1. n 이 자연수일 때, 다음 식을 만족하는 a+b 의 값을 구하여라.

$$(-1)^n \times (-1)^{n+1} = a, \ (-1)^{n-1} \div (-1)^n = b$$

답:

▷ 정답: -2

 $a = (-1)^{2n+1} = -1$ $b = \frac{(-1)^{n-1}}{(-1)^n} = -1$ $\therefore a + b = -2$

 ${f 2}$. 다음 등식을 만족하는 a , b 에 대하여 2a-3b 의 값은? (단, n 은 자연수)

 $2^a \times 4^2 \div 8 = 2^5$ $(-1)^{n+2} \times (-1)^{n+3} = b$

①11 ② -11 ③ -5 ④ 5 ⑤ 8

첫 번째 식

 $\vdots \ 2^{a} \times 2^{4} \div 2^{3} = 2^{a+4-3} = 2^{5} \ \therefore \ a = 4$

해설

두 번째 식 $\vdots (-1)^{n+2+n+3} = (-1)^{2n+5} = b : b = -1$

 $\therefore 2a - 3b = 8 + 3 = 11$

3. $5^x + 5^x + 5^x + 5^x + 5^x$ 을 간단히 나타내면?

① 5^{x+1} ② 5^{5x} ③ 25^x ④ 5^{x+2} ⑤ 5^{x+3}

 $5 \times 5^x = 5^{x+1}$

4. $2^{100} = a$ 일 때, $4^{50} - 4^{49}$ 을 a에 관한 식으로 나타내면?

① $\frac{1}{4}a$ ② $\frac{1}{2}a$ ③ $\frac{3}{4}a$ ④ $\frac{3}{2}a$ ⑤ $\frac{4}{3}a$

$$4^{50} - 4^{49} = (2^{2})^{50} - (2^{2})^{49}$$

$$= 2^{100} - 2^{98}$$

$$= 2^{100} - 2^{100} \div 2^{2}$$

$$= 2^{100} \left(1 - \frac{1}{4}\right)$$

$$= \frac{3}{4} \times 2^{100}$$

$$= \frac{3}{4}a$$

 $5. \quad \left(\frac{16^4+4^{11}}{8^4+4^9}\right)^2 \ 의 값을 2 의 거듭제곱으로 나타내어라.$

답:

▷ 정답: 2⁸

ি ত্ৰিপ্ৰ $\left(\frac{16^4 + 4^{11}}{8^4 + 4^9}\right)^2 = \left(\frac{(2^4)^4 + (2^2)^{11}}{(2^3)^4 + (2^2)^9}\right)^2$ $= \left(\frac{2^{16} + 2^{22}}{2^{12} + 2^{18}}\right)^2$ $= \left(\frac{2^{16}(1 + 2^6)}{2^{12}(1 + 2^6)}\right)^2$ $= \left(\frac{2^{16}}{2^{12}}\right)^2$ $= (2^4)^2 = 2^8$ 6. $8^{2a+1} \div 2^{a+1} = 16^a$ 을 만족하는 a 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: -2

 $(2^{3})^{2a+1} \times \frac{1}{2^{a+1}} = 2^{4a}$ 6a + 3 - a - 1 = 4a $\therefore a = -2$

7. $27^{2x+1} = \left(\frac{1}{3}\right)^{x+1}$ 일 때, x 의 값을 구하여라.

▶ 답: ightharpoonup 정답: $-rac{4}{7}$

 $(3^3)^{2x+1} = (3^{-1})^{x+1}$ 6x + 3 = -x - 1 7x = -4 $\therefore x = -\frac{4}{7}$

- 8. 산악회 모임의 전체 회원 수는 36 명이다. 이번 등산에 남자 회원의 $\frac{1}{3}$ 과 여자 회원의 $\frac{1}{4}$ 이 참가하여 모두 11 명이 모였다. 이 산악회의 여자 회원 수는?
 - ① 12 명 ② 13 명 ③ 14 명 ④ 15 명 ⑤ 16 명

남자 회원의 수를 x명, 여자 회원의 수를 y명이라 하면 $\begin{cases} x+y=36\\ \frac{1}{3}x+\frac{1}{4}y=11 \end{cases}, 즉 \begin{cases} x+y=36\\ 4x+3y=132 \end{cases}$ $\therefore x=24, y=12$

 $A,\ B$ 두 종류의 합금이 있는데 A 는 동이 60% , 아연이 30% 이고, B 는 9. 동이 50% , 아연이 45% 이다. 이 두 종류의 합금을 섞어서 동이 $4 \mathrm{kg}$, 아연이 $3 ext{kg}$ 들어 있는 합금을 만들려면 \emph{B} 를 얼마나 섞어야 하는지 구하여라.

▶ 답: $\underline{\, \mathrm{kg}}$

정답: 5 kg

A 의 무게를 xkg , B 의 무게를 ykg 이라 하면

 $\begin{cases} \frac{60}{100}x + \frac{50}{100}y = 4\\ \frac{30}{100}x + \frac{45}{100}y = 3 \end{cases}$ 두 식을 연립하여 풀면 x=2.5 , y=5 이다.

해설

10.
$$\left(\frac{-5x^a}{y}\right)^b = \frac{-125x^9}{y^{3c}}$$
 일 때, $a + b - c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

$$\left(\frac{-5x^a}{y}\right)^b = \frac{(-1)^b 5^b x^{ab}}{y^b} = \frac{-125x^9}{y^{3c}}$$

$$5^b = 125, \ b = 3$$

$$x^{3a} = x^9, \ a = 3$$

$$b = 3c = 3, \ c = 1$$

$$\therefore \ a + b - c = 3 + 3 - 1 = 5$$

$$\therefore a + b - c = 3$$

11. $3^{2x}(9^x + 9^x + 9^x) = 243$ 일 때, x의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 1

해설

 $\therefore x = 1$

 $3^{2x} \times 3 \times 3^{2x} = 3^{4x+1} = 3^5$ 이므로 4x + 1 = 5

12. $2^3 = x$ 일 때, 32^6 을 x 의 거듭제곱으로 바르게 나타낸 것은?

- ① x^2 ② x^4 ③ x^6 ④ x^8

 $32^6 = (2^5)^6 = 2^{30} = (2^3)^{10} = x^{10}$

13. 합금 A는 구리를 20%, 아연을 30% 포함한 합금이고, B는 구리를 30%, 아연을 10% 포함한 합금이다. 이 두 종류의 합금을 녹여 구리를 9 kg, 아연을 10 kg 얻으려면 합금 A는 몇 kg이 필요한지 구하여라.

합금 	A	В
구리	20%	30%
아연	30%	10%

 $\underline{\mathrm{kg}}$

정답: 30 kg

▶ 답:

합금 A의 양을 xkg, 합금 B의 양을 ykg 이라고 하면 $\begin{cases} \frac{20}{100}x + \frac{30}{100}y = 9\\ \frac{30}{100}x + \frac{10}{100}y = 10 \end{cases}$ ⇒ $\begin{cases} 2x + 3y = 90 \cdots \bigcirc \\ 3x + y = 100 \cdots \bigcirc$ ¬, □을 연립하여 풀면 x = 30, y = 10이다.

- 14. 어느 중학교에서는 운동장 확장에 대한 찬반 투표를 했다. 이 날 투표 한 학생 수가 전교생의 $\frac{1}{2}$ 이였는데, 이것은 남학생의 $\frac{2}{5}$ 과 여학생의 $\frac{4}{7}$ 이 투표를 한 것이다. 이 학교의 학생 수가 총 1200 명일 때, 남학생 수를 구하여라.

▷ 정답: 500 명

<u>명</u>

남학생 수를 x명, 여학생 수를 y명이라 하면

 $\begin{cases} x + y = 1200 \\ \frac{2}{5}x + \frac{4}{7}y = 1200 \times \frac{1}{2} \end{cases}, \stackrel{\approx}{=} \begin{cases} x + y = 1200 \\ 7x + 10y = 10500 \end{cases}$

15. 어느 상점에서 어떤 상품을 사서 구입 가격의 30% 의 이익을 붙여 정가로 판매하였더니, 기대했던 것보다 잘 팔리지 않아서 상품이 60 개 남았을 때부터 정가의 20% 를 할인하여 팔다가 10 권이 남고, 이익이 1950 원이었다. 이 상점에서 한 번 더 같은 상품을 같은 가격, 수량으로 들여왔을 때, 이번에는 20% 의 이익을 붙인 후, 정가로 판매하여 10권이 남았을 때의 이익이 2100 원이었다. 상점에서 이 상품을 구입하는 데 든 금액의 총합을 구하여라.

원

▷ 정답: 19500 <u>원</u>

상품 한 개의 가격을 x 원, 구입한 개수를 y 개라 하면

해설

답:

 $1.3x \times (y - 60) + 1.3x \times 0.8 \times 50 - xy = 1950 \dots \bigcirc$ $1.2x \times (y - 10) - xy = 2100 \cdots$

 \bigcirc 에서 $0.3xy - 26x = 1950 \cdots$ ©

 \bigcirc 에서 $0.2xy - 12x = 2100 \cdots$ \bigcirc ©, ② 을 연립하여 풀면 x=150

② 에 대입하면 y = 130

따라서 상점에서 상품을 구입하는 데 든 금액의 총합은 $150 \times$ 130 = 19500 (원)

- **16.** $2^n = x, 6^n = y$ 라 할 때, $(2^n + 2^{n+1}) \times 3^{n-1}$ 을 x, y 를 사용한 식으로 나타내어라.
 - ▶ 답:

▷ 정답: y

 $6^{n} = (2 \times 3)^{n} = 2^{n} \times 3^{n}, \ 3^{n} = \frac{6^{n}}{2^{n}} = \frac{y}{x}$ $2^{n} + 2^{n+1} = 2^{n} + 2 \times 2^{n} = (1+2) \times 2^{n} = 3 \times 2^{n}$ $\therefore (2^{n} + 2^{n+1}) \times 3^{n-1} = (3 \times 2^{n}) \times 3^{n-1}$ $= 3^{n} \times 2^{n}$ $= \frac{y}{x} \times x = y$

17. 경시대회에 참가하기 위해 어느 중학교 2 학년 학생들의 남학생의 4%, 여학생의 12% 를 선수로 뽑았더니 정확히 2 학년 학생 400 명의 7%였다고 한다. 경시대회에 뽑힌 여학생의 수를 구하여라. ▶ 답: 명

▷ 정답: 18 명

남학생 수를 x명 , 여학생 수를 y명이라 하면 $\begin{cases} x + y = 400 \\ \frac{4}{100}x + \frac{12}{100}y = 400 \times \frac{7}{100} \end{cases}, \stackrel{\mathbf{Z}}{=} \begin{cases} x + y = 400 \\ x + 3y = 700 \end{cases}$ $\therefore x = 250, y = 150$ 따라서 경시대회에 뽑힌 여학생의 수는 $\frac{12}{100} \times 150 = 18(명)$ 18. 어느 회사의 남녀 사원의 비는 7:5 이고, 남자 사원 중 정규직과 계약직의 비는 3:2, 여자 사원 중 정규직과 계약직의 비는 7:3 이다. 정규직 사원의 수가 총 385 명일 때, 이 회사 사원의 수를 구하여라.

답: <u>명</u>

▷ 정답: 600 명

남자 사원의 수를 x 명, 여자 사원의 수를 y 명 이라 하면 $x: y = 7: 5, 5x = 7y \cdots ①$

남자 사원 중 정규직 사원의 수는 $\frac{3}{5}x$ 명

여자 사원 중 정규직 사원의 수는 $\frac{7}{10}$ y 명 따라서, $\frac{3}{5}x + \frac{7}{10}y = 385$,

6x + 7y = 3850 ··· ⓒ ○ ○ ○ 을 여러하여 품며 y

①, ①을 연립하여 풀면 x = 350, y = 250따라서 이 회사의 사원의 수는

350 + 250 = 600 (명)

- 19. 서로 다른 농도의 소금물 A, B 가 100g 씩 있다. A 의 절반을 B 에 넣고 잘 섞은 후, 다시 B 의 절반을 A 로 옮겨 섞었더니 A 는 9% 의 소금물, B 는 6% 의 소금물이 되었다. 처음 두 소금물 A, B 의 농도를 구하여라.(단, 농도가 분수인 경우 소수로 나타내시오.)
 - 답: % 답: <u>%</u>
 - **> 정답:** A = 13.5 <u>%</u>
 - ightharpoonup 정답: B=2.25~%
 - 소금물 A, B 의 농도를 각각 a%, b% 라 하면 A 의 절반을 B 에 섞었을 때
 - A :(소금물의 양)= 50g
 - (소급의 양)= $50 \times \frac{a}{100} = \frac{a}{2}$ (g)
 - B :(소금물의 양)= 150g
 - (소급의 양)= $\frac{a}{2} + 100 \times \frac{b}{100} = \frac{a}{2} + b$ (g)
 - 다시 B 의 절반을 A 에 섞었을 때
 - A :(소금물의 양)= 50 + 75 = 125 (g) (소급의 양)= $\frac{a}{2} + \frac{1}{2}\left(\frac{a}{2} + b\right) = \frac{3}{4}a + \frac{1}{2}b$ (g)
 - (농도)= $\frac{\frac{3}{4}a + \frac{1}{2}b}{125} \times 100 = 9$ $\therefore 3a + 2b = 45 \cdots \bigcirc$
 - B :(소금물의 양)= 75g (소급의 양)= $\frac{1}{2}\left(\frac{a}{2}+b\right)=\frac{a}{4}+\frac{b}{2}$ (g)
 - (농도)= $\frac{\frac{a}{4} + \frac{b}{2}}{75} \times 100 = 6$ $\therefore a + 2b = 18 \cdots \bigcirc$
 - ⊙, ⓒ 을 연립하여 풀면 $a = \frac{27}{2} = 13.5 \ (\%), \ b = \frac{9}{4} = 2.25 \ (\%)$

20. 100 명의 학생이 시험을 본 결과 합격자와 불합격자의 비는 3:7 이었다. 최저 합격 점수는 100 명의 평균보다 6점 높으며, 합격자의 평균보다 15점이 낮고, 불합격자의 평균의 2배보다는 6점이 낮았다. 최저 합격 점수를 구하여라.

답:

➢ 정답: 36점

해설

합격자와 불합격자의 수는 각각 $100 \times \frac{3}{10} = 30(\mathbf{B}), \ 100 \times \frac{7}{10} = 70(\mathbf{B})$ 합격자와 불합격자의 평균을 각각 x점, y점이라 하면 $(최저 합격 점수) = \frac{30x + 70y}{100} + 6 = x - 15 = 2y - 6$ $\begin{cases} \frac{3x + 7y}{10} + 6 = x - 15 \\ x - 15 = 2y - 6 \end{cases}$ 연립방정식을 풀면 $x = 51, \ y = 21$ \therefore 최저 합격 점수는 $36(\mathbf{A})$