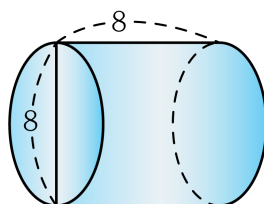


1. 다음 그림과 같은 원기둥의 겉넓이는?

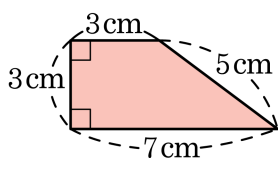


- ① 12π ② 18π ③ 34π ④ 56π ⑤ 96π

해설

$$2 \times (\pi \times 4^2) + 8 \times (2\pi \times 4) = 32\pi + 64\pi = 96\pi$$

2. 밑면이 다음 그림과 같고 높이가 8 cm 인 사각기둥의 부피를 구하면?

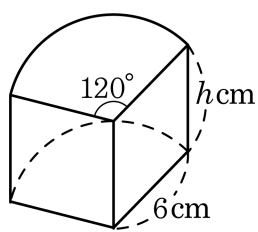


- ① 100 cm³ ② 120 cm³ ③ 140 cm³
④ 160 cm³ ⑤ 180 cm³

해설

$$(3 + 7) \times 3 \times \frac{1}{2} \times 8 = 120(\text{cm}^3)$$

3. 다음 그림과 같은 입체도형의 부피가 $72\pi\text{cm}^3$ 일 때, h 의 값은?



- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

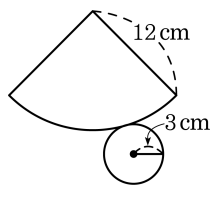
해설

$$6^2\pi \times \frac{120}{360} \times h = 72\pi$$

$$\therefore h = 6$$

4. 전개도가 다음 그림과 같은 입체도형의 겉넓이
는?

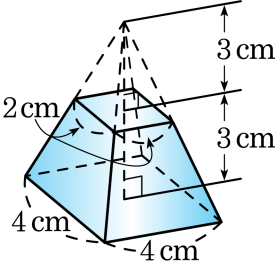
- ① $16\pi \text{ cm}^2$ ② $24\pi \text{ cm}^2$
③ $30\pi \text{ cm}^2$ ④ $45\pi \text{ cm}^2$
⑤ $48\pi \text{ cm}^2$



해설

$$\pi \times 3^2 + \pi \times 3 \times 12 = 45\pi (\text{cm}^2)$$

5. 다음 그림과 같이 밑면이 정사각형인 사각뿔대의 부피는?

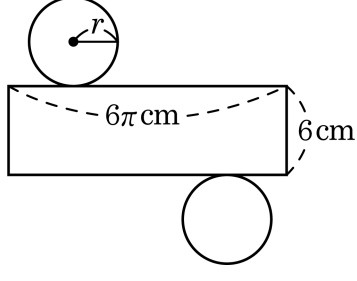


- ① 6cm^3 ② 14cm^3 ③ 28cm^3
④ 30cm^3 ⑤ 32cm^3

해설

$$V = \frac{1}{3} \times 4^2 \times 6 - \frac{1}{3} \times 2^2 \times 3 = 28(\text{cm}^3)$$

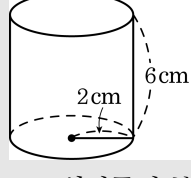
6. 다음 그림은 한 원기둥의 전개도이다. 이 전개도로 만들어지는 원기둥의 부피는?



- ① $36\pi\text{cm}^3$ ② $40\pi\text{cm}^3$ ③ $48\pi\text{cm}^3$
 ④ $54\pi\text{cm}^3$ ⑤ $58\pi\text{cm}^3$

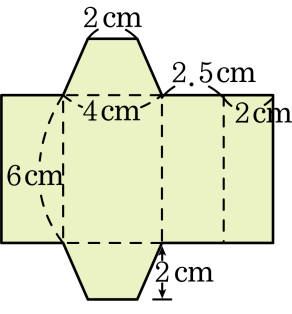
해설

밑면인 원의 둘레의 길이는 옆면인 직사각형의 가로 길이와 같으므로 $2\pi r = 6\pi \therefore r = 3$
 따라서 주어진 전개도로 만든 입체도형은 다음 그림과 같다.



$$\therefore (\text{원기둥의 부피}) = 3^2 \times \pi \times 6 = 54\pi(\text{cm}^3)$$

7. 다음 그림은 사각기둥의 전개도이다. 이 사각기둥의 부피는?



- ① 12cm^3
- ② 18cm^3
- ③ 36cm^3
- ④ 48cm^3
- ⑤ 72cm^3

해설

(사각기둥의 부피) = (밑넓이) $\times$ (높이)

부피를 구하면 $\left\{\frac{1}{2} \times (2 + 4) \times 2\right\} \times 6 = 36(\text{cm}^3)$ 이다.

8. 밑면의 반지름의 길이가 3cm, 모선의 길이가 9cm 인 원뿔의 전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기를 구하면?

① 80° ② 100° ③ 110° ④ 120° ⑤ 130°

해설

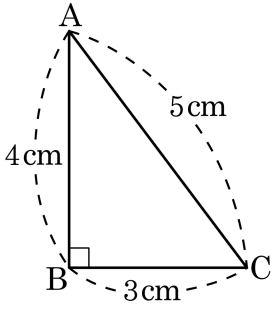
부채꼴의 중심각의 크기를 x 라고 하면

$$\pi \times 3 \times 2 = \pi \times 9 \times 2 \times \frac{x}{360^\circ}$$

$$3 = \frac{x}{40^\circ}$$

$$x = 120^\circ$$

9. 다음 직각삼각형 ABC 를 $\overline{AB}$ 를 축으로 하여 회전시킬 때, 생기는 입체도형의 겉넓이와 부피를 구하면?



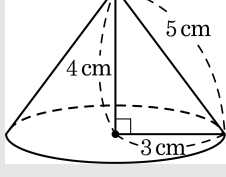
- ① $23\pi\text{cm}^2$, $11\pi\text{cm}^3$

② $23\pi\text{cm}^2$, $12\pi\text{cm}^3$
- ③ $24\pi\text{cm}^2$, $12\pi\text{cm}^3$

④ $24\pi\text{cm}^2$, $13\pi\text{cm}^3$
- ⑤ $25\pi\text{cm}^2$, $12\pi\text{cm}^3$

해설

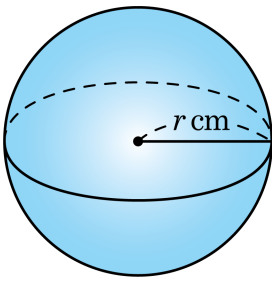
$\overline{AB}$ 를 축으로 회전시키면 다음과 같은 회전체가 만들어진다.



$$(\text{겉넓이}) = \pi \times 3^2 + \pi \times 3 \times 5 = 9\pi + 15\pi = 24\pi(\text{cm}^2)$$

$$(\text{부피}) = \frac{1}{3}\pi \times 3^2 \times 4 = 12\pi(\text{cm}^3)$$

10. 다음 그림과 같은 겹넓이가 $36\pi\text{cm}^2$ 인 구의 부피는?



① $24\pi\text{cm}^3$

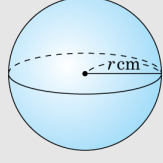
② $36\pi\text{cm}^3$

③ $48\pi\text{cm}^3$

④ $60\pi\text{cm}^3$

⑤ $64\pi\text{cm}^3$

해설



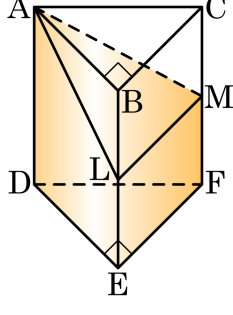
$$S = 36\pi = 4\pi r^2$$

$$r^2 = 9$$

$$r = 3(\text{cm})$$

$$\therefore V = \frac{4}{3}\pi \times 3^3 = 36\pi(\text{cm}^3)$$

11. 다음 그림과 같이 밑면은 $\overline{AB} = \overline{BC} = 4\text{cm}$ 인 직각이등변삼각형이고, 높이가 6cm 인 삼각기둥을 세 점 A, L, M 을 지나는 평면으로 잘라 나누었을 때, 나누어진 두 부분의 부피의 비는? (단, $\overline{BL} = \overline{EL}$, $2\overline{CM} = \overline{FM}$)



- ① 12 : 5 ② 13 : 6 ③ 15 : 8 ④ 13 : 5 ⑤ 15 : 7

해설

전체 부피는 $\frac{1}{2} \times 4 \times 4 \times 6 = 48(\text{cm}^3)$

사각뿔 A - BLMC 의 부피는

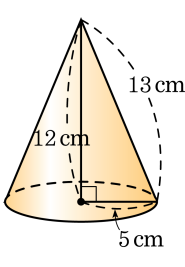
$$\frac{1}{3} \times \left\{ \frac{1}{2} \times (2 + 3) \times 4 \right\} \times 4 = \frac{40}{3}(\text{cm}^3)$$

나머지 부분의 부피는 $48 - \frac{40}{3} = \frac{104}{3}(\text{cm}^3)$

따라서 부피의 비는 $\frac{104}{3} : \frac{40}{3} = 104 : 40 = 13 : 5$

12. 다음 그림과 같은 원뿔을 높이의 반으로 자르면
원뿔과 원뿔대가 생긴다. 나누어진 원뿔과 원뿔
대의 부피의 비는?

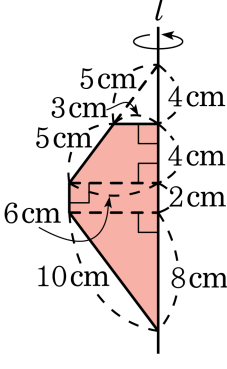
- ① 1 : 2 ② 1 : 5 ③ 2 : 5
- ④ 1 : 7 ⑤ 3 : 7



해설

$$\begin{aligned} \text{(작은 원뿔의 부피)} &= \frac{1}{3} \times \pi \times \left(\frac{5}{2}\right)^2 \times 6 = \frac{25}{2}\pi(\text{cm}^3) \\ \text{(원뿔대의 부피)} &= \left(\frac{1}{3} \times \pi \times 5^2 \times 12\right) - \frac{25}{2}\pi = \frac{175}{2}\pi(\text{cm}^3) \\ \therefore \text{(작은 원뿔의 부피)} : \text{(원뿔대의 부피)} &= \frac{25}{2}\pi : \frac{175}{2}\pi = \\ &1 : 7 \end{aligned}$$

13. 다음 그림과 같이 색칠한 평면도형을 직선 l 을 축으로 한 바퀴 회전시켜 만들어지는 입체도형과 같은 팽이를 만들려고 한다. 이 입체도형의 겉넓이는?



- ① $129\pi\text{cm}^2$
 ② $135\pi\text{cm}^2$
 ③ $138\pi\text{cm}^2$
- ④ $144\pi\text{cm}^2$
 ⑤ $148\pi\text{cm}^2$

해설

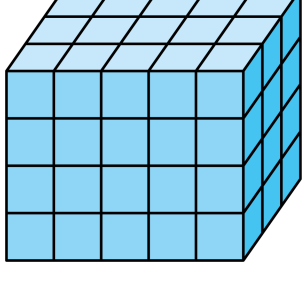
주어진 도형을 회전시키면 아래 모양의 입체가 생긴다.

주어진 입체도형의 겉넓이는

- i) (원뿔대 모양의 밑넓이) $=\pi\times 3^2=9\pi(\text{cm}^2)$
- ii) (원뿔대 모양의 옆넓이) $=(\text{큰 원뿔의 옆넓이})-(\text{작은 원뿔의 옆넓이})=\pi\times 6\times 10-\pi\times 3\times 5=45\pi(\text{cm}^2)$
- iii) (원기둥 모양의 옆넓이) $=2\pi rh=2\pi\times 6\times 2=24\pi(\text{cm}^2)$
- iv) (원뿔 모양의 옆넓이) $=\pi rl=\pi\times 6\times 10=60\pi(\text{cm}^2)$

(입체도형의 겉넓이) $=9\pi+45\pi+24\pi+60\pi=138\pi(\text{cm}^2)$

14. 한 모서리의 길이가 1cm 인 작은 정육면체 60 개를 다음 그림과 같이 쌓고 페인트를 칠하려고 한다. 60 개의 정육면체 중 페인트가 칠해져 있지 않은 부분의 총 넓이는?

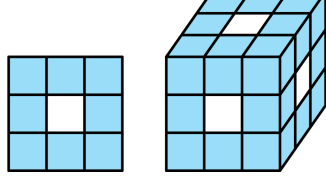


- ① 300cm^2 ② 266cm^2 ③ 250cm^2
④ 244cm^2 ⑤ 226cm^2

해설

페인트가 칠해져 있지 않은 부분은
60 개의 정육면체의 전체 겉넓이에서
직육면체의 겉넓이를 빼면 된다.
정육면체의 총 겉넓이는 $1 \times 1 \times 6 \times 60 = 360(\text{cm}^2)$
직육면체의 겉넓이는 $2 \times (3 \times 5 + 5 \times 4 + 3 \times 4) = 94(\text{cm}^2)$
따라서 구하는 넓이는 $360 - 94 = 266(\text{cm}^2)$

15. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 $3a$ 인 정사각형의 가로, 세로를 각각 3 등분하여 가운데 조각을 구멍 뚫을 수 있다. 마찬가지로 한 변의 길이가 $3a$ 인 정육면체의 모든 면의 가로, 세로를 각각 3 등분하여 가운데 조각 부분을 구멍이 생기게 뚫었다. 이때 생기는 입체도형의 겉넓이는 처음 도형보다 얼마나 늘어나겠는가?



- ① $6a^2$ ② $10a^2$ ③ $16a^2$ ④ $18a^2$ ⑤ $24a^2$

해설

처음 정육면체는 한 모서리가 $3a$ 인 정육면체이므로 겉넓이는 $(3a)^2 \times 6 = 54a^2$

가운데 조각을 뚫은 입체도형의 겉넓이:



와 같은 면이 6 개이므로

$\{(3a)^2 - a^2\} \times 6 = 48a^2$ 와 뚫린 내부의 겉넓이 $a^2 \times 4 \times 6 = 24a^2$ 의 합이므로

$$48a^2 + 24a^2 = 72a^2$$

그러므로 늘어난 겉넓이는 $72a^2 - 54a^2 = 18a^2$ 이다.