

1. 다음 빈칸을 순서대로 채워 넣어라.

$\sqrt{49}$ 의 양의 제곱근은 □이고, $(-5)^2$ 의 음의 제곱근은 □

▶ 답 :

▶ 답 :

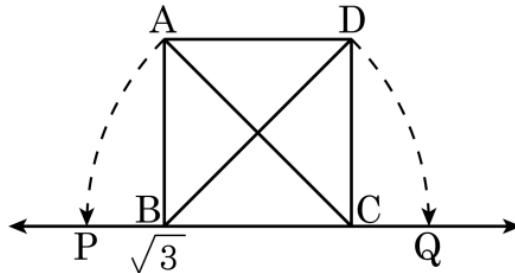
▷ 정답 : $\sqrt{7}$

▷ 정답 : -5

해설

$\sqrt{49} = 7$ 이므로 7의 양의 제곱근은 $\sqrt{7}$, $(-5)^2 = 25$ 이므로 25의 음의 제곱근은 -5이다.

2. 다음 그림에서 사각형 ABCD는 한 변의 길이가 1인 정사각형이고, $B(\sqrt{3})$ 이다. 이 때, 점 P의 좌표를 구하면?



- ① $2\sqrt{3}$ ② $-1 + 2\sqrt{2}$ ③ $-1 + 2\sqrt{3}$
④ $2\sqrt{3} - \sqrt{2}$ ⑤ $1 + \sqrt{3} - \sqrt{2}$

해설

정사각형 한 변의 길이가 1이므로 점 C의 좌표는 $C(\sqrt{3} + 1)$ 이다.

정사각형 한 변의 길이가 1이므로 대각선 길이는 $\sqrt{2}$ 이다.
따라서 점 P의 좌표는 $P(\sqrt{3} + 1 - \sqrt{2})$ 이다.

3. 다음 중 옳지 않은 것은?

$$\textcircled{1} \quad -\sqrt{16} \div 2 = -2$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{3}$$

$$\textcircled{3} \quad -\frac{\sqrt{128}}{4} = -4\sqrt{2}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{\sqrt{45}}{3} = \sqrt{5}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{\sqrt{39}}{\sqrt{5}} \div \frac{\sqrt{13}}{\sqrt{15}} = 3$$

해설

$$\textcircled{1} \quad -\sqrt{16} \div 2 = -\sqrt{\frac{16}{2^2}} = -\sqrt{4} = -2$$

$$\textcircled{2} \quad \frac{\sqrt{12}}{2} = \sqrt{\frac{12}{2^2}} = \sqrt{3}$$

$$\textcircled{3} \quad -\frac{\sqrt{128}}{4} = -\sqrt{\frac{128}{4^2}} = -\sqrt{8} = -2\sqrt{2}$$

$$\textcircled{4} \quad \frac{\sqrt{45}}{3} = \sqrt{\frac{45}{9}} = \sqrt{5}$$

$$\textcircled{5} \quad \frac{\sqrt{39}}{\sqrt{5}} \div \frac{\sqrt{13}}{\sqrt{15}} = \frac{\sqrt{39}}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{13}} = \sqrt{3 \times 3} = 3$$

4. $2\sqrt{6} \div 3\sqrt{3} \times \frac{3}{\sqrt{2}}$ 을 간단히 하여라.

▶ 답 :

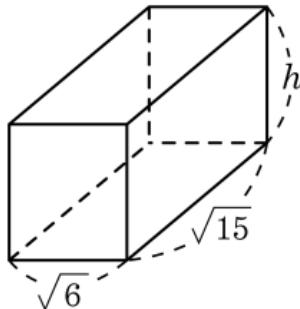
▷ 정답 : 2

해설

$$2\sqrt{6} \div 3\sqrt{3} \times \frac{3}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{6} \times \frac{1}{3\sqrt{3}} \times \frac{3}{\sqrt{2}} = 2$$

5. 다음 그림과 같이 부피가 $12\sqrt{5}$ 인 직육면체의 가로, 세로의 길이가 각각 $\sqrt{6}$, $\sqrt{15}$ 일 때, 이 직육면체의 높이를 구하면?

- ① $\sqrt{2}$
- ② $2\sqrt{2}$
- ③ $\sqrt{15}$
- ④ $3\sqrt{6}$
- ⑤ $2\sqrt{15}$



해설

높이를 h 라 하면 $\sqrt{6} \times \sqrt{15} \times h = 12\sqrt{5}$

$$\begin{aligned}\therefore h &= \frac{12\sqrt{5}}{\sqrt{6} \times \sqrt{15}} \\ &= 12 \times \sqrt{\frac{5}{6 \times 15}} = \frac{12}{\sqrt{18}} \\ &= \frac{12}{3\sqrt{2}} = \frac{4}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}\end{aligned}$$

6. $\frac{6}{\sqrt{3}}(\sqrt{3} - \sqrt{2}) + \frac{\sqrt{8} - 2\sqrt{3}}{\sqrt{2}}$ 을 간단히 나타내면?

- ① $4 - \sqrt{6}$ ② $4 - 3\sqrt{6}$ ③ $8 - \sqrt{6}$
④ $8 - 3\sqrt{6}$ ⑤ $8 - 5\sqrt{6}$

해설

$$6 - 2\sqrt{6} + 2 - \sqrt{6} = 8 - 3\sqrt{6}$$

7. 밑변의 길이가 $a\sqrt{5} + \sqrt{3}$, 높이가 $2\sqrt{3}$ 인 삼각형의 넓이가 $2\sqrt{15} + 3$ 일 때, 유리수 a 의 값은?

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}\text{(삼각형의 넓이)} &= \frac{1}{2} \times (\text{밑변}) \times (\text{높이}) \\ &= \frac{1}{2}(a\sqrt{5} + \sqrt{3}) \times 2\sqrt{3}\end{aligned}$$

$$a\sqrt{15} + \sqrt{9} = 2\sqrt{15} + 3$$

$$\therefore a = 2$$

8. $1 < x < 4$ 일 때, $\sqrt{x^2 - 2x + 1} - \sqrt{x^2 - 8x + 16}$ 을 간단히 하면?

① $2x - 2$

② $2x + 1$

③ $2x - 5$

④ $3x - 1$

⑤ $3x + 1$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{x^2 - 2x + 1} - \sqrt{x^2 - 8x + 16} \\&= \sqrt{(x-1)^2} - \sqrt{(x-4)^2} \\&= |x-1| - |x-4| \\&= x-1 + x-4 = 2x-5\end{aligned}$$

9. 다음은 좌변을 인수분해하여 우변을 얻은 것이다. 옳은 것은?

① $-6ax - 2bx = -6x(a + 2b)$

② $ax^2 + ay = a(x + y)$

③ $a(x + y) - b(x + y) = (x + y) - ab$

④ $-4x^2 + 16y^2 = -4(x + 2y)(x - 2y)$

⑤ $x(2a - b) + 2y(2a - b) - z(2a - b) = (2a - b)(x - 2y) - z$

해설

① $-2x(3a + b)$

② $a(x^2 + y)$

③ $(x + y)(a - b)$

⑤ $(2a - b)(x + 2y - z)$

10. 다음 중 $27ax^2 - 12ay^2$ 를 바르게 인수분해 한 것은?

- ① $(3ax - 3y)^2$
- ③ $3a(3^2ax - 4ay)^2$
- ⑤ $3(9ax^2 - 4ay^2)$

- ② $3^2(3ax - 4ay)^2$
- ④ $3a(3x + 2y)(3x - 2y)$

해설

$$\begin{aligned}27ax^2 - 12ay^2 &= 3a(9x^2 - 4y^2) \\&= 3a(3x + 2y)(3x - 2y)\end{aligned}$$

11. $x - y = \sqrt{2}$ 일 때, $x^2 - 2xy + y^2 + 4x - 4y + 4$ 의 값은?

- ① $2 + 4\sqrt{2}$ ② $3 + 4\sqrt{2}$ ③ $4 + 4\sqrt{2}$
④ $5 + 4\sqrt{2}$ ⑤ $6 + 4\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xy + y^2 + 4x - 4y + 4 \\&= (x - y)^2 + 4(x - y) + 4 \\&= (\sqrt{2})^2 + 4\sqrt{2} + 4 = 6 + 4\sqrt{2}\end{aligned}$$

12. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 0의 제곱근은 0이다.
- ② 36의 제곱근은 6이다.
- ③ -16의 제곱근은 -4이다.
- ④ 4의 음의 제곱근은 -2이다.
- ⑤ $\sqrt{(-4)^2}$ 의 양의 제곱근은 4이다.

해설

- ② 36의 제곱근은 ± 6
- ③ 음수의 제곱근은 없다.
- ⑤ $\sqrt{(-4)^2} = 4$ 의 양의 제곱근은 2이다.

13. $\sqrt{9x} + \sqrt{48y}$ 가 가장 작은 자연수가 되게 하는 자연수 x 와 y 의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $x + y = 4$

해설

$$\sqrt{9x} + \sqrt{48y} = \sqrt{3^2x} + \sqrt{2^4 \times 3 \times y}$$

$$x = 1, y = 3$$

$$\therefore x + y = 4$$

14. 다음 중 옳은 것은 모두 몇 개인가?

- ㉠ 수직선에 나타낼 수 없는 무리수도 있다.
- ㉡ $-\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{2}$ 사이에는 4 개의 정수가 있다.
- ㉢ 수직선은 유리수와 무리수에 대응하는 점들로 완전히 메워져 있다.
- ㉣ 수직선 위에서 오른쪽에 있는 실수가 왼쪽에 있는 실수보다 크다.
- ㉤ 수직선 위에는 유리수에 대응하는 점들만 있는 것이 아니고 무리수에 대응하는 점들도 있다.
- ㉥ 서로 다른 두 무리수의 합은 반드시 무리수이다.
- ㉦ 서로 다른 두 유리수의 합은 반드시 유리수이다.

① 7 개 ② 6 개 ③ 5 개 ④ 4 개 ⑤ 3 개

해설

- ㉠ 모든 유리수는 수직선 위에 나타낼 수 있다.
- ㉡ $1 < \sqrt{2} < 2$ 이므로 $-\sqrt{2}$ 와 $\sqrt{2}$ 사이에는 $-1, 0, 1$ 의 3 개의 정수가 있다.
- ㉥ $(\sqrt{2}) + (-\sqrt{2}) = 0$ 은 유리수이다.

15. $2\sqrt{2} \times 5\sqrt{6} \div \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{5}}$ 을 계산하면?

- ① $3\sqrt{2}$ ② $6\sqrt{3}$ ③ $12\sqrt{5}$ ④ $12\sqrt{6}$ ⑤ $20\sqrt{5}$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2\sqrt{2} \times 5\sqrt{6} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{3}} \\&= 2\sqrt{2} \times 5\sqrt{2} \times \sqrt{5} \\&= 20\sqrt{5}\end{aligned}$$

16. 등식 $5 + 3\sqrt{2} + 3x - y = 2\sqrt{2}x - \sqrt{2}y - 3$ 을 만족하는 유리수 x, y 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = -11$

▷ 정답: $y = -25$

해설

$$\begin{aligned}5 + 3\sqrt{2} + 3x - y &= 2\sqrt{2}x - \sqrt{2}y - 3 \\(5 + 3x - y + 3) + (3 - 2x + y)\sqrt{2} &= 0\end{aligned}$$

$$\begin{array}{r} 3x - y = -8 \\ +) -2x + y = -3 \\ \hline x = -11, y = -25 \end{array}$$

17. a, b 가 유리수이고 $\frac{a+\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}} = 1+b\sqrt{3}$ 일 때, $b-a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$$\frac{a+\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}} \times \frac{2+\sqrt{3}}{2+\sqrt{3}} = 2a+3 + (2+a)\sqrt{3} = 1+b\sqrt{3} \text{ 이므로}$$

$$2a+3=1, 2+a=b \therefore a=-1, b=1 \therefore b-a=2$$

18. $A = 5\sqrt{2} - 2$, $B = 3\sqrt{2} + 1$, $C = 4\sqrt{3} - 2$ 일 때, 다음 중 대소 관계가 옳은 것은?

- ① $A > B > C$
- ② $A > C > B$
- ③ $B > A > C$
- ④ $B > C > A$
- ⑤ $C > A > B$

해설

$$A - B = 2\sqrt{2} - 3 < 0 \text{ 이므로 } A < B$$

$$A - C = 5\sqrt{2} - 4\sqrt{3} > 0 \text{ 이므로 } A > C$$

$$\therefore B > A > C$$

19. $4x - 3$ 이 $4x^2 - ax + 6$ 의 인수일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $a = 11$

해설

$$\begin{aligned}4x^2 - ax + 6 &= (4x - 3)(x + p) \\&= 4x^2 + 4px - 3x - 3p \\&= 4x^2 + (4p - 3)x - 3p\end{aligned}$$

$$-3p = 6, \quad p = -2 \text{ 이고,}$$

$$4p - 3 = -a, \quad a = 11 \text{ 이다.}$$

20. $(2x - 1)^2 + (3x - 2)(3x + 2) = ax^2 + bx + c$ 일 때, $a + b + c$ 의 값은?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

$$(2x - 1)^2 + (3x - 2)(3x + 2)$$

$$= 4x^2 - 4x + 1 + 9x^2 - 4$$

$$= 13x^2 - 4x - 3$$

$$= ax^2 + bx + c$$

$$a = 13, b = -4, c = -3$$

$$\therefore a + b + c = 13 - 4 - 3 = 6$$

21. 두 다항식 $a^2 + b^2 - c^2 - 2ab$, $a^2 - b^2 - ac - bc$ 의 공통인 인수는?

- ① $a - b - c$ ② $a + b - c$ ③ $a - b + c$
④ $-a - b - c$ ⑤ $-a + b - c$

해설

$$\begin{aligned}a^2 + b^2 - c^2 - 2ab &= (a - b)^2 - c^2 \\&= (a - b + c)(a - b - c)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}a^2 - b^2 - ac - bc &= (a + b)(a - b) - c(a + b) \\&= (a + b)(a - b - c)\end{aligned}$$

22. $6x^2 + ax + 15 = (2x + b)(cx + 5)$ 이고 a, b, c 는 상수일 때, $a + b + c$ 의 값은?

① 21

② 22

③ 23

④ 24

⑤ 25

해설

$$6x^2 + ax + 15 = 2cx^2 + (10 + bc)x + 5b$$

$$2c = 6, \quad 5b = 15, \quad 10 + bc = a$$

$$c = 3, \quad b = 3, \quad a = 19$$

$$\therefore a + b + c = 25$$

23. $2x^2 + ax - 3$ 의 한 인수가 $x - 1$ 일 때, 상수 a 의 값은?

- ① -1
- ② -3
- ③ 1
- ④ 3
- ⑤ 4

해설

$$2x^2 + ax - 3 = (x - 1)(2x + 3) = 2x^2 + x - 3$$
$$\therefore a = 1$$

24. $(2x - 1)^2 - 9$ 를 인수분해 하여 $a(x + b)(x + c)$ 로 나타낼 때, $bc - a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: $bc - a = -6$

해설

$$\begin{aligned}(2x - 1)^2 - 9 &= (2x - 1 + 3)(2x - 1 - 3) \\&= (2x + 2)(2x - 4) \\&= 4(x + 1)(x - 2) \\&= a(x + b)(x + c)\end{aligned}$$

$$a = 4, b = 1, c = -2$$

$$\therefore bc - a = -2 - 4 = -6$$

25. 다음 보기의 수를 각각 제곱근으로 나타낼 때, 근호를 사용하지 않아도 되는 것을 모두 고르면?

보기

㉠ $\sqrt{36}$

㉡ 25

㉢ $\sqrt{(-3)^2}$

㉣ 1.6

㉤ $\frac{49}{9}$

㉥ $\frac{81}{6}$

① ㉠, ㉡

② ㉡, ㉣

③ ㉡, ㉤

④ ㉠, ㉢, ㉤

⑤ ㉡, ㉣, ㉥

해설

㉠ $\sqrt{36} = 6$ 이므로 6의 제곱근은 $\pm\sqrt{6}$ 이다.

㉢ $\sqrt{(-3)^2} = 3$ 이므로 3의 제곱근은 $\pm\sqrt{3}$ 이다.

㉣ (1.6의 제곱근) = $\pm\sqrt{1.6}$ (1.6은 제곱수가 아니다.)

㉥ $\left(\frac{81}{6}\right)$ 의 제곱근 = $\pm\frac{9}{\sqrt{6}}$

26. 다음 식을 간단히 하면?

$$\sqrt{225} - \sqrt{(-6)^2} + \sqrt{(-3)^2 \times 2^4} - \sqrt{5^2} - (-\sqrt{3})^2$$

- ① -11 ② 7 ③ 10 ④ 13 ⑤ 19

해설

$$\sqrt{225} - \sqrt{(-6)^2} + \sqrt{(-3)^2 \times 2^4} - \sqrt{5^2} - (-\sqrt{3})^2$$

$$= 15 - 6 + \sqrt{(3 \times 2^2)^2} - 5 - 3$$

$$= 9 + 12 - 8 = 13$$

27. $0 < a < 1$ 일 때, 다음 보기 중 옳은 것은 몇 개인가?

보기

㉠ $a < \sqrt{a}$

㉡ $a < \frac{1}{a}$

㉢ $\sqrt{a^2} = a$

㉣ $\frac{1}{a} < \sqrt{a}$

① 없다

② 1 개

③ 2 개

④ 3 개

⑤ 4 개

해설

$0 < a < 1$ 이므로 $a = \frac{1}{4}$ 라고 생각하고 대입하면

㉠ $\frac{1}{4} < \sqrt{\frac{1}{4}} \left(= \frac{1}{2}\right) (\bigcirc)$

㉡ $\frac{1}{4} < \frac{1}{\frac{1}{4}} (= 4) (\bigcirc)$

㉢ $a > 0$ 이므로 $\sqrt{a^2} = a (\bigcirc)$

㉣ $\frac{1}{\frac{1}{4}} (= 4) > \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2} (\times)$

$\therefore ㉠, ㉡, ㉢$

28. 다음 중 옳은 것은?

- ① 유리수의 제곱근은 항상 무리수이다.
- ② 네 변의 길이가 무리수인 직사각형의 넓이는 항상 무리수이다.
- ③ 서로 다른 두 유리수의 곱은 항상 유리수이다.
- ④ 순환하지 않는 무한소수도 유리수일 수 있다.
- ⑤ 모든 유리수의 제곱근은 2 개이다.

해설

- ① 유리수 9의 제곱근은 ± 3 으로 유리수이므로 옳지 않다.
- ② 가로, 세로의 길이가 각각 $\sqrt{3}$, $\sqrt{12}$ 인 무리수인 직사각형의 넓이는 $\sqrt{36} = 6$ 이 되어 유리수이므로 옳지 않다.
- ④ 순환하지 않는 무한소수는 모두 무리수이다.
- ⑤ 0의 제곱근은 1개, -1의 제곱근은 0개이므로 옳지 않다.
따라서 옳은 것을 고르면 ③이다.

29. 다음을 만족하는 유리수 a , b , c 에 대하여 $\sqrt{\frac{2ab}{c}}$ 의 값은?

$$\frac{1}{2}\sqrt{8} = \sqrt{a}, \quad \sqrt{135} = 3\sqrt{b}, \quad \sqrt{2000} = c\sqrt{5}$$

- ① $\sqrt{2}$ ② $\sqrt{3}$ ③ 2 ④ $\sqrt{5}$ ⑤ $\sqrt{6}$

해설

$$\frac{1}{2}\sqrt{8} = \sqrt{\left(\frac{1}{2}\right)^2 \times 8} = \sqrt{\frac{8}{4}} = \sqrt{2} = \sqrt{a}$$

$$\therefore a = 2$$

$$\sqrt{135} = \sqrt{3^3 \times 5} = 3\sqrt{15} = 3\sqrt{b}$$

$$\therefore b = 15$$

$$\sqrt{2000} = \sqrt{20^2 \times 5} = 20\sqrt{5} = c\sqrt{5}$$

$$\therefore c = 20$$

$$\therefore \sqrt{\frac{2ab}{c}} = \sqrt{\frac{2 \times 2 \times 15}{20}} = \sqrt{3}$$

30. 다음 식이 성립하도록 양수 A , B , C 에 알맞은 수를 순서대로 바르게 나열한 것은?

$$(1) a^2 + 8a + A = (a + 4)^2$$

$$(2) x^2 + Bx + 9 = (x + C)^2$$

① 16, 6, 3

② 8, 6, 3

③ 16, 3, 6

④ 8, 3, 6

⑤ 6, 8, 3

해설

$$a^2 + 8a + A = (a + 4)^2 = a^2 + 8a + 16, A = 16$$

$$x^2 + Bx + 9 = (x + C)^2 = x^2 + 2Cx + C^2,$$

$$C^2 = 9, C = \pm 3, B = 2C, B = \pm 6$$

$$\therefore A = 16, B = 6, C = 3 (\because B, C \text{는 양수})$$

31. $x = 3 + \sqrt{8}$, $y = 3 - \sqrt{8}$ 일 때, $(x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2$ 의 값은?(단, n 은 양의 정수)

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2 \\&= (x^n + y^n + x^n - y^n)(x^n + y^n - x^n + y^n) \\&= 2x^n \times 2y^n = 4(xy)^n \\xy &= (3 + \sqrt{8})(3 - \sqrt{8}) = 1 \\∴ 4(xy)^n &= 4\end{aligned}$$

32. $2 < x \leq 3$ 일 때,

$A = \sqrt{(-3x)^2} - 3\sqrt{(2-x)^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 6

해설

$2 < x \leq 3$ 에서 $-3x < 0, 2-x < 0$ 이므로

$$A = \sqrt{(-3x)^2} - 3\sqrt{(2-x)^2}$$

$$= -(-3x) - 3(x-2)$$

$$= 3x - 3x + 6$$

$$= 6$$

33. 부등식 $-\sqrt{\frac{5}{2}} < x \leq \sqrt{A}$ 를 만족하는 정수가 모두 3 개일 때, A 가 될 수 있는 자연수를 모두 더하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 6

해설

$-\sqrt{\frac{5}{2}} < x \leq \sqrt{A}$ 인 정수가 모두 3 개가 되려면 $1 \leq \sqrt{A} < 2$

따라서 $1 \leq A < 4$ 이므로 $A = 1, 2, 3$ 이다.

$$\therefore 1 + 2 + 3 = 6$$

34. $x^2 - 2xz + z^2 - y^2$ 을 인수분해하면?

- ① $(x + y + z)(x - y + z)$
- ② $(x + y + z)(x - y - z)$
- ③ $(x - y + z)(x - y - z)$
- ④ $(x + y - z)(x - y + z)$
- ⑤ $(x + y - z)(x - y - z)$

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2xz + z^2 - y^2 &= (x - z)^2 - y^2 \\&= (x - z + y)(x - z - y)\end{aligned}$$

35. $\frac{\sqrt{4^{11} - 16^3}}{\sqrt{8^8 - 4^7}}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{2}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{\sqrt{4^{11} - 16^3}}{\sqrt{8^8 - 4^7}} &= \frac{\sqrt{(2^2)^{11} - (2^4)^3}}{\sqrt{(2^3)^8 - (2^2)^7}} \\&= \frac{\sqrt{2^{22} - 2^{12}}}{\sqrt{2^{24} - 2^{14}}} \\&= \frac{\sqrt{2^{12}(2^{10} - 1)}}{\sqrt{2^{14}(2^{10} - 1)}} \\&= \sqrt{\frac{1}{2^2}} = \frac{1}{2}\end{aligned}$$