1.
$$\frac{a}{24}$$
 를 소수로 나타내면 유한소수이고, 기약분수로 고치면 $\frac{1}{b}$ 이다. a 가 가장 작은 한 자리의 자연수일 때, $a+b$ 의 값은?

에설
$$\frac{a}{24} = \frac{a}{2^3 \times 3}$$
가 유한소수이려면 a 는 3 의 배수이어야 하고, 가장 작은 한 자리의 자연수이므로 3 이다.
$$\frac{3}{24} = \frac{3}{2^3 \times 3} = \frac{1}{2^3} = \frac{1}{8}$$
이므로 $b = 8$ 이다. 따라서 $a + b = 3 + 8 = 11$ 이다.

2. 순환소수 0.3[†]에 어떤 자연수를 곱하면 그 결과가 자연수가 된다. 이를 만족하는 두 자리의 자연수를 <u>모두</u> 고르면?

해설
$$0.3\dot{7} = \frac{37-3}{90} = \frac{17}{45}$$
이므로 어떤 자연수는 45의 배수이어야한다. 따라서 이를 만족하는 두 자리의 자연수는 45,90이다.

3. $axy^2 \times (xy)^b = -3x^c y^5$ 일 때, a, b, c의 값은?

①
$$a = -1$$
, $b = -2$, $c = 3$ ② $a = -3$, $b = -4$, $c = 3$

③
$$a = 4$$
, $b = -2$, $c = 3$ ④ $a = 3$, $b = 3$, $c = 4$

$$\bigcirc$$
 $a = -3, b = 3, c = 4$

$$axy^2 \times (xy)^b = -3x^c y^5$$

 $ax^{(1+b)}y^{(2+b)} = -3x^c y^5$ 이旦로

a = -3, 1 + b = c, 2 + b = 5

$$\therefore a = -3, b = 3, c = 4$$

4. 연립방정식 $\begin{cases} x + ay = 1 \\ bx + y = 8 \end{cases}$ 의 그래프를 그렸을 때 교점의 좌표가 (3, 2) 일 때, ab 의 값은?

(1) 2 (2) 1 (3) 0 (4) -1 (5) -2

해설
$$(3, 2)$$
 를 주어진 연립방정식에 각각 대입하면 $3+2a=1$ $\therefore a=-1$ $3b+2=8$ $\therefore b=2$ 따라서 $a=-1$, $b=2$ 이고 $ab=(-1)\times 2=-2$

5. 연립방정식
$$\begin{cases} y = 4x + 3 \\ 2x - 3y = 11 \end{cases}$$
 값은?

의 해를 (a, b) 라고 할 때, b - 3a 의

-10x = 20

$$\therefore x = -2, y = -5$$

따라서 $b-3a=(-5)-3\times(-2)=-5+6=1$ 이다.

6. 다음 두 연립방정식의 해가 서로 같을 때, a+b 의 값은? $\begin{cases} 2x+y=5 & \cdots & \bigcirc \\ ax+2y=9 & \cdots & \bigcirc \end{cases} \begin{cases} x+y=4 & \cdots & \bigcirc \\ 4x+by=1 & \cdots & \bigcirc \end{cases}$

두 연립방정식의 해가 같으므로 ①, ⑥을 연립하여 풀면
$$x = 1$$
, $y = 3$ 이 나온다. $x = 1$, $y = 3$ 을 ⑥, ②에 각각 대입하면 $a + 6 = 9$ $\therefore a = 3$

4 + 3b = 1 : b = -1: a + b = 3 + (-1) = 2 7. 어느 주차장에 자전거와 자동차가 합하여 14대가 있고, 바퀴의 수는 38개였다. 자전거의 수는?

① 5 대 ② 6 대 ③ 7 대 ④ 8 대

자전거를 x 대, 자동차를 y 대라고 하면 $\int x + y = 14$

8. 다음 분수 중에서 유한소수로 나타낼 수 없는 것을 모두 골라라.

① $\frac{24}{15}$ ② $\frac{25}{13}$

2

 $\frac{12}{60}$

해설

분수를 기약분수로 나타내고 그 분모를 소인수 분해하였을 때 분모의 소인수가 2 나 5 뿐이면 그 분수는 유한소수로 나타낼 수 있다.

①
$$\frac{24}{15} = \frac{24}{3 \times 5} = \frac{8}{5}$$

⑤
$$-\frac{24}{15} = -\frac{2^3 \times 3}{3 \times 5} = -\frac{2^3}{5}$$
 이므로 유한소수이다.

$$3 \frac{14}{5 \times 7^2} = \frac{2}{5 \times 7}$$

$$\textcircled{4} \frac{25}{48} = \frac{5^2}{2^4 \times 3}$$

이므로 유한소수로 나타낼 수 없다.

9.
$$2^{10} = X$$
 라 할 때, 다음 중 $\frac{1}{16^{10}}$ 과 같은 것은?

$$\frac{1}{X^2}$$

 $\frac{1}{16^{10}} = \frac{1}{(2^4)^{10}} = \frac{1}{(2^{10})^4} = \frac{1}{X^4}$

①
$$\frac{1}{X^4}$$
 ② $\frac{1}{X^2}$ ③ $\frac{1}{X}$ ④ X^2

$$\overline{X}$$

$$\bigcirc$$
 X^4





10. 식 $(a^2 - 2a + 4) - (-3a^2 - 5a + 1)$ 을 간단히 하였을 때, a 의 계수와 상수항의 곱은?

① 21 ② 15 ③ 9 ④ -15 ⑤ -21

11.
$$7x - \frac{9}{4} \left[5x - \frac{2}{3} \left\{ 2y - \frac{1}{3} (x - 3y) \right\} \right]$$
 를 간단히 했을 때, x 의 계수와 y 의 계수의 합은?

①
$$-\frac{11}{12}$$
 ② $\frac{1}{4}$ ③ 0 ④ $-\frac{1}{4}$ ⑤ $-\frac{2}{3}$

7x -
$$\frac{9}{4} \left[5x - \frac{2}{3} \left\{ 2y - \frac{1}{3} (x - 3y) \right\} \right]$$

= 7x - $\frac{9}{4} \left\{ 5x - \frac{2}{3} \left(2y - \frac{1}{3} x + y \right) \right\}$
= 7x - $\frac{9}{4} \left(5x - \frac{4}{3}y + \frac{2}{9}x - \frac{2}{3}y \right)$
= 7x - $\frac{45}{4}x + 3y - \frac{1}{2}x + \frac{3}{2}y$
= $-\frac{19}{4}x + \frac{9}{2}y$
 $\therefore -\frac{19}{4} + \frac{9}{2} = -\frac{1}{4}$

12.
$$(x-1)(x+1)(x^2+1)(x^4+1)(x^8+1) = x^a+b$$
일 때, 상수 a, b 에 대하여 $a-b$ 의 값은?

(
$$x-1$$
)($x+1$)(x^2+1)(x^4+1)(x^8+1)
$$= (x^2-1)(x^2+1)(x^4+1)(x^8+1)$$

$$= (x^4-1)(x^4+1)(x^8+1)$$

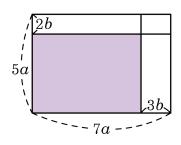
$$= (x^8-1)(x^8+1)$$

$$= x^{16}-1$$

$$x^a+b=x^{16}-1$$
이므로 $a=16,\ b=-1$

$$\therefore a-b=17$$

13. 다음 그림과 같이 색칠한 부분의 직사각형의 넓이는?



①
$$25a^2 + 9b^2$$

②
$$25a^2 - 10ab + 4b^2$$

$$35a^2 - 3ab + 16b^2$$

$$4) 35a^2 - 21ab + 6b^2$$

$$\bigcirc 35a^2 - 29ab + 6b^2$$

$$= (7a - 3b)(5a - 2b)$$

$$= 35a^2 - 29ab + 6b^2$$

14. $(x-4y+3)^2$ 의 전개식에서 x의 계수를 a, xy의 계수를 b, 상수항을 c라 하자. 이 때, 상수 a, b, c의 합 a+b+c의 값은?

$$x - 4y = A$$
라하면
$$(x - 4y + 3)^2 = (A + 3)^2$$
$$= A^2 + 6A + 9 = (x - 4y)^2 + 6(x - 4y) + 9$$
$$= x^2 - 8xy + 16y^2 + 6x - 24y + 9$$
$$\therefore a = 6, b = -8, c = 9$$
$$\therefore a + b + c = 7$$

15.
$$a = 6$$
, $b = -\frac{1}{4}$ 일 때, $a(a - 4b) - (5a^2b - 20a^2b^2) \div 5ab$ 의 값을 구하 여라.

$$a(a-4b) - (5a^2b - 20a^2b^2) \div 5ab$$

$$= a^2 - 4ab - a + 4ab$$

 $a=6,\ b=-rac{1}{4}$ 을 대입하면

$$a = 6, b = -\frac{1}{4}$$
을 내입하면 $a^2 - a = 36 - 6 = 30$

16. 일차방정식
$$\frac{1}{3}y - x - \frac{7}{3} = 0$$
 의 해가 $(a, 2)$ 일 때, 상수 a 의 값은?

①
$$a = \frac{5}{3}$$
 ② $a = -\frac{5}{3}$ ② $a = \frac{2}{3}$

 $\therefore a = -\frac{5}{3}$

③
$$a = -3$$

$$a = \frac{1}{3}$$

$$(a, 2) 를 대입하면 $\frac{2}{3} - a - \frac{7}{3} = 0$$$



17. 다음의 연립방정식을 가감법을 이용하여 풀었을 때, 이를 만족하는 해 (x, y) 가 제 4 사분면에 위치하는 것은?

①
$$\begin{cases} 2x + 5y = 10 \\ 2x + y = 2 \end{cases}$$
③
$$\begin{cases} 5x + 3y = 10 \\ x - y = 2 \end{cases}$$
⑤
$$\begin{cases} x - y = -1 \\ -3x + y = -5 \end{cases}$$
①
$$x = 0, y = 2$$

x = 2, y = -1x = 2, y = 0x = 0, y = 2x = 3, y = 4

$$3x + y = 5$$

$$x + y = 1$$

$$3x + 2y = 4$$

$$2x - 3y = -6$$

18. 다음 연립방정식의 해를 (x, y)로 바르게 나타낸 것은?

$$\begin{cases} 3x - 2(x + y) = 19\\ 3x - 4(x - 2y) = 11 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - 2y = 19 & \cdots \bigcirc \\ -x + 8y = 11 & \cdots \bigcirc \end{cases}$$

19. 분수 $\frac{36}{111}$ 을 소수로 나타낼 때, 소수점 아래 100 번째 자리의 숫자를 구하여라.



 $\frac{36}{111} = 0.324324\dots = 0.\dot{3}2\dot{4}$ $100 \div 3 = 33\dots 1 \text{ 이므로 소수점 아래 } 100 \text{ 번째 숫자는 3 이다.}$

20. 부등식 $\frac{5}{2} < x < 6.29$ 를 만족하는 자연수 x 의 값을 모두 구하여라.

- 답:
- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▶ 답:
- ▷ 정답: 3
 - ▷ 정답: 4
- ➢ 정답: 5
- ▷ 정답: 6

 $\frac{5}{2} = 2.5$ 이므로 만족하는 x 값은 3, 4, 5, 6 이다.

21.
$$(25)^3 \div (-5)^n = -5^3$$
 일 때, n 의 값을 구하여라.

해설
$$5^6 \div (-5)^n = -5^3$$

$$6 - n = 3$$

$$\therefore n = 3$$

22. $f(x) = 2^x$ 에 대하여, 다음 식을 만족시키는 x 의 값을 구하여라.

$$f(x) \times f(5) \div f(2) = f(8)$$

- ▶ 답:
- 정답: 5

 $\therefore x = 5$

해설
$$f(x) \times f(5) \div f(2) = 2^{x} \times 2^{5} \div 2^{2}$$

$$= 2^{8}$$

$$x + 5 - 2 = 8$$

23. 2개의 반으로 구성된 어떤 학교의 2학년 학생들에 대해서 축구와 농구 중에 구기대회에 하고 싶은 운동을 조사했더니 5:4의 비율로 조사되었다. 1반에서 축구와 농구의 비가 8:7.2반에서 축구와 농구의 비가 3:2이다. 다음 중 축구를 선택한 학생들에 대하여 2 학년의 1반과 2반의 학생 비율을 a:b의 꼴로 나타낸 것은?

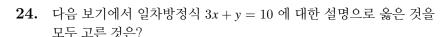
1반의 축구와 농구를 선택한 학생들의 비율(축구):(농구)= 8:7 2반의 (축구):(농구)= 3:2 2 학년 전체의 (축구):(농구)= 5 : 4 이므로 8k + 3k' : 7k + 2k' =

$$5:4, \ k'=\frac{3}{2}k$$

따라서 1반과 2반의 축구를 선택한 학생 수는 각각 8k, 3k' =

 $\frac{3}{2}k \times 3 = \frac{9}{2}k$

 $\therefore (1 \text{ 반과 } 2 \text{ 반의 축구를 선택한 학생 수의 비}) = 8 : \frac{9}{2} = 16 : 9$



보기

- ⊙ 미지수가 2 개인 일차방정식이다.
- x, y 가 모든 수일 때, 해의 순서쌍 (x, y) 는 무수히 많이 있다.
- © x, y 가 자연수일 때, 해는 3 쌍이다.
- ② x = -3 일 때, y = 1 이다.
- ① y 에 관해 정리하면 y = 3x + 10 이다.

① ①, ①

② ①, ①, ②

(3) ¬, L, E

④ つ, □, 亩, 킅

 \bigcirc \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc , \bigcirc

해설

- ⊙. 미지수가 2 개인 일차방정식이다.
- ©. x, y 가 모든 수일 때, 해의 순서쌍 (x, y) 는 무수히 많이 있다.
- ©. x, y 가 자연수일 때, 해는 (1, 7), (2, 4), (3, 1) 으로 3 쌍이다.
- ②. *x* = −3 일 때, *y* = 19 이다.
- ⑤. y 에 관해 정리하면 y = -3x + 10 이다.

25. 다음 연립방정식 중 해가 없는 것은?

①
$$\begin{cases} 6x + 2y = 10 \\ 3x + y = 5 \end{cases}$$
②
$$\begin{cases} x - 3y = 9 \\ 4x - 12y = 36 \end{cases}$$
③
$$\begin{cases} x - 3y = 4 \\ 3x - 9y = 17 \end{cases}$$
④
$$\begin{cases} 2x - y = 3 \\ 12x - 6y = 18 \end{cases}$$
⑤
$$\begin{cases} 3x - 2y = 1 \\ 4x - 2(2y - x) + 3 = 5 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x - 2y = 1 \\ 4x - 2(2y - x) + 3 = 5 \end{cases}$$

해가 없는 것을 찾는다.

③
$$\begin{cases} x - 3y = 4 \\ 3x - 9y = 17 \end{cases}$$
 에서
$$\begin{cases} 3x - 9y = 12 \\ 3x - 9y = 17 \end{cases}$$
 이므로 해가 없다.

26. 연립방정식 $\begin{cases} ax + by = \frac{5}{2} \\ -y + 4x = 6 \end{cases}$ 의 해가 무수히 많기 위한 a, b 의 값을

 $a = 1, b = -\frac{1}{4}$ $3 \ a=2, b=\frac{1}{6}$

구하면?

①
$$a = 1, b = -\frac{1}{4}$$
 ② $a = -1, b = -\frac{1}{4}$ ③ $a = 2, b = \frac{1}{6}$ ④ $a = 2, b = -\frac{1}{6}$ ⑤ $a = -2, b = -\frac{1}{6}$

식을 정리하면
$$\begin{cases} ax + by = \frac{3}{2} \\ 4x - y = 6 \end{cases}$$
 에서

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{-1} = \frac{\frac{3}{2}}{6}$$
이어야 하므로

 $6a = \frac{3}{2} \times 4$ 에서 a = 1, $6b = \frac{3}{2} \times (-1)$ 에서 $b = -\frac{1}{4}$ 이다.

27. $5^a \times 9 = 225$, $3 \times 2^b = 192$ 일 때, $a \times b$ 를 구하여라.

- 답:
- ▷ 정답: 12

해설

225를 소인수분해하면 3² × 5² 이므로

 $3^2 \times 5^2 = 5^a \times 9 = 5^a \times 3^2$ 이다.

192 를 소인수분해하면 3×2^6 이므로 $3 \times 2^6 = 3 \times 2^b$ 이다.

 $\therefore a = 2, b = 6$

28. $10^n = A$ 라 할 때, $5^n(2^{n+2} + 2^n)$ 을 A 에 관한 식으로 나타내어라.

- ▶ 답:
 - ▷ 정답: 5A

하실
$$5^{n}(2^{n+2} + 2^{n}) = 5^{n}(2^{n} \times 2^{2} + 2^{n})$$

$$= 5^{n}(4 \times 2^{n} + 2^{n})$$

$$= 5^{n}(5 \times 2^{n})$$

$$= 5 \times 2^{n} \times 5^{n}$$

$$= 5 \times (2 \times 5)^{n}$$

$$= 5 \times 10^{n}$$

$$= 5A$$

29. A = x - 3y, B = -3x + 2y 일 때, $5A - [B - \{3A - (A - 2B)\}] 을 x, y$ 에 관한 식으로 나타내면?

①
$$4x + 19y$$
 ② $4x - 19y$ ③ $6x + 11y$ ④ $6x - 11y$ ⑤ $3x - y$

해설
$$5A - [B - \{3A - (A - 2B)\}] = 7A + B$$
$$A = x - 3y, B = -3x + 2y 을 대입하면$$
$$7A + B = 7(x - 3y) + (-3x + 2y) = 7x - 21y - 3x + 2y = 4x - 19y$$

30. x, y 가 자연수일 때, 미지수가 2 개인 일차방정식 4x+y=20 에 대한 설명으로 옳지 <u>않은</u> 것은?

- ① 해는 6 쌍이다.
- ② (4, 4) 는 해이다.

해설

- ③ 그래프가 제 1 사분면 위에만 나타난다.
- ④ y = 12 일 때, x = 2 이다.
- ⑤ 점 (1, 16) 은 그래프 위의 한 점이다.

해는 (1, 16), (2, 12), (3, 8), (4, 4) 의 4 쌍이다.

31. 두 숙련공 A, B가 같은 일을 완료하는 데 걸리는 시간의 비는 2:5 이다. A 가 14 일 동안 혼자 작업한 후, B 와 함께 6 일을 더 작업하면 일을 마칠 수 있다고 할 때, 같은 일을 B 혼자서 완료할 수 있는 시간을 구하여라

일

숙련공 A, B 가 혼자 작업할 때, 일을 완료하는 시간을 각각 x

▷ 정답: 56 일

▶ 답:

일, v 일이라 하자. $x : y = 2 : 5, \ 2y = 5x \cdots \bigcirc$

 $\frac{1}{v}$ 이다.

A 가 14 일 동안 혼자 작업한 후, B 와 함께 6 일을 더 작업하면

일을 마칠 수 있으므로 $14 \times \frac{1}{x} + 6 \times \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y}\right) = 1, \ \frac{20}{x} + \frac{6}{y} = 1 \ \cdots \ \Box$

 \bigcirc , \bigcirc 을 연립하면 $x = \frac{112}{5} = 22.4$, y = 56

따라서 같은 일을 B 혼자서 완료할 수 있는 시간은 56 일

- 32. 어느 도서대여점의 대여 요금을 다음과 같은 규칙으로 정하였다.
 - ⊙ 대여 기일 2 일까지는 권당 500 원의 기본요금
 - 대여 기일 2 일(48 시간) 초과부터 12 시간당 a 원의 추가요금과 기본요금을 합한다.
 - 대여 기일 5 일(120 시간) 초과부터 대여 기일 5 일까지의 요금과 12 시간당 b 원의 추가요금이 더해진다.

정우는 책 10 권을 빌려서 3 일 12 시간 만에 반납했을 때, 총 요금이 11000 원이 나왔고, 현지는 책 8 권을 빌려서 6 일만에 반납했을 때, 총 요금이 18400 원이 나왔다. a, b 의 값을 각각 구하여라.

- 답:
- ▶ 답:
- ➢ 정답: a = 200
- ▷ 정답: b = 300

해설

정우는 36 시간에 대한 추가 요금을 내야 하므로 정우가 빌린 책 한 권 당 추가요금은

 $\frac{36}{12} \times a = 3a$

따라서 $5000 + 10 \times 3a = 11000$ $\therefore a = 200$ 현지는 책을 빌린 지 6 일 째 되는 날 하루 동안의 추가 요금 2b 와 3 일부터 5 일까지의 추가 요금 6a 을 내야 하므로 권당 총

추가 요금이 6a + 2b

따라서 4000 + 8(6a + 2b) = 18400 $\therefore b = 300$

33. 어느 상점에서 어떤 상품을 사서 구입 가격의 30% 의 이익을 붙여 정가로 판매하였더니. 기대했던 것보다 잘 팔리지 않아서 상품이 60 개 남았을 때부터 정가의 20% 를 할인하여 팔다가 10 권이 남고. 이익이 1950 원이었다. 이 상점에서 한 번 더 같은 상품을 같은 가격. 수량으로 들여왔을 때, 이번에는 20% 의 이익을 붙인 후, 정가로 판매하여 10 권이 남았을 때의 이익이 2100 원이었다. 상점에서 이 상품을 구입하는 데 든 금액의 총합을 구하여라.

원

▶ 답:

▷ 정답: 19500 원

해설

상품 한 개의 가격을 x 원, 구입한 개수를 v 개라 하면 $1.3x \times (y - 60) + 1.3x \times 0.8 \times 50 - xy = 1950 \dots$

 $1.2x \times (y - 10) - xy = 2100 \cdots$

 \bigcirc 에서 $0.3xy - 26x = 1950 \cdots$ \bigcirc \bigcirc 에서 $0.2xy - 12x = 2100 \cdots$ \bigcirc

② 에 대입하면 v = 130

따라서 상점에서 상품을 구입하는 데 든 금액의 총합은 150 x

130 = 19500 (원)