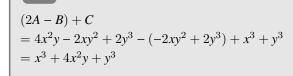
1. 세 다항식
$$A=2x^2y-xy^2+y^3,\ B=-2xy^2+2y^3, C=x^3+y^3$$
에 대하여 $(2A-B)+C$ 를 계산하면?

①
$$2x^3 - 4x^2y + 3y^3$$
 ② $-x^3 + 2x^2y - y^3$

⑤
$$x^3 + 4y^3$$

해설



$$(2A - B) + C$$
$$= x3 + 4x2y + y3$$

2. 다항식
$$(x^2+1)^4(x^3+1)^3$$
의 차수는?

$$(x^2+1)^4$$
는 8 차식, $(x^3+1)^3$ 은 9 차식
따라서 $(x^2+1)^4(x^3+1)^3$ 은
 $8+9=17$ 차 다항식이다.

3. 실수 x, y에 대하여 x + y + (xy - 1)i = 2 + i일 때 $x^2 + y^2$ 의 값은?

해설

$$x + y = 2, xy - 1 = 1$$
 $\therefore xy = 2$
 $\therefore x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy = 0$

4. $i+i^2+i^3+i^4+i^5$ 을 간단히 하면?(단, $i=\sqrt{-1}$)

① i ② -i ③ 1+i ④ 0 ⑤ 1

하철
$$i^2 = -1, i^3 = i^2 \times i = -i, i^4 = (i^2)^2 = (-1)^2 = 1,$$

$$i^5 = i^4 \times i = i$$

$$i + i^2 + i^3 + i^4 + i^5$$

= i + (-1) + (-i) + 1 + i = i

다음은 인수분해를 이용하여 이차방정식을 푼 것이다. ②에 알맞은 것은?
 11x² - 13x + 2 = 0

$$x = \frac{2}{11} \stackrel{\text{H-L}}{=} x = 1$$

①
$$x-2$$
 ② $x-1$ ③ $x+1$ ④ $x+2$ ⑤ $x+3$

해설
$$x \circ d = x \circ d =$$

 $(11x-2)(\ \ \textcircled{2})\ \)=0$

3. 이차방정식 $x^2 + 4x + k = 0$ 이 허근을 가지도록 상수 k의 값의 범위를 정하여라.

$$\frac{D}{4} = 2^2 - k < 0$$

$$\therefore k > 4$$

7. 이차함수 $y = x^2 - 2(k-3)x + 4$ 의 그래프가 x축과 서로 다른 두점에서 만날 때, 상수 k의 값의 범위는?

(4) 3 < k < 5

①
$$k < 1$$
 ② $1 < k < 3$

 $k^2 - 6k + 5 > 0$, (k-1)(k-5) > 0

∴ k < 1 또는 k > 5

(3) k < 3

해설 이차함수
$$y = x^2 - 2(k-3)x + 4$$
의 그래프가 x 축과 서로 다른 두점에서 만나므로 이차방정식 $x^2 - 2(k-3)x + 4 = 0$ 의 판별식을 D 라 하면 $D > 0$ 이어야 한다.
$$\frac{D}{4} = (k-3)^2 - 4 > 0$$

- 3. 이차함수 $y = \frac{1}{3}(x+1)^2 + 2$ 의 최솟값을 구하고, 그 때의 x 의 값을 구하여라.
 - ▶ 답:
 - ▶ 답:
 - ▷ 정답 : 최솟값= 2
 - \triangleright 정답: x = -1

꼭짓점의 좌표가(-1, 2) 이므로 x = -1 일 때, 최솟값 2 를 갖는다.

9. 다음 등식이 k의 값에 관계없이 항상 성립할 때, xy의 값을 구하여라.

$$(2k+3)x + (3k-1)y + 5k - 9 = 0$$

- ▶ 답:
- ▷ 정답: -6

k에 대하여 내림차순으로 정리하면 (2x + 3y + 5)k + (3x - y - 9) = 0

이것은 k에 대한 항등식이므로 2x + 3y + 5 = 0

3x - y - 9 = 0연립방정식을 풀면 x = 2, y = -3 $\therefore xy = 2 \times (-3) = -6$ **10.** a, b는 정수이고, $ax^3 + bx^2 + 1$ 이 $x^2 - x - 1$ 로 나누어 떨어질 때, b의 값은?

해설
전개했을 때 양변의 최고차항과 상수항이 같아야 하므로
$$ax^3 + bx^2 + 1$$

= $(x^2 - x - 1)(ax - 1)$
= $ax^3 - (1 + a)x^2 + (1 - a)x + 1$

 $\therefore a = 1, b = -2$

양변의 계수를 비교하면 -(1+a) = b, 1-a = 0

11. x에 관한 삼차식 $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을 x + 1로 나누면 나머지가 5이고, x - 2로 나누면 나머지가 3이다. 이 때, 상수 m - n의 값을 구하여라.

나머지 정리를 이용한다.

주어진 식에
$$x = -1$$
, $x = 2$ 를 각각 대입하면, $(-1)^3 + m(-1)^2 + n(-1) + 1 = 5 \cdots$

$$(2)^{3} + m(2)^{2} + n \cdot 2 + 1 = 3 \cdot \cdot \cdot \bigcirc$$

①, ⑥을 연립하면,
$$m = \frac{2}{3}, n = -\frac{13}{3}$$

$$\therefore m-n=5$$

12. $x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b$ 가 이차식의 완전제곱식이 될 때, 상수 a, b의 값은?

①
$$a = 12, b = 9$$

$$a = -12, b = 9$$

③
$$a = 12, b = -9$$

$$a = -12, b = -9$$

⑤
$$a = 9, b = 12$$

$$x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b = (x^2 + px + q)^2$$
으로 놓으면
이 식의 우변은

$$x^4 + 2x^2(px+q) + (px+q)^2$$

$$= x^4 + 2px^3 + (p^2 + 2q)x^2 + 2pqx + q^2$$

좌변과 계수를 비교하면

$$2p = 4, \ p^2 + 2q = -2$$

$$p = 2, q = -3$$
에서
 $a = 2pq = -12, b = q^2 = 9$

13. $x^3 - 4x^2 + x + 6$ 을 인수분해하면 (x+a)(x+b)(x+c)이다. $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하여라.

답:

▷ 정답: 14



따라서,
$$f(x)$$
는 $(x+1)$ 로 나누어 떨어진다.

즉,
$$f(x)$$
는 $(x+1)$ 의 인수를 갖는다.
즉, $f(x) = (x+1)Q(x)$ 몫

$$Q(x)$$
는 조립제법으로 구한다.

$$f(x) = (x^2 - 5x + 6)(x + 1)$$

$$f(x) = (x-3)(x-2)(x+1)$$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 = (-3)^2 + (-2)^2 + 1^2 = 14$$

14. 이차식 $x^2 + 2x + 4$ 를 일차식의 곱으로 인수분해 하여라.

①
$$(x+1-\sqrt{3}i)(x+1+\sqrt{3}i)$$

②
$$(x+1-\sqrt{3})(x+1+\sqrt{3})$$

③
$$(x+1-\sqrt{2}i)(x+1+\sqrt{2}i)$$

$$(x+1-\sqrt{2})(x+1+\sqrt{2})$$

⑤
$$(x-1-\sqrt{2}i)(x-1+\sqrt{2}i)$$

해설

$$x^2 + 2x + 4 = 0$$
 의 해를 구하면 $x = -1 \pm \sqrt{1 - 4} = -1 \pm \sqrt{3}i$
 $\therefore x^2 + 2x + 4$
 $= \left\{ x - (-1 + 3\sqrt{i}) \right\} \left\{ x - (-1 - \sqrt{3}i) \right\}$

 $= (x + 1 - \sqrt{3}i)(x + 1 + \sqrt{3}i)$

15. 다음 삼차방정식의 정수해를 구하여라.

$$x^3 - 1 = 0$$

- ▶ 답:
- ▷ 정답: 1

$$x^3 - 1 = 0$$
 에서 $(x - 1)(x^2 + x + 1) = 0$

$$\therefore x = 1 또는 x = \frac{-1 \pm \sqrt{3}i}{2}$$

16. $\begin{cases} x - y = 1 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$ 에서 xy의 값을 구하면?

▷ 정답: 2

17. 연립방정식
$$\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 + 2y^2 = 12 \end{cases}$$
 을 만족하는 x , y 에 대하여 $x + y$

값이 될 수 <u>없는</u> 것은?

①
$$3\sqrt{2}$$
 ② 4 ③ $-3\sqrt{2}$ ④ -4

$$x^2 - 3xy + 2y^2 = 0$$
에서
 $(x - y)(x - 2y) = 0$: $x = y$ 또는 $x = 2y$
i) $x = y$ 일 때
 $x^2 + 2y^2 = 3x^2 = 12$
 $x = \pm 2, y = \pm 2$
ii) $x = 2y$ 일 때
 $x^2 + 2y^2 = 6y^2 = 12$

 $y = \pm \sqrt{2}, \quad x = \pm 2\sqrt{2}$ $\therefore x + y = 4, -4, 3\sqrt{2}, -3\sqrt{2}$

- **18.** a < 0, b < 0 일 때, 다음 중 옳은 것을 고르면?

② $\frac{\sqrt{b}}{a} = \sqrt{\frac{b^2}{a}}$ ④ $\sqrt{-ab} = \sqrt{a}\sqrt{b}i$

- $\sqrt[3]{\sqrt{a^2b^2}} = ab$

$$\sqrt{\frac{b^2}{a}} = \frac{\sqrt{b}}{\sqrt{a^2}} = \frac{\sqrt{b}}{-a}$$

$$= (-a)(-b) = ab$$

$$\sqrt{-ab} = \sqrt{-a} \sqrt{b}
= \sqrt{(-1)a} \sqrt{b}
= -\sqrt{-1} \sqrt{a} \sqrt{b}$$

$$= -\sqrt{1} \sqrt{a} \sqrt{b}i$$
$$= -\sqrt{a} \sqrt{b}i$$

19. 이차함수 $y = x^2 - 2ax + a^2 + 2a - 1$ 의 그래프가 a의 값에 관계없이 직선 y = mx + n과 접할 때, 상수 m, n의 합 m + n의 값은?

$$\bigcirc 1 - 4 \qquad \bigcirc 2 - 2 \qquad \bigcirc 3 - 1 \qquad \bigcirc 4 \bigcirc 0 \qquad \bigcirc 2$$

이차함수
$$y = x^2 - 2ax + a^2 + 2a - 1$$
의 그래프가
직선 $y = mx + n$ 과 접하므로
 $x^2 - 2ax + a^2 + 2a - 1 = mx + n$
즉, $x^2 - (2a + m)x + a^2 + 2a - n - 1 = 0$
 $\therefore 4am + m^2 - 8a + 4n + 4 = 0$
이 식이 a 의 값에 관계없이 성립하므로
 $(4m - 8)a + (m^2 + 4n + 4) = 0$
 $4m - 8 = 0, m^2 + 4n + 4 = 0$ 에서
두 식을 연립하여 풀면 $m = 2, n = -2$
 $\therefore m + n = 0$

20. 다음 그림과 같이 이차함수 $y = x^2 + b$ 의 그래프와 직선 y = ax 가 서로 두 점에서 만나고, 한 교점의 x 좌표가 $2 + \sqrt{3}$ 일 때, a + b 의 값은?(단, a, b 는 유리수)

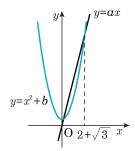
$$a+b$$
 의 값은?(단, a , b 는 유리수)

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

 $a = (2 + \sqrt{3}) + (2 - \sqrt{3}) = 4,$ $b = (2 + \sqrt{3})(2 - \sqrt{3}) = 1$

 $x^2 + b = ax$

 $\therefore a+b=5$



즉
$$x^2 - ax + b = 0$$
 의 한 근이 $2 + \sqrt{3}$ 이다.
이때, a , b 는 모두 유리수이므로
방정식 $x^2 - ax + b = 0$ 의 한 근이 $2 + \sqrt{3}$ 이면
다른 한 근은 $2 - \sqrt{3}$ 이다.
따라서 근과 계수와의 관계에 의하여

21. 이차함수
$$y = \frac{1}{2}x^2 - 3x + m - 1$$
 의 최솟값이 $\frac{1}{2}$ 일 때, m 의 값은?

①
$$3$$
 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

$$y = \frac{1}{2}x^2 - 3x + m - 1$$

$$= \frac{1}{2}(x^2 - 6x + 9 - 9) + m - 1$$

$$= \frac{1}{2}(x - 3)^2 - \frac{9}{2} + m - 1$$

$$= \frac{1}{2}(x - 3)^2 + m - \frac{11}{2}$$

최숙값이 $\frac{1}{2}$ 이므로 $m - \frac{11}{2} = \frac{1}{2}, m = \frac{1}{2} + \frac{11}{2} = \frac{12}{2}$

$$\therefore m = 6$$

22.
$$x^3=1$$
의 한 허근이 ω 일 때, $\omega^{10}+\omega^5+1$ 의 값은?

$$\bigcirc 1 - 2 \qquad \bigcirc 2 - 1 \qquad \bigcirc 3 \bigcirc 0 \qquad \bigcirc 4 \ 1 \qquad \bigcirc 5 \ 2$$

23. 다음 보기 중 ab(b-a) + ac(c-a) + bc(2a-b-c)의 인수인 것을 <u>모두</u> 고르면?

3 (¬), (□)

해설

$$ab(b-a) + ac(c-a) + bc(2a-b-c)$$

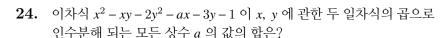
$$= ab^2 - a^2b + ac^2 - a^2c + 2abc - b^2c - bc^2$$

$$= -(b+c)a^2 + (b^2 + 2bc + c^2)a - bc(b+c)$$

$$= -(b+c)\{a^2 - (b+c)a + bc\}$$

$$= -(b+c)(a-b)(a-c)$$

$$= (a-b)(b+c)(c-a)$$



① 1 ② $\frac{3}{2}$ ③ 2 ④ $\frac{5}{2}$ ⑤ 3

해설
$$(주어진 식) = 0 이라 놓고 x에 관하여 정리하면
$$x^2 - (a+y)x - (2y^2 + 3y + 1) = 0$$
 근의 공식에서
$$x = \frac{a+y\pm\sqrt{(a+y)^2+4(2y^2+3y+1)}}{2}$$

$$= \frac{a+y\pm\sqrt{9y^2+2(a+6)y+a^2+4}}{2}$$
 주어진 식이 x, y 에 관한 일차식으로 인수분해되려면 근호 안의식(= D) 이 완전제곱 꼴이어야 한다.
$$D = 9y^2 + 2(a+6)y+a^2+4$$
의 판별식이 0 이 되어야 하므로
$$\frac{D'}{4} = (a+6)^2 - 9(a^2+4) = -8a^2+12a = 0$$

$$\therefore a=0 또는 a=\frac{3}{2}$$$$

 $\therefore 0 + \frac{3}{2} = \frac{3}{2}$

25. 지상 22m 되는 위치에서 초속
$$30m$$
 로 위로 던져 올린 공의 t 초 후의 높이를 hm 라 하면 $h = -5t^2 + 30t + 22$ 인 관계가 성립한다. 이 공은 몇 초 후에 최고 높이에 도달하는가?

① 1초 ② 2초 ③3초 ④ 4초 ⑤ 5초

해설
$$h = -5(t^2 - 6t + 9 - 9) + 22$$

$$= -5(t - 3)^2 + 67$$

$$t = 3 일 때, 최댓값 h = 67$$