

1. $3^5 + 3^5 + 3^5$ 을 3의 거듭제곱으로 간단히 나타내면?

- ① 3^3 ② 3^6 ③ 3^9 ④ 3^{12} ⑤ 3^{15}

해설

$$3^5 + 3^5 + 3^5 = 3 \times 3^5 = 3^6$$

2. 다음 식을 계산한 결과가 3 이 되는 것은?

$$\textcircled{1} \quad 10a^2b \div \left(-\frac{1}{3}ab\right)$$

$$\textcircled{3} \quad \frac{1}{4}a^2 \div \left(-\frac{3}{5}a\right)^2$$

$$\textcircled{5} \quad \left(-\frac{12}{7}a^2\right) \div \left(-\frac{4}{7}a^2\right)$$

$$\textcircled{2} \quad \left(\frac{1}{3}a^2\right)^2 \div 9a^3$$

$$\textcircled{4} \quad 6a^2b \div \left(\frac{1}{2}ab^2\right)$$

해설

$$\textcircled{5} \quad \left(-\frac{12}{7}a^2\right) \div \left(-\frac{4}{7}a^2\right) = \left(-\frac{12}{7}a^2\right) \times \left(-\frac{7}{4a^2}\right) = 3$$

3. 일차방정식 $x + ay = -4$ 의 한 해가 $(1, -3)$ 일 때, 상수 a 의 값은?

- ① $\frac{5}{3}$ ② 1 ③ $\frac{3}{5}$ ④ -1 ⑤ $-\frac{5}{3}$

해설

$x + ay = -4$ 에 $(1, -3)$ 을 대입하면

$$1 - 3a = -4, \quad -3a = -5$$

$$\therefore a = \frac{5}{3}$$

4. x, y 에 관한 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = 7 \\ bx = ay - 9 \end{cases}$ 의 해가 $(-1, 3)$ 일 때, 상수 a 의 값은?

- ① -1 ② 1 ③ 2 ④ -2 ⑤ -8

해설

연립방정식에 $x = -1, y = 3$ 을 대입하면

$$\begin{cases} -a + 3b = 7 \cdots ① \\ -b = 3a - 9 \cdots ② \end{cases}, ②를 정리하면 $b = -3a + 9 \cdots ③$ ◎]$$

다. 대입법을 이용하여 ③을 ①에 대입하고 정리하면 $a = 2$ 가 나온다.

5. 다음 연립방정식을 풀면?

$$\begin{cases} 3(x+1) + y = 1 \\ 0.5x - 0.3y = 2 \end{cases}$$

- ① $x = 1, y = -4$ ② $x = 2, y = -3$ ③ $x = 5, y = 1$
④ $x = 2, y = -5$ ⑤ $x = 1, y = -5$

해설

첫 번째 식을 전개하면 $3x + y = -2$
두 번째 식에 $\times 10$ 을 하면 $5x - 3y = 20$
따라서 두 식을 연립하면 $x = 1, y = -5$ 이다.

6. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면? (정답 3개)

① (유한소수)×(순환소수)=(순환소수)

② (순환소수)÷(유한소수)=(순환소수)

③ (유한소수)+(순환소수)=(순환소수)

④ (유한소수)-(순환소수)=(순환소수)

⑤ (순환소수)÷(순환소수)=(순환소수)

해설

항상 성립하지 않는 것의 반례를 찾아보면

① $0.\dot{3} \times 0.\dot{3} = \frac{3}{10} \times \frac{3}{9} = \frac{1}{10} = 0.1$

⑤ $0.\dot{3} \div 0.\dot{3} = 1$

따라서 옳은 것은 ②, ③, ④이다.

7. $\frac{(x^2y)^3}{(xy^2)^m} = \frac{x^n}{y^5}$ 일 때, $m - n$ 의 값은?

- ① -2 ② 2 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\frac{(x^2y)^3}{(xy^2)^m} = \frac{x^6y^3}{x^my^{2m}} = \frac{x^{6-m}}{y^{2m-3}} = \frac{x^n}{y^5}$$

$$6 - m = n, 2m - 3 = 5$$

$$\therefore m = 4, n = 2$$

$$\therefore m - n = 2$$

8. $-16x^2y^3 \times \boxed{\quad} \div 8xy^2 = -4x^3y^2$ 에서 $\boxed{\quad}$ 안에 알맞은 식은?

- ① $-2xy^2$ ② $2xy^2$ ③ $-2x^2y$
④ $2x^2y$ ⑤ $-2xy$

해설

$$-2xy \times \boxed{\quad} = -4x^3y^2$$

$$\boxed{\quad} = 2x^2y$$

9. $x - y = 2$ 이고 $a = 2^{3x}$, $b = 2^{3y}$ 일 때, $\frac{a}{b}$ 의 값은?

- ① 8 ② 16 ③ 32 ④ 64 ⑤ 128

해설

$$\frac{a}{b} = 2^{3x-3y} = 2^{3(x-y)} = 2^{3 \times 2} = 2^6 = 64$$

10. 연립방정식 $\begin{cases} 3x + y = 15 \cdots \textcircled{\text{D}} \\ x - 3y = a \cdots \textcircled{\text{L}} \end{cases}$ 를 만족하는 y 의 값이 x 의 값의 2배라 할 때, a 의 값은?

- ① -6 ② -8 ③ -10 ④ -13 ⑤ -15

해설

$$y = 2x \text{ 를 } \textcircled{\text{D}} \text{ 에 대입하면}$$
$$3x + 2x = 15, 5x = 15, x = 3$$
$$y = 2x = 6$$
$$\textcircled{\text{L}} \text{ 에 대입하면 } 3 - 18 = a$$

$$\therefore a = -15$$

11. $0.\dot{a}\dot{b}$, $0.\dot{b}\dot{a}$ 인 두 수의 합이 $0.\dot{2}$ 이다. 두 수의 차를 순환소수로 나타냈을 때 순환마디를 구하면?(단, $a > b \geq 0$)

① 14 ② 15 ③ 16 ④ 17 ⑤ 18

해설

$$\frac{10a+b}{99} + \frac{10b+a}{99} = \frac{11a+11b}{99} = \frac{11(a+b)}{99}$$
$$= \frac{a+b}{9} = 0.\dot{2} = \frac{2}{9}$$

$$\therefore a+b=2 \therefore a=2, b=0$$

$$\frac{20}{99} - \frac{2}{99} = \frac{18}{99} = 0.\dot{1}\dot{8}$$

따라서 순환마디는 18이다.

12. 두 순서쌍 $(x_1, y_1), (x_2, y_2)$ 에 대하여 $(x_1, y_1) \times (x_2, y_2) = x_1y_1 + x_1y_2 + y_1x_2 + x_2y_2$ 로 정의 한다. 이때, $(x, -2y) \times (2x, 5y)$ 를 간단히 하면?

- ① xy ② $3xy$ ③ $5xy$ ④ $7xy$ ⑤ $9xy$

해설

$$\begin{aligned} & x \times (-2y) + x \times 5y + 2x \times (-2y) + 2x \times 5y \\ &= -2xy + 5xy - 4xy + 10xy \\ &= 9xy \end{aligned}$$

13. $a+b+c=1$, $a^2+b^2+c^2=\frac{3}{2}$, $\frac{1}{a}+\frac{1}{b}+\frac{1}{c}=1$ 일 때, abc 의 값은?

- ① -1 ② $-\frac{1}{2}$ ③ $-\frac{1}{3}$ ④ $-\frac{1}{4}$ ⑤ $-\frac{1}{5}$

해설

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} = 1 \text{의 양변에 } abc \text{를 곱하면}$$

$$ab + bc + ca = abc$$

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \text{ |므로}$$

$$1 = \frac{3}{2} + 2(ab + bc + ca)$$

$$\therefore ab + bc + ca = abc = -\frac{1}{4}$$

14. 분수 $\frac{3}{700}$ 을 소수로 나타내었을 때, x_n 은 소수점 아래 n 번째 수를 나타낸다. 다음 주어진 식의 값은?

$$x_1 + x_3 + x_5 + x_7 + x_9 + \cdots + x_{25}$$

- ① 72 ② 74 ③ 76 ④ 78 ⑤ 80

해설

$$\frac{3}{700} = 0.0042857\bar{1}$$

$$x_1 = 0, x_3 = 4, x_5 = 8, x_7 = 7, \dots$$

$$\therefore (\text{준식}) = 4 \times (4 + 8 + 7) = 76$$

15. $(a+b+c-d)(-a+b+c+d) + (a+b-c+d)(a-b+c+d)$ 를 전개하면?

- ① $2ad + 2bc$ ② $3ad + 3bc$ ③ $\textcircled{3} 4ad + 4bc$
④ $3ad - 3bc$ ⑤ $4ad - 4bc$

해설

$$\begin{aligned}(a+b+c-d)(-a+b+c+d) + (a+b-c+d)(a-b+c+d) \\&= \{(b+c)+(a-d)\}\{(b+c)-(a-d)\} + \{(a+d)+(b-c)\}\{(a+d)-(b-c)\} \\&= (b+c)^2 - (a-d)^2 + (a+d)^2 - (b-c)^2 \\&= b^2 + 2bc + c^2 - a^2 + 2ad - d^2 + a^2 + 2ad + d^2 - b^2 + 2bc - c^2 \\&= 4ad + 4bc\end{aligned}$$