

1. 등식 $\frac{a}{1+i} + \frac{b}{1-i} = -5$ 를 만족하는 두 실수 $a+b$ 의 값을 구하시오
(단, $i = \sqrt{-1}$)

▶ 답 :

▷ 정답 : -10

해설

주어진 식의 양변에 $(1+i)(1-i)$ 를 곱하면

$$a(1-i) + b(1+i) = -10, (a+b) + (b-a)i = -10$$

$$\therefore a+b = -10, b-a = 0$$

2. $x^2 - 2\sqrt{2}x + 2 = 0$ 을 풀면?

① $x = -\sqrt{2}$

② $x = \sqrt{2}$

③ $x = 0$

④ $x = 4 - \sqrt{2}i$

⑤ $x = 6$

해설

$$x^2 - 2\sqrt{2}x + (\sqrt{2})^2 = (x - \sqrt{2})^2 = 0$$

$$\therefore x = \sqrt{2}$$

3. 이차방정식 $x^2 + (a+2)x + 1 = 0$ 이 중근을 갖도록 하는 모든 실수 a 의 값의 합을 구하면?

▶ 답 :

▷ 정답 : -4

해설

주어진 이차방정식이 중근을 가지려면

$D = (a+2)^2 - 4 = 0$ 이므로

$a^2 + 4a + 4 - 4 = a^2 + 4a = 0$

따라서 $a = 0$ 또는 $a = -4$

따라서 상수 a 의 값의 합은 -4

4. 이차방정식 $x^2 + 3x + 1 = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $(\sqrt{\alpha} + \sqrt{\beta})^2$ 의 값은?

① -5 ② -4 ③ -1 ④ 1 ⑤ 4

해설

근과 계수와의 관계를 이용하면,

$$\alpha + \beta = -3 \quad \alpha\beta = 1$$

$$\begin{aligned} \therefore (\sqrt{\alpha} + \sqrt{\beta})^2 &= \alpha + \beta + 2\sqrt{\alpha\beta} \\ &= -3 + 2 = -1 \end{aligned}$$

5. 이차함수 $y = -3x^2 - 6x + k$ 의 최댓값이 $\frac{5}{2}$ 일 때, 상수 k 의 값을 구하면?

① $-\frac{1}{2}$ ② 0 ③ $\frac{1}{2}$ ④ 1 ⑤ $\frac{3}{2}$

해설

$y = -3x^2 - 6x + k = -3(x^2 + 2x + 1) + k + 3 = -3(x + 1)^2 + k + 3$
이므로 꼭짓점의 좌표는 $(-1, k + 3)$ 이다.

주어진 함수는 위로 볼록한 함수이므로 꼭짓점의 y 의 값이 최댓값이 된다.

$$\therefore k + 3 = \frac{5}{2} \quad \therefore k = -\frac{1}{2}$$

6. 두 다항식 $A = a + 2b$, $B = 2a + 3b$ 일 때, $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned} 2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\ &= (2a + 4b) + (2a + 3b) \quad \text{㉠ 분배법칙} \\ &= 2a + (4b + 2a) + 3b \quad \text{㉡ 결합법칙} \\ &= 2a + (2a + 4b) + 3b \quad \text{㉢ 교환법칙} \\ &= (2a + 2a) + (4b + 3b) \quad \text{㉣ 교환법칙} \\ &= (2 + 2)a + (4 + 3)b \quad \text{㉤ 분배법칙} \\ &= 4a + 7b \end{aligned}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

해설

㉡ $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$: 결합법칙

7. $(-2x^3 + x^2 + ax + b)^2$ 의 전개식에서 x^3 의 계수가 -8 일 때, $a - 2b$ 의 값은?

① -6 ② -4 ③ -2 ④ 0 ⑤ 2

해설

전개할 때 삼차항은 일차항과 이차항의 곱, 삼차항과 상수항의 곱이 각각 2개씩 나온다.

$$(-2x^3 \times b) \times 2 + (x^2 \times ax) \times 2 = (-4b + 2a)x^3$$

$$2a - 4b = -8$$

$$\therefore a - 2b = -4$$

8. 다항식 $f(x)$ 를 $x+1$ 로 나눈 나머지가 -2 이고, $x-2$ 로 나눈 나머지가 1 일 때, $f(x)$ 를 $(x+1)(x-2)$ 로 나눈 나머지는?

① $2x+1$

② $x+1$

③ $x-1$

④ $2x-1$

⑤ $3x+2$

해설

$$f(x) = (x+1)Q_1(x) - 2$$

$$f(x) = (x-2)Q_2(x) + 1$$

$$f(x) = (x+1)(x-2)Q_3(x) + ax + b$$

$$f(-1) = -a + b = -2, \quad f(2) = 2a + b = 1$$

$$\therefore a = 1, \quad b = -1$$

구하는 나머지는 $x-1$

9. 다음 □안에 들어갈 식이 바르게 연결되지 않은 것은?

$$\begin{aligned} & a^2(b-c) + b^2(c-a) + c^2(a-b) \\ &= (b-c)a^2 - \boxed{\text{가}} a + \boxed{\text{나}}(b-c) \\ &= \boxed{\text{다}} \{a^2 - \boxed{\text{라}} a + \boxed{\text{나}}\} \\ &= (b-c)(a-b)\boxed{\text{마}} \end{aligned}$$

- ① (가) $(b^2 - c^2)$ ② (나) bc ③ (다) $(b - c)$
- ④ (라) $(b + c)$ ⑤ (마) $(c - a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2(b-c) + b^2(c-a) + c^2(a-b) \\ &= (b-c)a^2 + b^2c - ab^2 + c^2a - bc^2 \\ &= (b-c)a^2 - \boxed{(b^2 - c^2)} a + \boxed{bc}(b-c) \\ &= \boxed{(b-c)} \{a^2 - \boxed{(b+c)} a + \boxed{bc}\} \\ &= (b-c)(a-b)\boxed{(a-c)} \end{aligned}$$

10. 이차함수 $y = x^2 - 2ax + 2am - 2m + b$ 의 그래프가 m 의 값에 관계없이 x 축에 접할 때, 상수 a, b 의 곱 ab 의 값은?

① -1 ② 1 ③ 3 ④ 4 ⑤ 6

해설

이차방정식 $x^2 - 2ax + 2am - 2m + b = 0$ 에서

$$\frac{D}{4} = a^2 - (2am - 2m + b) = 0$$

$$\therefore a^2 - 2am + 2m - b = 0$$

이 식이 m 의 값에 관계없이 성립하므로

$$(2 - 2a)m + (a^2 - b) = 0 \text{에서}$$

$$2 - 2a = 0, a^2 - b = 0$$

따라서 $a = 1, b = 1$ 이므로 $ab = 1$

11. 방정식 $x^3 = 1$ 의 한 허근을 ω 라 할 때, 보기 중에서 옳은 것을 모두 고른 것은?

보기

㉠ $\omega^2 + \omega + 1 = 0$

㉡ $\omega^2 = 1$

㉢ $\omega^{99} + \frac{1}{\omega^{99}} = 2$

㉣ $\omega^{1005} + \omega^{1004} = -\omega$

㉤ $\omega^{18} + \omega^{99} + \frac{1}{\omega^{99}} = 3$

① ㉠, ㉢

② ㉡

③ ㉠, ㉢, ㉣

④ ㉢, ㉣, ㉤

⑤ ㉠, ㉢, ㉣, ㉤

해설

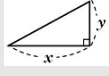
$$\begin{aligned} x^3 - 1 &= 0, \\ (x-1)(x^2 + x + 1) &= 0 \\ \Rightarrow \omega^3 = 1, \omega^2 + \omega + 1 &= 0, \\ \omega^2 &= -1 - \omega \cdots \text{㉠, ㉡} \\ \omega^{99} + \frac{1}{\omega^{99}} &= (\omega^3)^{33} + \frac{1}{(\omega^3)^{33}} = 2 \cdots \text{㉢} \\ \omega^{1005} + \omega^{1004} &= (\omega^3)^{335} + (\omega^3)^{334} \times \omega^2 \\ &= \omega^2 + 1 = -\omega \cdots \text{㉣} \\ \omega^{18} + \omega^{99} + \frac{1}{\omega^{99}} &= (\omega^3)^6 + (\omega^3)^{33} + \frac{1}{(\omega^3)^{33}} = 3 \cdots \text{㉤} \end{aligned}$$

12. 직각 삼각형에서 직각을 낀 두 변의 길이의 합이 21 cm이고, 빗변의 길이가 15 cm 일 때, 직각을 낀 두 변의 길이 중 긴 변의 길이를 구하시오.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 12 cm

해설



직각을 낀 두 변의 길이를 x, y 라 하면

$$\begin{cases} x + y = 21 \cdots \textcircled{1} \\ x^2 + y^2 = 15^2 \cdots \textcircled{2} \end{cases} \text{이다.}$$

①에서 $y = 21 - x$ 를 ②에 대입하면

$$x^2 + (21 - x)^2 = 15^2$$

$$x^2 + 21^2 - 42x + x^2 = 15^2$$

$$2x^2 - 42x + 21^2 - 15^2 = 0$$

$$2x^2 - 42x + (21 + 15)(21 - 15) = 0$$

$$x^2 - 21x + 3 \times 36 = 0$$

$$(x - 12)(x - 9) = 0 ,$$

$$x = 12 \text{ 또는 } x = 9$$

$$x = 12 \text{ 일 때 } y = 9$$

$$x = 9 \text{ 일 때 } y = 12$$

따라서 긴 변의 길이는 12 cm 이다.

13. 연립방정식 $\begin{cases} x+y=2a \\ xy=a \end{cases}$ 를 만족하는 순서쌍 (x,y) 가 한 개 뿐일 때, 양의 실수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$$\begin{cases} x+y=2a \cdots ① \\ xy=a \cdots ② \end{cases}$$

①에서 $y = -x + 2a$ 를 ②에 대입하면

$$x(-x + 2a) = a$$

$\therefore -x^2 + 2ax = a$ 즉 $x^2 - 2ax + a = 0$ 이 한 개의

실근을 가져야 하므로 $D/4 = a^2 - a = 0$

$\therefore a = 0$ 또는 1 그런데

a 는 양의실수 이므로

$$a = 1$$

14. 아래에서 ㉠ ~ ㉣의 ()안에 들어갈 부등호를 순서대로 적으면?

모든 실수 x 에 대하여

[I] 이차부등식 $ax^2 + bx + c > 0$ 이

항상 성립할 조건은

$a(㉠)0$ 이고 $b^2 - 4ac(㉡)0$ 이다.

[II] 이차부등식 $ax^2 + bx + c \leq 0$ 이

항상 성립할 조건은

$a(㉢)0$ 이고 $b^2 - 4ac(㉣)0$ 이다.

- ① $>, <, <, \geq$ ② $>, >, <, \leq$ ③ $>, <, \leq, \leq$
- ④ $>, >, \leq, \leq$ ⑤ $>, <, <, \leq$

해설

모든 실수 x 에 대하여

[I] 이차부등식 $ax^2 + bx + c > 0$ 이

항상 성립할 조건은

$a(>)0$ 이고 $b^2 - 4ac(<)0$ 이다.

[II] 이차부등식 $ax^2 + bx + c \leq 0$ 이

항상 성립할 조건은

$a(<)0$ 이고 $b^2 - 4ac(\leq)0$ 이다.

15. 자연수 $N = 5 \cdot 29^3 + 15 \cdot 29^2 + 15 \cdot 29 + 5$ 의 양의 약수의 개수는?

① 20 개

② 40 개

③ 60 개

④ 80 개

⑤ 100 개

해설

주어진 N 의 값을 직접 계산하여 다시 소인수분해 하기는 너무 복잡하므로,

주어진 수들을 하나의 문자로 생각하여 5로 묶으면

$$N = 5(29^3 + 3 \cdot 29^2 + 3 \cdot 29 + 1)$$

$$= 5(29 + 1)^3$$

$$= 5 \cdot 30^3$$

$$= 5 \cdot (2 \cdot 3 \cdot 5)^3$$

$$= 2^3 \cdot 3^3 \cdot 5^4$$

따라서 N 의 양의 약수의 개수는

$$(3 + 1)(3 + 1)(4 + 1) = 80$$

16. x, y 가 실수이고, 복소수 $z = x + yi$ 와 켤레복소수 $\bar{z} = x - yi$ 와의 곱이 $z \cdot \bar{z} = 1$ 일 때, $\frac{1}{2} \left(z - \frac{1}{z} \right) i$ 의 값은?

- ① $\frac{y}{2}$ ② $-y$ ③ $2x$ ④ $\frac{-x}{2}$ ⑤ 100

해설

$z \cdot \bar{z} = 1$ 에서 $\bar{z} = \frac{1}{z}$ 이다.

$$\begin{aligned}\text{그러므로 } \frac{1}{2} \left(z - \frac{1}{z} \right) i &= \frac{1}{2} (z - \bar{z}) i \\ &= \frac{1}{2} (x + yi - x + yi) i \\ &= \frac{1}{2} (2yi) i = -y\end{aligned}$$

17. 각 수가 다른 두 수의 곱이 되는 0이 아닌 실수의 순서쌍 (a, b, c) 의 개수는?

- ① 1개 ② 2개 ③ 3개 ④ 4개 ⑤ 5개

해설

$$a = bc, b = ca, c = ab,$$

$$abc = (bc)(ca)(ab) = (abc)^2,$$

$$abc \neq 0, \quad abc = 1,$$

$$abc = a^2 = b^2 = c^2 = 1$$

$$a = \pm 1, \quad b = \pm 1, \quad c = \pm 1$$

그러나 $abc = 1$ 이므로, a, b, c 중에서 -1인 것은 없거나 2개이다.

$$\therefore (a, b, c) = (1, 1, 1), (1, -1, -1), (-1, 1, -1), (-1, -1, 1)$$

18. 1개에 1,000 원 하는 볼펜과 1 개에 2,000 원 하는 노트를 합쳐서 30 개를 사려고 한다. 노트를 볼펜보다 많이 사고 전체 금액이 54,000 원 이하가 되도록 하려고 한다. 노트를 최소 a 개, 최대 b 개 살 수 있다면, $a \times b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a \times b = 384$

해설

노트와 볼펜의 개수를 x 라고 놓으면 볼펜의 개수는 $30 - x$ 이다. 노트를 볼펜보다 많이 사게 되면 $x > 30 - x$ 이다.

볼펜과 노트를 샀을 때 전체 금액을 식으로 나타내면, $2000x + 1000(30 - x)$ 이다. 또 전체 금액은 54,000 원 이하가 되어야 하기 때문에 $2000x + 1000(30 - x) \leq 54000$ 이다.

위의 두 부등식을 이용하여 연립방정식을 만들면

$$\begin{cases} x > 30 - x \\ 2000x + 1000(30 - x) \leq 54000 \end{cases} \quad \text{이다.}$$

이를 간단히 하면 $\begin{cases} x > 15 \\ x \leq 24 \end{cases}$ 이다.

따라서 $15 < x \leq 24$ 이다.

그러므로 노트는 최소로 16 개, 최대로 24 개 살 수 있다.

따라서 $a = 16$, $b = 24$ 이다.

$$\therefore 16 \times 24 = 384$$

19. 이차부등식 $ax^2 + bx + c > 0$ 의 해가 $p < x < q$ 일 때, 이차부등식 $cx^2 + bx + a < 0$ 의 해를 p, q 를 써서 나타내면? (단, $p > 0$)

① $x > q$ 또는 $x < p$

② $\frac{1}{q} < x < \frac{1}{p}$

③ $x > \frac{1}{p}$

④ $x < \frac{1}{q}$

⑤ $x > \frac{1}{p}$ 또는 $x < \frac{1}{q}$

해설

$ax^2 + bx + c > 0$ 의 해가 $p < x < q$ 라면

$(a < 0$ 이므로) $x^2 + \frac{b}{a}x + \frac{c}{a} < 0$

$\Leftrightarrow (x-p)(x-q) < 0$, $x - (p+q)x + pq < 0$

$p+q = -\frac{b}{a}$, $pq = \frac{c}{a}$

$cx^2 + bx + a < 0$ 에서 양변을 a 로 나누면

$\frac{c}{a}x^2 + \frac{b}{a}x + 1 > 0$ ($\because a < 0$)

$\Leftrightarrow pqx^2 - (p+q)x + 1 > 0$

$\Leftrightarrow (px-1)(qx-1) > 0$

$\therefore x > \frac{1}{p}$ 또는 $x < \frac{1}{q}$

$\left(\because \frac{1}{p} > \frac{1}{q} \right)$

20. 이차방정식 $x^2 - ax + 1 = 0$ 의 두 근이 -1 과 2 사이에 있도록 상수 a 의 값의 범위를 구하면?

① $a > 2$ 또는 $a < -2$

③ $-2 < a < 4$

⑤ $a > \frac{5}{2}$ 또는 $a < -2$

② $2 < a < \frac{5}{2}$

④ $-2 < a < \frac{5}{2}$

해설

(i) 방정식이 두 근을 가지므로

$D > 0$ 에서 $D = a^2 - 4 > 0$, $(a - 2)(a + 2) > 0$

$\therefore a > 2$ 또는 $a < -2$

(ii) $f(-1) > 0$ 에서 $1 + a + 1 > 0$

$\therefore a > -2$

(iii) $f(2) > 0$ 에서 $4 - 2a + 1 > 0$

$\therefore \frac{5}{2} > a$

(iv) 대칭축이 -1 과 2 사이에 있어야 하므로

$-1 < \frac{a}{2} < 2$

$\therefore -2 < a < 4$

따라서 (i), (ii), (iii), (iv)에서 $2 < a < \frac{5}{2}$

21. 다항식 $f(x)$ 를 $x - \alpha$ 로 나눈 몫을 $Q_1(x)$, $Q_1(x)$ 를 $x - \alpha$ 로 나눈 몫을 $Q_2(x)$ 라 한다. 이와 같은 과정을 계속할 때, $Q_n(x)$ 를 $x - \alpha$ 로 나눈 몫을 $Q_{n+1}(x)$ 라 한다. $f(x)$ 를 $(x - \alpha)^n$ 으로 나눈 나머지를 $R(x)$ 라 할 때, $R(\alpha)$ 의 값은?

① 0

② α

③ $f(\alpha)$

④ $Q_n(\alpha)$

$$\textcircled{5} \quad Q_{n+1}(\alpha)$$

애실

$f(x)$ 를 $x - \alpha$ 로 나눈 몫을 $Q_1(x)$, 나머지를 R_1 이라 하면

$f(x)$ 를 $x - \alpha$ 로 나눈 몫을 $Q_1(x)$, 나머지를 R_1 이라 하면

$$f(x) = (x - \alpha)Q_1(x) + R_1 \text{ 에서}$$

$Q_n(x)$ 를 $x - \alpha$ 로 나눈 나머지를 R_{n+1} 이라 하면

$$f(x) = (x - \alpha) \{ (x - \alpha) Q_2(x) + R_2 \} + R_1$$
$$\begin{aligned} f(x) &= (x - \alpha) \{ (x - \alpha) Q_2(x) + R_2 \} + R_1 \\ &= (x - \alpha)^2 O_2(x) + (x - \alpha) R_2 + R_1 \end{aligned}$$
$$= (x - \alpha)^2 \{(x - \alpha)Q_3(x) + R_3\} + (x - \alpha)R_2 + R_1$$
$$= (x - \alpha)^3 Q_3(x) + (x - \alpha)^2 R_3 + (x - \alpha) S_3 + T_3$$
$$= (x-a) \cdot Q_3(x) + (x-a) \cdot K_3 + (x-a)K_2 + K_1$$
$$\begin{pmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^n \quad \text{and} \quad \begin{pmatrix} \vdots \\ \vdots \\ \vdots \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^{n-1}$$
$$= (x - \alpha)^n Q_n(x) + (x - \alpha)^{n-1} R_n + \dots + (x - \alpha)^0 R_0$$

따라서 $f(x)$ 를 $(x - \alpha)^n$ 으로 나누는 나머지는

따라서 $f(x)$ ·
 $R(x)$ 라 하면

$$R(x) = (x - \alpha)^{n-1}R_1 + \cdots + (x - \alpha)R_{n-1} + R_n$$
$$\therefore R(\alpha) = R_1 = f(\alpha)$$
$$\therefore R(\alpha) = R_1 = f(\alpha)$$

22. $(x-2)^4 = a(x-3)^4 + b(x-3)^3 + c(x-3)^2 + d(x-3) + e$ 가 x 에 대한 항등식일 때, $2c - bd$ 의 값은?

- ① -8
- ② -4
- ③ 0
- ④ 4
- ⑤ 8

해설

x 에 대한 항등식 이므로 x 에 대한 적당한 수를 넣어 식을 만든다.
i) $x = 3 \Rightarrow e = 1$
ii) $x = 2 \Rightarrow a - b + c - d + 1 = 0$
iii) $x = 4 \Rightarrow a + b + c + d + 1 = 16$
iv) $x = 4 \Rightarrow 16a - 8b + 4c - 2d + 1 = 1$
v) $x = 5 \Rightarrow 16a + 8b + 4c - 2d + 1 = 1$
위 5개의 식을 연립하여 a, b, c, d 의 값을 구한다.
 $a = 1, b = 4, c = 6, d = 4, e = 1$
 $\therefore 2c - bd = -4$

해설

$x - 2 = t$ 라 하면 $x - 3 = t - 1$
(준식) : $t^4 = a(t-1)^4 + b(t-1)^3 + c(t-1)^2 + d(t-1) + e$
다음처럼 조립제법으로 $t-1$ 로 계속 나눌 때, 나오는 나머지가 순서대로 e, d, c, b 이고 마지막 몫이 a 이다.

1		1	0	0	0	0
			1	1	1	1
1		1	1	1	1	<u>1</u> = e
			1	2	3	
1		1	2	3	<u>4</u> = d	
			1	3		
1		1	3	<u>6</u> = c		
			1			
a=1		<u>4</u> = b				

$\therefore 2c - bd = -4$

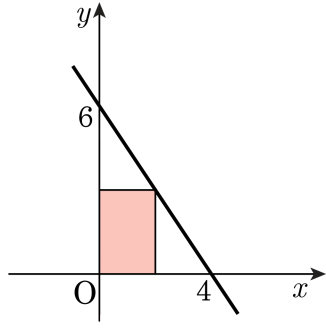
23. $a-b=2-\sqrt{3}$, $b-c=2+\sqrt{3}$ 인 세 수 a , b , c 에 대하여 $a^2(b-c)+b^2(c-a)+c^2(a-b)$ 의 값은?

- ① 4
- ② 3
- ③ 1
- ④ -2
- ⑤ -3

해설

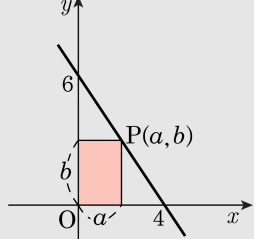
$$\begin{aligned} a-b &= 2-\sqrt{3} \cdots \cdots \textcircled{㉠} \\ b-c &= 2+\sqrt{3} \cdots \cdots \textcircled{㉡} \\ \textcircled{㉠}+\textcircled{㉡} \text{을 계산하면 } a-c &= 4 \\ a^2(b-c)+b^2(c-a)+c^2(a-b) \\ &= a^2(b-c)+b^2c-b^2a+c^2a-c^2b \\ &= a^2(b-c)-a(b^2-c^2)+b^2c-c^2b \\ &= a^2(b-c)-a(b+c)(b-c)+bc(b-c) \\ &= (b-c)(a^2-a(b+c)+bc) \\ &= (b-c)(a-b)(a-c) \\ &= (2+\sqrt{3})(2-\sqrt{3})\cdot 4=4 \end{aligned}$$

24. 다음 그림과 같이 직사각형의 두 변이 x 축, y 축 위에 있고, 네 꼭짓점 중 하나는 직선 $3x+2y=12$ 위에 있다. 이 직사각형의 넓이가 최대일 때, 네 변의 길이의 합은?



- ① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 16

해설



직사각형의 가로 a , 세로 b 라 하면 $a > 0, b > 0$

$P(a, b)$ 는 직선 $3x + 2y = 12$ 위의 점이므로

$$3a + 2b = 12$$

$$b = 6 - \frac{3}{2}a, a > 0, b = 6 - \frac{3}{2}a > 0, a < 4$$

$$\therefore 0 < a < 4$$

또 직사각형의 넓이를 S 라 하면

$$\begin{aligned} S &= ab = a(6 - \frac{3}{2}a) = -\frac{3}{2}a^2 + 6a \\ &= -\frac{3}{2}(a^2 - 4a) = -\frac{3}{2}(a - 2)^2 + 6 \end{aligned}$$

(단, $0 < a < 4$)

$a = 2$ 일 때, 최댓값 6을 갖고

이 때, $b = 6 - \frac{3}{2}a = 3$ 이다.

이 때, 직사각형 네 변의 길이의 합은 $2(a + b) = 10$

25. 양의 유리수 a 에 대하여 $n^2 \leq a < (n+1)^2$ 을 만족하는 정수 $n = P(a)$ 로 정의한다. $P(x) = 4, P(y) = 6$ 일 때, $P(y-x)$ 의 값이 될 수 있는 수를 모두 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 4

▷ 정답 : 5

해설

$P(x) = 4$ 이므로 $4^2 \leq x < 5^2 \quad \therefore 16 \leq x < 25$

$P(y) = 6$ 이므로 $6^2 \leq y < 7^2 \quad \therefore 36 \leq y < 49$

따라서 $11 < y-x < 33$

즉, $3^2 < y-x < 6^2$ 이므로 $P(y-x)$ 가 될 수 있는 값은 3, 4, 5