- 1. 다음 이차방정식 중에서 서로 다른 두 개의 근을 갖는 것은?
 - ① $x^2 2x + 1 = 0$ $3 x^2 + x + 2 = 0$
- $2 x^2 6x + 9 = 0$
- $x^2 3x + 1 = 0$
- $4 x^2 4x + 5 = 0$

① $D = (-2)2 - 4 \times 1 \times 1 = 0$: $\stackrel{\text{Z}}{\circ}$

- ② $D = (-6)^2 4 \times 1 \times 9 = 0$: $\frac{2}{5}$
- ③ $D = 1^2 4 \times 1 \times 2 < 0$: 근이 없다.
- ④ $D = (-4)^2 4 \times 1 \times 5 = -4 < 0$: 그이 없다. ⑤ $D = (-3)^2 - 4 \times 1 \times 1 = 5 > 0$: 서로 다른 두 근

이차함수 $y = 4x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동시 2. 키면 점 (m, 4) 을 지난다고 한다. m 의 값을 구하여라.

▶ 답: ▶ 답:

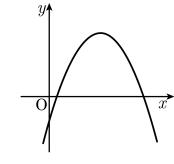
▷ 정답: -1

▷ 정답: -3

 $y=4x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동한 함수

의 식은 $y = 4(x+2)^2$ 이고, 점 (m, 4)를 지나므로 $4 = 4(m+2)^2$ $\therefore m = -1 \,\, \underline{+} \, \underline{-} m = -3$

3. 다음 이차함수 $y = ax^2 - bx - c$ 의 그래프에서 a, b, c 의 부호는?



 $\bigcirc a < 0, b < 0, c > 0$

① a < 0, b > 0, c < 0

- ② a > 0, b < 0, c > 0 $\textcircled{4} \ a < 0, \ b > 0, \ c > 0$
- ⑤ a < 0, b < 0, c < 0

위로 볼록하므로 a < 0

해설

축이 y 축의 오른쪽에 있으므로 -ab < 0따라서 b < 0y 절편이 음수이므로 -c < 0따라서 c > 0

- 다음은 근의 공식을 이용하여 이차방정식의 근을 구한 것이다. 옳지 4. <u>않은</u> 것은?
 - $x^2 x 6 = 0 \implies x = 2 \,\, \text{\Pi}_{\overline{L}} x = -3$ $(x-1)^2 = 3 \implies x = 1 \pm \sqrt{3}$

 - $-3x^2 + 4x + 2 = 0 \implies x = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$ ④ $x^2 4 = 0 \implies x = 2 \pm \frac{1}{2} = -2$
 - $\frac{1}{2}x^2 \frac{4}{3}x + \frac{5}{6} = 0 \implies x = \frac{5}{3} \text{ } \pm \frac{1}{4}x = 1$

- $x^2 x 6 = 0$, (x 3)(x + 2) = 0∴ $x = 3 \, \text{\mathbb{E}}_{\top}^{\top} x = -2$

5. $(x^2 - 2x)^2 - (x^2 - 2x) - 6 = 0$ 의 해를 모두 구하여라.

답:

▶ 답:

➢ 정답: x = 3

> 정답: *x* = −1

 $x^2 - 2x = A$ 로 놓으면

 $A^{2} - A - 6 = 0$ (A - 3)(A + 2) = 0

 $A = 3 \, \, \text{\pm \frac{1}{12}} \, A = -2$ $(i) \, x^2 - 2x = 3, \, x^2 - 2x - 3 = 0$

(x-3)(x+1) = 0

∴ x = 3 또는 x = -1(ii) $x^2 - 2x = -2$, $x^2 - 2x + 2 = 0$

 $D = 2^2 - 4 \times 1 \times 2 = -4 < 0$ 이므로 해는 없다.

6. 이차방정식 $2x^2 - (a+1)x + 8 = 0$ 이 중근을 가질 때, 양수 a 의 값을 구하여라.

■ 답:

▷ 정답: 7

해설

 $D = (a+1)^2 - 4 \times 2 \times 8 = 0$ $a^2 + 2a + 1 - 64 = 0, a^2 + 2a - 63 = 0$

(a-7)(a+9) = 0 $\therefore a = 7(\because a > 0)$ **7.** 어떤 자연수를 제곱해야 할 것을 잘못하여 2 배를 하였더니 제곱을 한 것보다 99 만큼 작아졌다. 원래 구해야 될 값은?

4 121 ① 64 ② 81 ③ 100 ⑤ 144

어떤 수를 x 라고 하여 식을 세우면 $x^2 = 2x + 99$

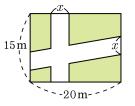
 $x^2 - 2x - 99 = 0$

(x - 11)(x + 9) = 0

 $x = 11 \, \, \text{\pm L} \, x = -9$ x 는 자연수이므로 11

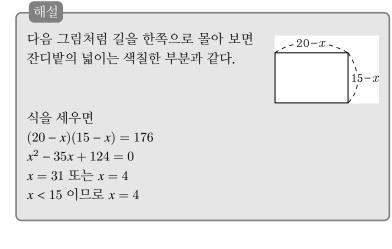
 $x^2 = 11^2 = 121$ 이다.

8. 다음 그림과 같이 가로 20 m, 세로 15 m 인 직사각형 모양의 잔디밭에 폭이 일정한 길을 만들려고 한다. 잔디밭의 넓이가 $176\,\mathrm{m}^2$ 가 되게 하려고 할 때, 길의 폭은?



 $\bigcirc 3 \,\mathrm{m}$ 4 6 m ②4 m

 $35 \, \mathrm{m}$ \Im 7 m



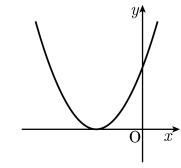
- 9. 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면? (단, a < 0)(정답 2개)
 - ① x 축에 대하여 대칭이다
 - ② 곡선 모양이 아래로 볼록하다.
 - ③ y의 값의 범위가 y ≤ 0이다.
 - ④ a의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아진다.⑤ 꼭짓점의 좌표는 (0,0)이다.

① y축에 대해 대칭이다.

해설

- ② a < 0 이므로 위로 볼록하다.
- ③ 위로 볼록이고 꼭짓점이 원점이므로 y ≤ 0 ④ y = ax² 의 그래프는 |a|이 클수록 폭이 좁고, 작을수록 포물
- 선의 폭이 넓다. ⑤ 꼭짓점의 좌표는 (0,0)이다.

10. 이차함수 $y = a(x - p)^2 + q$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 항상 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)



- ① a < 0 $\bigcirc pq = 0$
- ② aq < 0 ③ a + p < 0

해설

이차함수 $y = a(x - p)^2 + q$ 가 아래로 볼록이므로 a > 0 , 꼭짓

점 (p,q) 가 x 축 위에 있고 원점을 기준으로 왼쪽에 있으므로 p < 0, q = 0 이다. ① a > 0② aq = 0

- ③ 알 수 없다.

- 11. 다음 중 이차함수의 그래프에 대한 설명으로 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ① $y = 2x^2 + 1$ 의 그래프는 아래로 볼록하다.
 - y = -2(x + 2)² 의 그래프는 y = -x² 의 그래프를 x 축의 방향으로 -2 만큼 평행이동 시킨 것이다.
 y = -(x 5)² 의 그래프는 x 축과 한 점에서 만난다.

 - ④ $y = -(x-3)^2 + 1$ 의 그래프의 꼭짓점 좌표는 (3, 1) 이다. ⑤ $y = x^2$ 의 그래프는 $y = -x^2$ 의 그래프와 x 축에 대하여
 - 대칭이다.

② $y = -2(x+2)^2$ 은 $y = -2x^2$ 의 그래프를 x 축 방향으로 -2

만큼 평행이동시킨 것이다.

12. 이차함수 $y = 3x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 그래프의 식이 $y = ax^2 + bx + c$ 일 때, a - b + c 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 27

 $y=3x^2$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동하면

 $y = 3(x-2)^2$ 전개하면 $y = 3(x^2 - 4x + 4)$ $y = 3x^2 - 12x + 12$

a = 3, b = -12, c = 12

 $\therefore a - b + c = 3 + 12 + 12 = 27$

13. 이차함수 $y=x^2+1$ 의 그래프를 x 축의 방향으로 m 만큼, y 축의 방향으로 n 만큼 평행이동시키면 이차함수 $y=x^2+6x+2$ 의 그래프와 일치한다. 이 때, m-n 의 값을 구하면?

① 5 ② 6 ③ -3 ④ -5 ⑤ -8

 $y = (x - m)^2 + 1 + n = x^2 + 6x + 2 = (x + 3)^2 - 7$

m = -3, n = -8 $\therefore m-n=5$

14. 직선 y = x + m 과 포물선 $y = x^2 + 3x + 3$ 이 한 점에서 만날 때, m 의 값을 구하면?

① -4 ② -3 ③ -1 ④ 2 ⑤ 3

 $x+m=x^2+3x+3$ 이 중근을 가진다. $x^2 + 2x + 3 - m = 0$ of $D/4 = 1^2 - (3 - m) = 0$

해설

 $\therefore m=2$

15. 이차함수 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프와 모양이 같고, x = 1 일 때, 최댓값 -1을 갖는 이차함수의 식을 $y = ax^2 + bx + c$ 라고 할 때, 상수 a,b,c 의 합 a+b+c 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -1

꼭짓점의 좌표가 (1, -1), x^2 의 계수가 $-\frac{1}{2}$ 이므로 이차함수의 식은 $y = -\frac{1}{2}(x-1)^2 - 1$ 이다.

 $y = -\frac{1}{2}(x-1)^2 - 1$ 을 전개하면 $y = -\frac{1}{2}x^2 + x - \frac{3}{2}$ 이므로 $a = -\frac{1}{2}$, b = 1, $c = -\frac{3}{2}$ 이다.

 $\therefore a + b + c = -\frac{1}{2} + 1 - \frac{3}{2} = -1$

16. 이차함수 $y = x^2 - 2ax - 2a - 5$ 의 최솟값을 m 이라고 할 때, m 의 최댓값을 구하면?

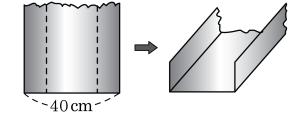
① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

 $y = x^{2} - 2ax - 2a - 5$ $= (x - a)^{2} - a^{2} - 2a - 5$ y의 최솟값 : $m = -a^2 - 2a - 5$ = $-(a+1)^2 - 4$

m 의 최댓값 : −4

17. 너비가 40cm 인 양철판을 구부려서 'ㄷ'자 모양의 물받이를 만들었다. 물받이의 단면적의 넓이가 최대가 되는 높이를 구하여라.



 답:

 ▷ 정답:
 10 cm

양철판의 높이를 xcm 라고 두고 단면적의 넓이를 ycm 2 라고

해설

두면 y = x(40 - 2x)

 $= -2x^2 + 40x$ $= -2(x^2 - 20x)$

 $= -2(x^2 - 20x + 100) + 200$

 $= -2(x-10)^2 + 200$

따라서 x = 10 일 때, 최댓값 200 을 가진다.

18. 지면으로부터 15m 높이에서 초속 40m 로 쏘아 올린 모형 로켓의 x 초후의 지면으로 부터의 높이를 ym 라고 하면 $y=-5x^2+40x+15$ 인관계가 성립한다. 이 로켓이 최고 높이에 도달할 때까지 걸린 시간과 그 때의 높이를 구하여라.

<u>초</u>

답: <u>m</u>> 정답: 4초

▷ 정답: 95<u>m</u>

▶ 답:

y = -5x² + 40x + 15 에서 y = -5(x - 4)² + 95 이다. 따라서 x = 4 일 때, y 는 최댓값 95 를 갖는다.

해설

19. 이차방정식 $x^2 - 3x + 1 = 0$ 의 두 근을 m, n 이라고 할 때, $m^2 - n^2$ 의 값을 구하여라. (단, m > n)

답:

> 정답: 3√5

m+n=3, mn=1

해설

 $m - n = \sqrt{(m+n)^2 - 4mn} = \sqrt{9 - 4} = \sqrt{5}$ $m^2 - n^2 = (m+n)(m-n) = 3\sqrt{5}$

20. $6x^2 - 13xy - 5y^2 = 0$ 일 때, $\frac{y}{x} + \frac{x}{y}$ 의 값은? (단, xy > 0)

① $\frac{11}{10}$ ② $\frac{13}{10}$ ③ $\frac{17}{10}$ ④ $\frac{23}{10}$ ⑤ $\frac{29}{10}$

등식을 y^2 으로 나누면, $\frac{6x^2}{y^2} - \frac{13x}{y} - 5 = 0$ $\frac{x}{y} = t 로 치환하면 <math>6t^2 - 13t - 5 = 0$ $(2t - 5)(3t + 1) = 0 \quad \therefore \quad t = \frac{5}{2}(\because xy > 0)$ $\therefore \quad \frac{y}{x} + \frac{x}{y} = \frac{2}{5} + \frac{5}{2} = \frac{29}{10}$

$$y$$
 x y z z z z z

$$\therefore \frac{5}{x} + \frac{7}{y} = \frac{7}{5} + \frac{7}{2} = \frac{10}{10}$$

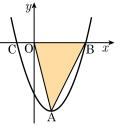
$$\begin{bmatrix} \cdots & x & y & 5 & 2 & 10 \\ & & & & & \end{bmatrix}$$

- **21.** 이차함수 $y = ax^2$ 의 그래프가 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프보다 폭이 좁고, $y = 2x^2$ 의 그래프보다 폭이 넓다고 할 때, a 의 값으로 옳지 <u>않은</u>
 - ① $-\frac{3}{4}$ ② -1 ③ $\frac{4}{3}$ ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ $\frac{7}{4}$

 $|a| > |-\frac{1}{2}|$ |a| < |2|∴ -2 < a < -\frac{1}{2}, \frac{1}{2} < a < 2

- **22.** 다음 포물선 $y = x^2 2x 3$ 의 꼭짓점을 A 라하고, x 축과의 교점을 B, C 라 할 때, \triangle ABO 의 넓이는?
 - ① 16 **4**)6
- ② 8 ⑤ 10
- ③ 12





 $y = x^2 - 2x - 3 = (x - 1)^2 - 4$ A 의 좌표는 (1, -4) 이다. x 축과 교점은 y = 0 일 때이므로

0 = (x - 1)² - 4 이다. 따라서 x = -1 또는 x = 3 이다. B 의 좌표는 (3, 0) 이다.

 $\therefore \triangle ABO = \frac{1}{2} \times 3 \times 4 = 6$

23. [x]는 자연수 x의 양의 약수의 개수를 나타낼 때, $[x]^2 - [x] - 2 = 0$ 을 만족시키는 자연수 x중에서 20 이하인 것의 개수를 구하여라.

▶ 답: <u>개</u>

▷ 정답: 8개

해설

 $[x]^2 - [x] - 2 = ([x] - 2)([x] + 1) = 0$

∴ [x] = 2또는 [x] = -1그런데, $[x] \neq -1$ 이므로 [x] = 2양의 약수가 2개인 것은 소수이므로,

20 이하의 소수를 구하면

2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19 이다. :. 8 개

- **24.** 이차함수 $y = x^2 5x 6$ 의 그래프는 x 축과 두 점 A, B 에서 만난다고 한다. 이 때, 선분 AB 의 길이는?
- ① 1 ② 2 ③ 4 ④ 6



해설

 $y = x^2 - 5x - 6$ 의 x 절편은 y = 0 대입 $x^2 - 5x - 6 = 0, (x+1)(x-6) = 0$ $\therefore x = -1, 6$

- $\therefore \overline{AB} = 6 (-1) = 7$

25. 권당 90000 원인 책을 100 권까지는 정가에 팔고, 101 권부터는 판매 량이 1 권씩 증가할 때마다 200 원씩 할인해서 판다고 할 때, 총 판매 금액이 최대가 될 때의 권당 판매 가격을 구하여라.

<u>원</u>

▷ 정답: 55000 원

판매량을 x권이라 하면

▶ 답:

 $(1) x \le 100$ 일 때

(총 판매 금액) = $90000 \times x = 90000x$ 따라서 x = 100 일 때, 총 판매금액의 최댓값은 9000000 원이다.

(2) x > 100일 때 (판매가) = 90000 - 200(x - 100) = 110000 - 200x(총 판매 금액) = x(110000 - 200x)

 $= -200x^2 + 110000x$ $= -200(x - 275)^2 + 15125000$

따라서 판매권수가 x = 275 일 때, 총 판매 금액의 최댓값은 15125000 원이다.

원이고, 이때의 판매가는 한 권당 55000 원이다.

(1), (2)에 의하면 판매량이 275권일 때, 총 판매금액이 15125000