

| | | | | | |
|-----------|----|----|----|----|----|
| Δ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| \square | 46 | 42 | 38 | 34 | 30 |

먼저 먹은 날 수와 먹은 개수의 관계를 생각하면

‘(날 수) \times 4’가 됩니다. 남은 개수는

‘50 - (먹은 개수)’이므로 ‘먹은 개수’ 대신

‘(날 수) \times 4’를 씁니다. 따라서,

(남은 개수) = 50 - (날 수) \times 4 가 되어

날 수 대신 Δ 를, 남은 개수 대신 \square 를 사용하면

관계식 $\square = 50 - (\Delta \times 4)$ 를 얻을 수 있습니다.

21. 갑, 을 두 사람이 과자를 가지고 있었습니다. 갑은 갖고 있던 과자의 $\frac{2}{3}$ 를 먹고, 을은 갖고 있던 과자의 $\frac{1}{4}$ 를 먹었더니 갑과 을의 남은 과자의 비가 2:1이 되었습니다. 갑과 을이 처음 갖고 있던 과자의 비를 가장 작은 자연수의 비로 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 9:2

해설

갑이 갖고 있는 전체 과자의 양 : ○

을이 갖고 있는 전체 과자의 양 : □

갑이 먹고 남은 과자의 양 : $\text{○} \times \left(1 - \frac{2}{3}\right) = \text{○} \times \frac{1}{3}$

을이 먹고 남은 과자의 양 : $\text{□} \times \left(1 - \frac{1}{4}\right) = \text{□} \times \frac{3}{4}$

$$\begin{aligned} (\text{갑}):(\text{을}) &= \text{○} \times \frac{1}{3} : \text{□} \times \frac{3}{4} \\ &= \text{○} \times \frac{1}{3} \times 12 : \text{□} \times \frac{3}{4} \times 12 \\ &= \text{○} \times 4 : \text{□} \times 9 \end{aligned}$$

$$\text{○} \times 4 : \text{□} \times 9 = 2 : 1$$

$$\text{○} \times 4 \times 1 = \text{□} \times 9 \times 2$$

$$\text{○} \times 4 = \text{□} \times 18$$

$$\text{○} : \text{□} = 18 : 4 = 9 : 2$$

22. 다음 원그래프는 딸기밭에서 네 사람이 딴 딸기의 무게를 조사한 것입니다. 영지와 석호가 딴 딸기의 무게는 200 kg, 석호와 한수가 딴 딸기의 무게는 220 kg, 한수와 영지가 딴 딸기의 무게는 120 kg입니다. 동우가 딴 딸기의 무게를 구하시오.



▶ 답: kg

▷ 정답: 54 kg

해설

석호, 영지, 한수가 딴 딸기의 무게는

$$(200 + 220 + 120) \div 2 = 270(\text{kg})$$

석호, 영지, 한수의 중심각의 합은 300° 이므로

전체 딸기의 무게는

$$270 \div \frac{300}{360} = 270 \times \frac{360}{300} = 324(\text{kg})$$

동우가 딴 딸기의 무게는

$$324 - 270 = 54(\text{kg})$$

23. 정수네 반은 남학생이 전체 학생 수의 50%보다 2명이 많고, 여학생은 전체 학생 수의 $\frac{1}{4}$ 보다 12명이 많습니다. 정수네 반 학생 수는 모두 몇 명인지 고르시오.

- ① 52명 ② 53명 ③ 54명 ④ 55명 ⑤ 56명

해설

$$\text{남학생 : 전체의 } 50\% + 2\text{명} = \text{전체의 } \frac{1}{2} + 2\text{명}$$

$$\text{여학생 : 전체의 } \frac{1}{4} + 12\text{명}$$

(전체 학생수)

$$= (\text{남학생 수}) + (\text{여학생 수})$$

$$= \left(\text{전체의 } \frac{1}{2} + 2\text{명} \right) + \left(\text{전체의 } \frac{1}{4} + 12\text{명} \right)$$

$$= \left(\text{전체의 } \frac{2}{4} + 2\text{명} \right) + \left(\text{전체의 } \frac{1}{4} + 12\text{명} \right)$$

$$= \left(\text{전체의 } \frac{3}{4} \right) + (14\text{명}) \text{ 전체 학생은 } \frac{4}{4} \text{ 이므로}$$

전체 학생의 $\frac{1}{4}$ 은 곧 14명입니다.

$$(\text{전체 학생수}) = 14 \times 4 = 56 (\text{명})$$

24. 길이가 서로 다른 3개의 막대 A, B, C가 있습니다. 막대 A의 길이는 막대 B의 길이의 $\frac{2}{3}$ 이고, 막대 C의 길이의 $\frac{3}{4}$ 입니다. 또한 막대 B와 막대 C의 길이의 차는 15 cm입니다. 이 때, 세 막대의 길이의 합을 구하시오.

① 300 cm

② 315 cm

③ 330 cm

④ 345 cm

⑤ 360 cm

해설

막대 A의 길이를 1로 보면

$$\text{막대 B의 길이는 } 1 \div \frac{2}{3} = 1 \times \frac{3}{2} = \frac{3}{2},$$

$$\text{막대 C의 길이는 } 1 \div \frac{3}{4} = \frac{4}{3}$$

막대 B와 막대 C의 길이의 차는 $\frac{3}{2} - \frac{4}{3} = \frac{1}{6}$ 이므로

$$\text{막대 A의 길이를 } \square \text{라고 하면 } \square \times \frac{1}{6} = 15(\text{cm})$$

따라서 막대 A의 길이는 $15 \times 6 = 90(\text{cm})$

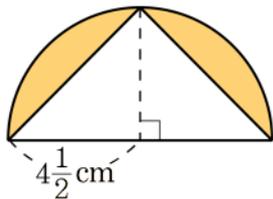
$$\text{막대 B의 길이는 } \frac{3}{2} \times 90 = 135(\text{cm})$$

$$\text{막대 C의 길이는 } \frac{4}{3} \times 90 = 120(\text{cm})$$

따라서 세 막대의 길이의 합은

$$90 + 135 + 120 = 345(\text{cm})$$

25. 다음 도형에서 색칠한 부분의 넓이를 구하시오.



① 10.125 cm^2

② $11\frac{217}{400} \text{ cm}^2$

③ 11.2625 cm^2

④ $12\frac{113}{400} \text{ cm}^2$

⑤ 12.472 cm^2

해설

다음과 같이 반원에서 삼각형의 넓이를 빼어서 구합니다.



$$\begin{aligned}
 & 4\frac{1}{2} \times 4\frac{1}{2} \times 3.14 \times \frac{1}{2} - 9 \times 4\frac{1}{2} \div 2 \\
 &= \frac{9}{2} \times \frac{9}{2} \times \frac{314}{100} \times \frac{1}{2} - 9 \times \frac{9}{2} \times \frac{1}{2} \\
 &= \frac{12717}{400} - \frac{81}{4} = \frac{12717}{400} - \frac{8100}{400} = \frac{4617}{400} \\
 &= 11\frac{217}{400} (= 11.5425) (\text{cm}^2)
 \end{aligned}$$