

1. 다음 수직선 위에서 점 P 가 나타내는 수는?

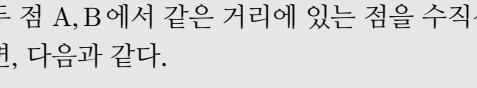


- ① $-2\frac{3}{5}$ ② $-1\frac{1}{5}$ ③ $-1\frac{4}{5}$ ④ $-\frac{3}{5}$ ⑤ $-\frac{1}{5}$

해설

$$(-1) + \left(-\frac{1}{5}\right) = -1\frac{1}{5}$$

2. A 는 -2 보다 5 큰 수이고 B 는 1 보다 4 작은 수 일 때, 두 점 A, B에서 같은 거리에 있는 점을 아래 수직선에서 찾으면?



- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

해설

-2보다 5 큰 수는 3이므로 A가 나타내는 수는 3이고,
1보다 4 작은 수는 -3이므로 B가 나타내는 수는 -3이다.
따라서 두 점 A,B에서 같은 거리에 있는 점을 수직선을 이용하여 구하면, 다음과 같다.



3. $\frac{12}{x}$ 에서 분모가 절댓값이 5보다 작은 정수일 때, 정수인 $\frac{15}{x}$ 의 개수는?

① 3개 ② 4개 ③ 6개 ④ 8개 ⑤ 9개

해설

$x = -4, -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, 4$ 이므로

$\frac{12}{x}$ 중 정수인 것은

$-\frac{12}{4}, -\frac{12}{3}, -\frac{12}{2}, -\frac{12}{1}, \frac{12}{1}, \frac{12}{2}, \frac{12}{3}, \frac{12}{4}$ 이다.

$\frac{12}{1}, -3, -4, -6, -12, 12, 6, 4, 3$ 의 8개이다.

4. $\frac{4}{9} < X < \frac{7}{12}$ 를 만족하는 분수 X 에서 분자가 28인 분수의 개수를 a ,
분자가 56인 분수의 개수를 b 라 할 때 $\frac{a}{b}$ 의 값으로 알맞은 것은?

① $\frac{16}{11}$ ② $\frac{16}{22}$ ③ $\frac{14}{29}$ ④ $\frac{16}{44}$ ⑤ $\frac{16}{55}$

해설

$$\frac{4}{9} = \frac{28}{63}, \quad \frac{7}{12} = \frac{28}{48}$$

$$\frac{28}{63} < X < \frac{28}{48}$$

$x = \frac{28}{62}, \frac{28}{61}, \dots, \frac{28}{49}$ 이므로 14이다.

$$\frac{4}{9} = \frac{56}{126}, \quad \frac{7}{12} = \frac{56}{96}$$

$$\frac{56}{126} < X < \frac{56}{96}$$

$x = \frac{56}{125}, \frac{56}{124}, \dots, \frac{56}{97}$ 이므로 $b = 29$ 이다.

따라서 $\frac{a}{b} = \frac{14}{29}$ 이다.

5. 다음 수를 작은 순서로 나열할 때, 두 번째 오는 수는?

$$-6, +4, 0, -2, 6$$

- ① -6 ② $+4$ ③ 0 ④ -2 ⑤ 6

해설

주어진 수들을 작은 순서대로 나열하면 $-6, -2, 0, +4, 6$ 이므로 두 번째 수는 -2 이다.

6. $-\frac{7}{3}$ 보다 크고 $\frac{11}{4}$ 보다 작은 수 중 분모가 3인 기약분수의 개수는?

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

$$-\frac{5}{3}, -\frac{4}{3}, -\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{4}{3}, \frac{5}{3}, \frac{7}{3}, \frac{8}{3}$$

$\therefore 10$ 개

7. 수직선에서 -4 와 3 에 대응하는 점에서 같은 거리에 있는 점이 나타내는 수는?

- ① -1 ② -0.5 ③ 0.5 ④ 1 ⑤ 1.5

해설

-4 와 3 의 거리는 7 이므로

같은 거리에 있는 점이 나타내는 수는 $-4 + 7 \times \frac{1}{2} = -0.5$ 이다.

8. 다음 중 바르게 계산한 것을 고르면?

① $(+7) + (+5) = +14$ ② $(-5) + (+2) = -3$

③ $(+7) + (-7) = 0$ ④ $0 + (-3) = 3$

⑤ $(-3) + (-5) = +8$

해설

① $(+7) + (+5) = +12$

③ $(+7) + (-7) = 0$

④ $0 + (-3) = -3$

⑤ $(-3) + (-5) = -8$

9. 다음 <보기>의 ⑦, ⑧에 넣을 것을 바르게 짹지은 것은?

역사상 가장 위대한 수학자 중 한명인 가우스는 어렸을 때, 1부터 100까지의 자연수의 합을 구하라는 문제를 보고 순식간에 문제를 풀어내 선생님을 깜짝 놀라게 했다고 한다. 다음은 1부터 100까지의 합을 구하는 식이다.

$$\begin{aligned} & 1+2+3+4+\cdots+50+51+\cdots+98+99+100 \quad [⑦] \\ & =1+100+2+99+3+98+\cdots+50+51 \quad \boxed{\text{⑧}} \\ & =101+101+101+\cdots+101 \quad \boxed{\text{⑨}} \\ & =101 \times 50 \\ & =5050 \end{aligned}$$

① ⑦ 교환법칙, ⑧ 결합법칙 ② ⑦ 분배법칙, ⑧ 교환법칙

③ ⑦ 결합법칙, ⑧ 분배법칙 ④ ⑦ 결합법칙, ⑧ 교환법칙

⑤ ⑦ 교환법칙, ⑧ 분배법칙

해설

⑦ : 교환법칙, ⑧ : 결합법칙

10. $a > 0$, $b < 0$ 인 두 정수 a , b 에 대하여 a 의 절댓값은 b 의 절댓값의 3 배이고, a , b 에 대응하는 수직선 위의 두 점 사이의 거리는 12 이다. 이 때, $a + b$ 의 값은?

① -6 ② -3 ③ 0 ④ 3 ⑤ 6

해설

a , b 에 대응하는 수직선 위의 두 점 사이의 거리가 12이고
 a 의 절댓값은 b 의 절댓값의 3배이므로

$$a \text{의 절댓값은 } 12 \times \frac{3}{1+3} = 9 \text{ 이고}$$

$$b \text{의 절댓값은 } 12 \times \frac{1}{1+3} = 3 \text{ 이다.}$$

$a > 0$, $b < 0$ 이므로 $a = +9$, $b = -3$ 이다.

$$\therefore a + b = 9 + (-3) = 6$$

11. 다음 정수의 계산으로 옳은 것은?

- | | |
|----------------------|---------------------|
| ① $(-1) - (-6) = 7$ | ② $(+5) - (-5) = 0$ |
| ③ $0 - (-4) = 0$ | ④ $(+6) - (+4) = 2$ |
| ⑤ $(-7) - (+2) = -5$ | |

해설

- ① 5
② 10
③ 4
④ -9

12. 다음 중 계산 결과가 가장 큰 것은?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \quad 2 - 5 + \frac{1}{2} & \textcircled{2} \quad -\frac{1}{3} + 6 + \frac{5}{3} & \textcircled{3} \quad 10.5 - 9 + 2.5 \\ \textcircled{4} \quad -\frac{5}{2} - \frac{5}{6} + \frac{4}{3} & \textcircled{5} \quad 2 + \frac{7}{8} - \frac{1}{4} & \end{array}$$

해설

$$\textcircled{1} \quad \frac{4 - 10 + 1}{2} = -\frac{5}{2}$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{-1 + 18 + 5}{3} = \frac{22}{3}$$

$$\textcircled{3} \quad 4$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{-15 - 5 + 8}{6} = -2$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{16 + 7 - 2}{8} = \frac{21}{8}$$

13. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 절댓값이 4미만인 정수는 9개이다.
- ② -3 보다 $\frac{1}{4}$ 작은 수는 $-\frac{13}{4}$ 이다.
- ③ 절댓값이 같고 부호가 다른 두 유리수의 합은 항상 0이다.
- ④ 모든 정수는 유리수이다.
- ⑤ 두 음수에서는 절댓값이 클수록 작다.

해설

- ① $|a| < 4$, $a = -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3$ (7개)

14. $0.3 + \frac{1}{2} - \square + 0.5 + \frac{1}{6} = \frac{11}{15}$ 일 때, \square 안에 알맞은 수는?

- ① $\frac{11}{15}$ ② $\frac{13}{15}$ ③ 1 ④ $\frac{17}{15}$ ⑤ $\frac{19}{15}$

해설

$$\frac{4}{5} - \square + \frac{2}{3} = \frac{11}{15}$$

$$-\square = \frac{11}{15} - \frac{4}{5} - \frac{2}{3}$$
$$= \frac{11 - 12 - 10}{15}$$

$$\therefore \square = \frac{11}{15}$$

15. $\frac{1}{5}$ 에서 어떤 유리수 a 를 빼야 하는데 잘못하여 $\frac{5}{6}$ 에서 뺐더니 $-\frac{3}{15}$

이 되었다. 바르게 계산한 것을 고르면?

① -1 ② $-\frac{3}{2}$ ③ $-\frac{2}{3}$ ④ $-\frac{6}{5}$ ⑤ $-\frac{5}{6}$

해설

$$\frac{5}{6} - a = -\frac{3}{15}, -a = -\frac{3}{15} - \frac{5}{6} = \frac{-6 - 25}{30} = -\frac{31}{30}, a = \frac{31}{30}$$

바르게 계산한 결과는

$$\frac{1}{5} - \frac{31}{30} = \frac{6 - 31}{30} = -\frac{25}{30} = -\frac{5}{6}$$

16. 다음 중 그 계산 결과가 나머지 넷과 다른 것은?

- ① $(-4) \times (+1)$ ② $(-1) \times (-4)$ ③ $(+1) \times (+4)$
④ $(+2) \times (+2)$ ⑤ $(-2) \times (-2)$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad & (-4) \times (+1) = -(4 \times 1) = -4 \\ \textcircled{2} \quad & (-1) \times (-4) = +(1 \times 4) = +4 \\ \textcircled{3} \quad & (+1) \times (+4) = +(1 \times 4) = +4 \\ \textcircled{4} \quad & (+2) \times (+2) = +(2 \times 2) = +4 \\ \textcircled{5} \quad & (-2) \times (-2) = +(2 \times 2) = +4 \end{aligned}$$

17. 네 유리수 $\frac{5}{3}$, $-\frac{2}{15}$, -8 , $-\frac{3}{7}$ 중에서 서로 다른 세 수를 뽑아 곱한 값 중 가장 작은 수는?

① -8 ② $-\frac{40}{7}$ ③ $-\frac{16}{9}$ ④ $-\frac{16}{35}$ ⑤ $-\frac{2}{21}$

해설

주어진 네 유리수 중에서 세 수를 뽑아 곱할 때,
그 결과가 가장 작으려면 $-\frac{2}{15}$, -8 , $-\frac{3}{7}$ 을 곱하면 되고, 그

결과는

$$\left(-\frac{2}{15}\right) \times (-8) \times \left(-\frac{3}{7}\right)$$

$$= \left(-\frac{2}{15}\right) \times \left(-\frac{3}{7}\right) \times (-8)$$

$$= \left(+\frac{2}{35}\right) \times (-8)$$

$$= -\frac{16}{35}$$

18. n 이 짝수일 때, $(-1)^n + (-1)^{n+1} - (-1)^{n-1}$ 의 값은?

- ① -3 ② -2 ③ -1 ④ 0 ⑤ 1

해설

$$\begin{aligned}(-1)^n &= +1, \quad (-1)^{n+1} = -1, \quad (-1)^{n-1} = -1 \\(-1)^n + (-1)^{n+1} - (-1)^{n-1} \\&= (+1) + (-1) - (-1) = (+1) + (-1) + (+1) = +1\end{aligned}$$

19. -3^2 의 역수를 a , $\left(-\frac{3}{2}\right)^3$ 의 역수를 b , $\frac{8}{5}$ 의 역수를 c 라 할 때,

$a \div b - c$ 의 값은?

- ① $-\frac{1}{9}$ ② $-\frac{1}{4}$ ③ $\frac{9}{2}$ ④ $\frac{15}{4}$ ⑤ $\frac{17}{4}$

해설

$-3^2 = -9$ 의 역수는 $-\frac{1}{9}$ 이므로 $a = -\frac{1}{9}$,

$\left(-\frac{3}{2}\right)^3 = -\frac{27}{8}$ 의 역수는 $-\frac{8}{27}$ 이므로 $b = -\frac{8}{27}$

$\frac{8}{5}$ 의 역수는 $\frac{5}{8}$ 이므로 $c = \frac{5}{8}$

$$\therefore a \div b - c = \left(-\frac{1}{9}\right) \div \left(-\frac{8}{27}\right) - \frac{5}{8}$$

$$= \left(-\frac{1}{9}\right) \times \left(-\frac{27}{8}\right) - \frac{5}{8}$$

$$= \frac{3}{8} - \frac{5}{8} = -\frac{2}{8} = -\frac{1}{4}$$

20. $\frac{a}{\frac{b}{c}} = a \div \frac{b}{c}$ 라 할 때, 다음 식의 값을 구하면?

$$1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{2}}}$$

- Ⓐ 2 Ⓑ 1 Ⓒ $\frac{1}{2}$ Ⓓ $\frac{1}{4}$ Ⓔ 0

해설

$$\begin{aligned}1 - \frac{1}{2} &= \frac{1}{2} \\ \frac{1}{\frac{1}{2}} &= (1) \div \left(\frac{1}{2}\right) = 1 \times 2 = 2 \\ \therefore (\text{주어진 식}) &= 1 - \frac{1}{1 - 2} \\ &= 1 - \frac{1}{-1} = 1 - (-1) = 2\end{aligned}$$

21. $\left(-\frac{9}{4}\right) \div 6^2 \times \left(-\frac{24}{5}\right)$ 를 계산한 값은?

- ① $-\frac{3}{10}$ ② $\frac{3}{10}$ ③ $\frac{9}{10}$ ④ $-\frac{10}{9}$ ⑤ $-\frac{5}{18}$

해설

$$\begin{aligned} & \left(-\frac{9}{4}\right) \div 6^2 \times \left(-\frac{24}{5}\right) \\ &= \left(-\frac{9}{4}\right) \div 36 \times \left(-\frac{24}{5}\right) \\ &= \left(-\frac{9}{4}\right) \times \frac{1}{36} \times \left(-\frac{24}{5}\right) \\ &= + \left(\frac{9}{4} \times \frac{1}{36} \times \frac{24}{5}\right) = +\frac{3}{10} \end{aligned}$$

22. 다음 식에서 계산 순서 중 맨 마지막에 해야 될 것은?

$$2 + \frac{3}{5} \times \{(18 - 15 \div 5) \times 2\}$$

↓ ↓ ↓ ↓ ↓
ㄱ ㄴ ㄷ ㄹ ㅁ

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄷ ④ ㄹ ⑤ ㅁ

해설

곱셈과 나눗셈을 덧셈과 뺄셈보다 먼저 하며, ()를 먼저하고 { }를 계산한다.

23. A, B, C 는 모두 정수이고, $A \times B \times C = -30$, $A < B < C$ 이다. A 의 절댓값이 3 일 때, C 의 값이 될 수 있는 것을 모두 더하면 얼마인가?

① 5 ② 8 ③ 15 ④ 18 ⑤ 20

해설

$A = 3$ 이면 $0 < A < B < C$, $A \times B \times C > 0$ 이므로 문제의 조건에 어긋난다.

따라서 $A = -3$, $B \times C = 10$

$A < B < C$ 이므로 $B = 1$ 일 때 $C = 10$, $B = 2$ 일 때 $C = 5$

$$\therefore 10 + 5 = 15$$

24. 두 유리수 a, b 에 대하여 $\frac{a}{b} < 0, (-1)^{101} \times b > 0$ 일 때, a 와 b 의

부호로 옳은 것은?

① $a > 0, b = 0$

② $a > 0, b > 0$

③ $a > 0, b < 0$

④ $a < 0, b > 0$

⑤ $a < 0, b < 0$

해설

$$\frac{a}{b} < 0 \Rightarrow a > 0, b < 0 \text{ or } a < 0, b > 0$$

$$(-1)^{101} \times b > 0 \Rightarrow -b > 0, b < 0$$

$$\therefore b < 0, a > 0$$

25. $[a]$ 는 a 를 넘지 않는 가장 큰 정수라고 할 때,
 $[-3a.4]^2 \div [-1.7] - \{[5.1] \times [2.5] - [0.6]^2\}$ 의 값은?

- ① -11 ② -15 ③ -18 ④ -22 ⑤ -25

해설

$$\begin{aligned} & [-3.4]^2 \div [-1.7] - \{[5.1] \times [2.5] - [0.6]^2\} \\ &= (-4)^2 \div (-2) - \{5 \times 2 - 0\} \\ &= 16 \div (-2) - 10 \\ &= -18 \end{aligned}$$