

1. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 순환소수는 유리수이다.
- ② 유한소수는 유리수이다.
- ③ 무한소수는 무리수이다.
- ④ 원주율과  $\sqrt{1000}$  은 무리수이다.
- ⑤ 무리수는 실수이다.

해설

③ 순환하는 무한소수는 유리수이다.

2.  $(2\sqrt{54} - \sqrt{6}) \div \sqrt{3} - 3\sqrt{2}$  를 간단히 하면?

①  $\sqrt{2}$

②  $\sqrt{3}$

③  $2\sqrt{2}$

④  $2\sqrt{3}$

⑤  $3\sqrt{3}$

해설

$$(2\sqrt{54} - \sqrt{6}) \div \sqrt{3} - 3\sqrt{2}$$

$$= \frac{2\sqrt{54} - \sqrt{6}}{\sqrt{3}} - 3\sqrt{2}$$

$$= 2\sqrt{18} - \sqrt{2} - 3\sqrt{2}$$

$$= 6\sqrt{2} - \sqrt{2} - 3\sqrt{2}$$

$$= 2\sqrt{2}$$

3.  $x^2 - 16x + \square$ 가 완전제곱식이 될 때,  $\square$ 의 값은?

① -4

② -8

③ -16

④ 64

⑤ 256

해설

$$(x - 8)^2 = x^2 - 16x + 64$$

따라서  $\square = 64$  이다.

4. 정사각형 모양의 땅의 넓이가  $16a^2 - 24a + 9$  일 때, 한 변의 길이는?

①  $3a + 5$

②  $4a - 3$

③  $4a + 3$

④  $3a - 3$

⑤  $2a + 5$

해설

$$16a^2 - 24a + 9 = (4a - 3)^2$$

따라서 한 변의 길이는  $4a - 3$  이다.

5.  $\sqrt{82^2 - 80^2}$  을 인수분해 공식을 이용하여 계산하면?

- ① 18      ②  $2\sqrt{41}$       ③  $2\sqrt{43}$       ④  $3\sqrt{43}$       ⑤  $2\sqrt{47}$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{82^2 - 80^2} &= \sqrt{(82 + 80)(82 - 80)} \\ &= \sqrt{162 \times 2} = 18\end{aligned}$$

6. 다음 중 옳은 것은?

① 0은 제곱근이 없다.

②  $\sqrt{36}$ 의 제곱근과 6의 제곱근은 같다.

③  $\sqrt{16}$ 의 제곱근은 4 또는 -4이다.

④ 1의 제곱근은 1개이다.

⑤ -2는 -4의 음의 제곱근이다.

해설

① 0의 제곱근은 0이다.

③  $\sqrt{16}$ 의 제곱근은 -2, 2

④ 1의 제곱근은 -1, 1

⑤ 음수의 제곱근은 없다.

7.  $A, B$  가 다음과 같을 때,  $A + B$  의 값은?

$$A = \sqrt{196} \div \sqrt{(-2)^2} - \sqrt{(-3)^4} \times (-\sqrt{2})^2$$

$$B = \sqrt{144} \times \sqrt{\frac{25}{81}} \div \left(-\sqrt{\frac{4}{9}}\right)$$

㉠ -21

㉡ -1

㉢ 0

㉣ 1

㉤ 21

해설

$$A = 14 \div 2 - 3^2 \times 2 = 7 - 18 = -11$$

$$B = 12 \times \frac{5}{9} \div \left(-\frac{2}{3}\right) = 12 \times \frac{5}{9} \times \left(-\frac{3}{2}\right) = -10$$

$$\therefore A + B = -11 + (-10) = -21$$

8.  $\sqrt{50-x}$  의 값이 자연수가 되도록 하는 가장 작은 자연수  $x$  는?

① 1

② 3

③ 5

④ 10

⑤ 14

해설

$\sqrt{49}$  이므로  $x = 1$  이다.



9. 다음 중 가장 작은 수는?

①  $\frac{2}{3}$

②  $\sqrt{\frac{2}{3}}$

③  $\sqrt{0.\dot{6}}$

④  $\frac{\sqrt{2}}{3}$

⑤  $\frac{2}{\sqrt{3}}$

해설

모두 양수이므로 각 수를 제곱하여 비교하면

①  $\frac{4}{9}$

②  $\frac{2}{3} = \frac{6}{9}$

③  $(\sqrt{0.\dot{6}})^2 = 0.\dot{6} = \frac{6}{9}$

④  $\frac{2}{9}$

⑤  $\frac{4}{3} = \frac{12}{9}$

10.  $(a-3)^2 - 5(a-3) + 6$  을 인수분해한 식은?

①  $(a-6)(a-3)$

②  $(a-3)(a-5)$

③  $(a-2)(a-5)$

④  $(a-6)(a-5)$

⑤  $(a+6)(a-5)$

해설

$a-3 = A$  로 치환하면

$$\begin{aligned} A^2 - 5A + 6 &= (A-3)(A-2) \\ &= (a-6)(a-5) \end{aligned}$$

11. 임의의 실수  $a, b$ 에 대하여  $\star$ 를  $a \star b = ab - a - b - 3$ 이라 할 때,  
 $\sqrt{5} \star \frac{3\sqrt{5}}{5}$ 의 값은?

- ① 0                      ②  $-\frac{3\sqrt{5}}{5}$                       ③  $-\frac{8\sqrt{5}}{5}$   
④  $3 - \frac{3\sqrt{5}}{5}$                       ⑤  $3 - \frac{8\sqrt{5}}{5}$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{5} \star \frac{3\sqrt{5}}{5} &= \sqrt{5} \times \frac{3\sqrt{5}}{5} - \sqrt{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} - 3 \\ &= 3 - \sqrt{5} - \frac{3\sqrt{5}}{5} - 3 \\ &= -\frac{8}{5}\sqrt{5}\end{aligned}$$

12. 무리수  $\sqrt{8}$  의 정수 부분을  $x$ , 소수 부분을  $y$ 라고 할 때,  $\frac{1}{x-y} + \frac{1}{x+y+4}$  의 값은?

① 1

②  $\frac{\sqrt{8}}{8}$

③  $\frac{\sqrt{8}}{4}$

④ 2

⑤  $\frac{2+\sqrt{8}}{4}$

### 해설

$2 < \sqrt{8} < 3$  에서  $\sqrt{8} = 2.\times\times\times\cdots = 2 + y$

$\therefore \sqrt{8}$  의 정수 부분  $x = 2$

소수 부분  $y = \sqrt{8} - 2 = 2\sqrt{2} - 2$

$$\frac{1}{x-y} + \frac{1}{x+y+4}$$

$$= \frac{1}{2 - (2\sqrt{2} - 2)} + \frac{1}{2 + (2\sqrt{2} - 2) + 4}$$

$$= \frac{1}{4 - 2\sqrt{2}} + \frac{1}{4 + 2\sqrt{2}}$$

$$= \frac{(4 + 2\sqrt{2}) + (4 - 2\sqrt{2})}{(4 - 2\sqrt{2})(4 + 2\sqrt{2})}$$

$$= \frac{8}{4^2 - (2\sqrt{2})^2} = \frac{8}{16 - 8} = 1$$

13. 세 실수  $A = \sqrt{20} + \sqrt{80}$ ,  $B = \sqrt{21} + \sqrt{79}$ ,  $C = \sqrt{22} + \sqrt{78}$  의 대소 관계가 바르게 된 것은?

- ①  $A < B < C$       ②  $A < C < B$       ③  $B < A < C$   
④  $C < A < B$       ⑤  $C < B < A$

해설

$A$ ,  $B$ ,  $C$  가 모두 양수이므로  $A^2$ ,  $B^2$ ,  $C^2$  을 구해서 비교해도 좋다.

$$\begin{aligned} A^2 &= (\sqrt{20} + \sqrt{80})^2 \\ &= 20 + 2\sqrt{20 \times 80} + 80 = 100 + 2\sqrt{1600} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B^2 &= (\sqrt{21} + \sqrt{79})^2 \\ &= 21 + 2\sqrt{21 \times 79} + 79 = 100 + 2\sqrt{1659} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} C^2 &= (\sqrt{22} + \sqrt{78})^2 \\ &= 22 + 2\sqrt{22 \times 78} + 78 = 100 + 2\sqrt{1716} \end{aligned}$$

$$\sqrt{1600} < \sqrt{1659} < \sqrt{1716} \text{ 이므로 } A^2 < B^2 < C^2$$

$$\therefore A < B < C$$

14.  $f(x) = 4x + 2$ ,  $g(x) = 6x^2 - 5x - 4$  에 대하여  $\frac{g(x)}{f(x)} = ax + b$  로 나타내어질 때,  $2ab$  의 값을 구하면?

① -3

② -6

③ 3

④ 6

⑤ 12

해설

$$g(x) = (ax + b)f(x) \text{ 이므로}$$

$$6x^2 - 5x - 4 = (3x - 4)(2x + 1)$$

$$= \left(\frac{3}{2}x - 2\right)(4x + 2)$$

$$= \left(\frac{3}{2}x - 2\right)f(x)$$

$$\therefore a = \frac{3}{2}, b = -2$$

$$\therefore 2ab = -6$$

15. 다항식  $a^2x + 1 - x - a^2$  을 인수분해하였을 때, 다음 <보기> 중 그 인수가 될 수 있는 것을 모두 고른 것은?

보기

㉠  $x + 1$

㉡  $a + 1$

㉢  $x^2 + 1$

㉣  $a - 1$

① ㉠, ㉡

② ㉠, ㉢

③ ㉡, ㉣

④ ㉢, ㉣

⑤ ㉠, ㉡, ㉢

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= a^2x - a^2 - x + 1 \\&= a^2(x - 1) - (x - 1) \\&= (a^2 - 1)(x - 1) \\&= (a + 1)(a - 1)(x - 1)\end{aligned}$$