

1. 4 개의 숫자 1, 2, 3, 4 를 한 번씩 사용하여  $\frac{abcd}{9999}$  를 만들 때, 소수점 아래 둘째 자리 숫자의 총합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 60

해설

$$\frac{abcd}{9999} = 0.\dot{a}\dot{b}\dot{c}\dot{d}$$

소수점 아래 둘째 자리의 숫자  $b$  가 1 일 경우

나머지  $a, c, d$  의 자리에 1 을 제외한 3 개의 수(2, 3, 4) 를  
일렬로 배열한 것만큼 1 이 있다.

$$\therefore 3 \times 2 \times 1 = 6(\text{가지})$$

$b$  의 자리에 2, 3, 4 일 경우도 마찬가지로 각각 6 가지씩 있으므로

$$\text{총 } (1 + 2 + 3 + 4) \times 6 = 60 \text{ 이다.}$$

따라서 소수점 아래 둘째 자리 숫자의 총합은 60 이다.

2. 다음은 순환소수  $0.\dot{2}\dot{1}\dot{3}$ 을 분수로 고치는 과정이다. ( ) 안의 수가 옳은 것은?

$$\begin{aligned}x &= 0.21313\cdots \\(1) \quad x &= 2.1313\cdots \dots \dots \textcircled{\text{7}} \\(2) \quad x &= 213.1313\cdots \dots \dots \textcircled{\text{8}} \\(\textcircled{\text{9}}) \text{에서 } \textcircled{\text{7}} \text{을 빼면} \\(3) \quad x &= (\textcircled{\text{4}}) \\&\therefore x = (\textcircled{\text{5}})\end{aligned}$$

- ① 10000      ② 100      ③ 999  
④ 211      ⑤  $\frac{211}{999}$

해설

$$\begin{aligned}x &= 0.21313\cdots \\10x &= 2.1313\cdots \dots \dots \textcircled{\text{7}} \\1000x &= 213.1313\cdots \dots \dots \textcircled{\text{8}} \\(\textcircled{\text{9}}) \text{에서 } \textcircled{\text{7}} \text{을 변끼리 빼면} \\990x &= 211 \\&\therefore x = \frac{211}{990}\end{aligned}$$

3.  $(Ax^2 - 3x + 1) - (-x^2 + Bx + 4) = 3x^2 + 2x + C$ 에서  $A, B, C$ 의 값은?

①  $A = 2, B = -1, C = 3$       ②  $A = 4, B = -1, C = 5$

③  $A = 4, B = -5, C = -5$       ④  $A = 2, B = 5, C = 3$

⑤  $A = 2, B = -5, C = -3$

해설

$$(Ax^2 - 3x + 1) - (-x^2 + Bx + 4) = 3x^2 + 2x + C$$

$$Ax^2 - 3x + 1 + x^2 - Bx - 4 = 3x^2 + 2x + C$$

$$Ax^2 + x^2 - 3x - Bx + 1 - 4 = 3x^2 + 2x + C$$

$$A + 1 = 3 \quad \therefore A = 2$$

$$-3 - B = 2 \quad \therefore B = -5$$

$$1 - 4 = C \quad \therefore C = -3$$

4. 어떤 다항식에서  $2x - 3y + 5$ 를 더해야 할 것을 잘못하여 빼었더니  $4x + 2y - 3$ 이 되었다. 이 때, 바르게 계산한 답은?

- ①  $-4x - 2y - 8$       ②  $-2x - 5y + 8$       ③  $2x - 5y - 8$   
④  $6x - y + 2$       ⑤  $8x - 4y + 7$

해설

어떤 식을  $A$ 라 하면  
$$A - (2x - 3y + 5) = 4x + 2y - 3$$
$$A = (4x + 2y - 3) + (2x - 3y + 5) = 6x - y + 2$$
$$\therefore (6x - y + 2) + (2x - 3y + 5)$$
$$= 8x - 4y + 7$$

5.  $2x(x - 1) - 3x(2x - 3) - (-7x^2 + x - 2)$  를 간단히 하면?

- ①  $3x^2 + 6x + 2$       ②  $3x^2 - 6x + 2$       ③  $3x^2 + 6x - 2$   
④  $-3x^2 + 6x + 2$       ⑤  $3x^2 - 6x - 2$

해설

$$\begin{aligned} & 2x(x - 1) - 3x(2x - 3) - (-7x^2 + x - 2) \\ &= 2x^2 - 2x - 6x^2 + 9x + 7x^2 - x + 2 \\ &= 3x^2 + 6x + 2 \end{aligned}$$

6. 다음 중  $x = 1.24242424\cdots$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 유리수이다.
- ②  $1.\dot{2}\dot{4}$ 으로 나타낼 수 있다.
- ③ 순환마디는 24이다.
- ④  $100x - 10x$ 를 이용하여 분수로 나타낼 수 있다.
- ⑤ 분수로 나타내면  $\frac{41}{33}$ 이다.

해설

$$\begin{aligned}x &= 1.242424\cdots \text{ 일 때}, \\100x &= 124.242424\cdots \\-\) \quad x &= \underline{\quad 1.242424\cdots} \\99x &= 123 \\∴ x &= \frac{123}{99} = \frac{41}{33}\end{aligned}$$

7.  $81^2 \div 9^5$  을 간단히 하면?

- ① 3      ②  $3^2$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{3^2}$       ⑤  $\frac{1}{3^3}$

해설

$$(3^4)^2 \div (3^2)^5 = 3^{8-10} = \frac{1}{3^2}$$

8. 다음  $\boxed{\quad}$ 에 알맞은 식을 구하면?

$$\boxed{\quad} \div (-3ab^2)^3 = \frac{a^3}{3b^2}$$

①  $9a^6b^4$

②  $6a^3b^2$

③  $-9a^6b^4$

④  $-6a^3b^2$

⑤  $6ab^2$

해설

$$\boxed{\quad} = \frac{a^3}{3b^2} \times (-3ab^2)^3$$

$$= \frac{a^3}{3b^2} \times (-27a^3b^6) = -9a^6b^4$$

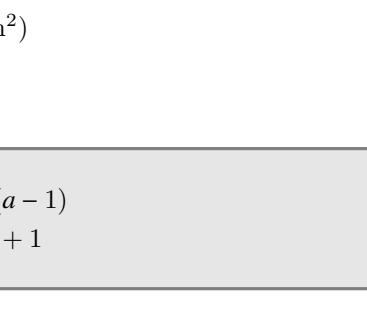
9.  $(2x^2y)^3 \times (-x^2y^3) \div \{(-x)^3 y\}^2$  을 간단히 하면?

- ①  $-8x^2y^4$       ②  $2x^2y^3$       ③  $8x^2y^4$   
④  $-2x^2y^3$       ⑤  $4x^4y^2$

해설

$$2^3 x^6 y^3 \times (-x^2 y^3) \div x^6 y^2 \\ = -8x^8 y^6 \div x^6 y^2 = -8x^2 y^4$$

10. 다음 그림에서 가로  $2acm$ , 세로  $acm$  인 직사각형 안에 그림과 같이  $1cm$  간격의 빈 부분이 있을 때 색칠한 부분의 넓이는 얼마인가?



- ①  $a^2 - 3a - 1 \text{ (cm}^2\text{)}$       ②  $2a^2 - 3a - 1 \text{ (cm}^2\text{)}$   
③  $2a^2 - 3a + 1 \text{ (cm}^2\text{)}$       ④  $a^2 + 3a - 1 \text{ (cm}^2\text{)}$   
⑤  $2a^2 - 1 \text{ (cm}^2\text{)}$

해설

$$\begin{aligned} S &= (2a - 1)(a - 1) \\ &= 2a^2 - 3a + 1 \end{aligned}$$

11. 어떤 다항식을  $2x$ 로 나눈 값이  $-4x + 3y + \frac{1}{2}$  일 때, 어떤 다항식은?

- ①  $-2x + \frac{3}{2}y$   
②  $-8x^2 + 6xy + x$   
③  $-\frac{1}{2}x + \frac{2}{3}y$   
④  $-2x + 6xy + 1$   
⑤  $8x + 6y - 1$

해설

어떤 다항식을  $A$  라 하면  $A \div 2x = -4x + 3y + \frac{1}{2}$

$$\therefore A = \left( -4x + 3y + \frac{1}{2} \right) \times 2x = -8x^2 + 6xy + x$$

12.  $x, y$ 에 관한 일차방정식  $ax - 3y = 9$ 의 해가  $\left(\frac{3}{5}, -\frac{11}{5}\right)$  일 때, 상수

$a$ 의 값은?

- ① 3      ②  $\frac{11}{3}$       ③ 4      ④  $\frac{13}{3}$       ⑤  $\frac{14}{3}$

해설

$\left(\frac{3}{5}, -\frac{11}{5}\right)$ 을  $ax - 3y = 9$ 에 대입하면,

$$\frac{3a}{5} + \frac{33}{5} = 9$$

$$\frac{3a}{5} = \frac{12}{5}$$

$$\therefore a = 4$$

13.  $x, y$ 에 관한 연립방정식  $\begin{cases} ax - y = 0 \\ 2x + by = -2 \end{cases}$ 의 해가  $x = 2, y = -2$  일 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① -4      ② -2      ③ 0      ④ 2      ⑤ 4

해설

각 식에  $(2, -2)$ 를 대입하여  $a, b$ 의 값을 구한다.  
 $a = -1, b = 3, \therefore a + b = 2$

14. 분수  $\frac{18 \times b}{2^2 \times 3^2 \times a}$  을 소수로 나타내면 무한소수가 된다고 한다. 순서쌍

( $a, b$ ) 라 할 때,  $a + b$  의 최댓값을 구하여라.

(단,  $a, b$  는 자연수이고,  $1 \leq a \leq 10, 1 \leq b \leq 10$  )

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a + b = 19$

해설

$\frac{18 \times b}{2^2 \times 3^2 \times a} = \frac{3^2 \times 2 \times b}{2^2 \times 3^2 \times a} = \frac{b}{2 \times a}$  가 무한소수가 되어야 하므로, 분모  $a$  의 최댓값은 9이고, 분자  $b$  의 최댓값은 10이다.  
따라서  $a + b$  의 최댓값은 19이다.

15.  $12^5 = 2^m \times 3^n$  일 때,  $m + n$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$12^5 = (2^2 \times 3)^5 = 2^{10} \times 3^5$$

$$m = 10, n = 5$$

$$\therefore m + n = 15$$

16.  $x_1 = 97$ ,  $x_2 = \frac{2}{x_1}$ ,  $x_3 = \frac{3}{x_2}$ ,  $x_4 = \frac{4}{x_3}$ , …,  $x_{10} = \frac{10}{x_9}$  이라 할 때,

$x_1 \cdot x_2 \cdot x_3 \cdots \cdot x_{10}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3840

해설

$x_1 = 97$  이고,  $x_1 \times x_2 = 2$  이고,  $x_3 \times x_4 = 4$  이다. 따라서  $x_9 \times x_{10} = 10$  된다.

$$\begin{aligned} & x_1 \times x_2 \times x_3 \cdots \times x_{10} \\ &= (x_1 \times x_2) \times (x_3 \times x_4) \times \cdots \times (x_9 \times x_{10}) \\ &= 2 \times 4 \times 6 \times 8 \times 10 = 3840 \end{aligned}$$

17.  $2(4+2)(4^2+2^2)(4^4+2^4)(4^8+2^8) = 4^a - 2^b$  일 때, 양수  $a, b$ 의 합  $a+b$ 의 값은?

- ① 2      ② 4      ③ 16      ④ 32      ⑤ 64

해설

$$\begin{aligned} 2 &= 4 - 2 \quad \text{으로} \\ (4-2)(4+2)(4^2+2^2)(4^4+2^4)(4^8+2^8) &= (4^2-2^2)(4^2+2^2)(4^4+2^4)(4^8+2^8) \\ &= (4^4-2^4)(4^4+2^4)(4^8+2^8) \\ &= (4^8-2^8)(4^8+2^8) \\ &= 4^{16}-2^{16} \end{aligned}$$

$$\therefore a+b = 16+16 = 32$$

18.  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 3$  일 때,  $\frac{a+3ab+b}{a-ab+b}$  의 값은?

- ① -3      ② -2      ③ 0      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned}\frac{1}{a} + \frac{1}{b} &= 3, \quad \frac{a+b}{ab} = 3 \\ \therefore 3ab &= a+b \\ \frac{a+3ab+b}{a-ab+b} &= \frac{3ab+3ab}{3ab-ab} \\ &= \frac{6ab}{2ab} \\ &= 3\end{aligned}$$

19. 연립방정식  $\begin{cases} ax + by = -5 \\ 5x + cy = 7 \end{cases}$  을 푸는데  $c$  를 잘못 보아  $x = 0, y = 1$

을 해로 얻었다. 옳은 해가  $x = 3, y = 4$  일 때,  $a + b + c$  의 값을 구하면?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$\begin{cases} ax + by = -5 & \dots\dots \textcircled{\text{1}} \\ 5x + cy = 7 & \dots\dots \textcircled{\text{2}} \end{cases}$$

$x = 3, y = 1$  이므로

$$3a + 4b = -5 \dots\dots \textcircled{\text{3}}$$

②에 대입을 하면  $c = -2$  이고, ①은  $x = 0, y = 1$  도 만족하므로  $a \cdot 0 + b \cdot 1 = -5$ 에서  $b = -5$  이다. 이것을 ③에 대입해서

성립해야 하므로  $a = 5$  가 나온다.

$$\therefore a + b + c = 5 + (-5) + (-2) = -2$$

20. 연립방정식  $\begin{cases} \frac{1}{2}x - \frac{1}{4}y = 3 \\ 0.3x + 0.2y = -0.3 \end{cases} \cdots \textcircled{\text{①}} \quad \cdots \textcircled{\text{②}}$  의 해로 알맞은 것은?

①  $x = -6, y = -3$       ②  $x = -3, y = 6$

③  $x = 6, y = 3$       ④  $x = -3, y = -6$

⑤  $x = 3, y = -6$

해설

①  $\times 4, \textcircled{\text{②}} \times 10$  을 하면

$$\begin{cases} 2x - y = 12 \\ 3x + 2y = -3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{array}{r} 4x - 2y = 24 \\ + 3x + 2y = -3 \\ \hline 7x = 21 \end{array}$$

$$\therefore x = 3$$

$$x = 3 \stackrel{\text{을}}{\Rightarrow} 2x - y = 12 \text{ 대입하면 } 6 - y = 12$$

$$\therefore y = -6$$

21. 다음 연립방정식을 풀어라.

$$\begin{cases} \frac{2}{x-1} - \frac{3}{y-1} = 15 \\ \frac{6}{x-1} + \frac{2}{y-1} = 1 \end{cases}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = \frac{5}{3}$

▷ 정답:  $y = \frac{3}{4}$

해설

$$\frac{1}{x-1} = A, \frac{1}{y-1} = B \text{라고 하면}$$

$$\begin{cases} 2A - 3B = 15 & \cdots ① \\ 6A + 2B = 1 & \cdots ② \end{cases}$$

① × 3 – ② 를 하면

$$A = \frac{3}{2}, B = -4$$

$$\frac{1}{x-1} = \frac{3}{2} \therefore x = \frac{5}{3}$$

$$\frac{1}{y-1} = -4 \therefore y = \frac{3}{4}$$

22. 연립방정식  $\begin{cases} ax + by = \frac{3}{2} \\ -y + 4x = 6 \end{cases}$  의 해가 무수히 많기 위한  $a$ ,  $b$ 의 값을 구하면?

- Ⓐ  $a = 1, b = -\frac{1}{4}$  Ⓑ  $a = -1, b = -\frac{1}{4}$   
Ⓑ  $a = 2, b = \frac{1}{6}$  Ⓒ  $a = 2, b = -\frac{1}{6}$   
Ⓒ  $a = -2, b = -\frac{1}{6}$

해설

식을 정리하면

$$\begin{cases} ax + by = \frac{3}{2} \\ 4x - y = 6 \end{cases} \text{에서}$$

$$\frac{a}{4} = \frac{b}{-1} = \frac{\frac{3}{2}}{6} \text{이어야 하므로}$$

$$6a = \frac{3}{2} \times 4 \text{에서 } a = 1, 6b = \frac{3}{2} \times (-1) \text{에서 } b = -\frac{1}{4} \text{이다.}$$

23.  $\frac{a}{2^2 \times 3 \times 5}$  를 소수로 나타내면 유한소수이고, 이 분수를 기약분수로 고치면  $\frac{3}{b}$  이다.  $a$ 가 10 미만인 홀수일 때,  $a + b$ 의 값은?

- ① 28      ② 29      ③ 30      ④ 31      ⑤ 32

해설

$\frac{a}{2^2 \times 3 \times 5}$  를 소수로 나타낼 때, 유한소수가 되려면 분모에 있는 3이 약분되어야 하므로  $a$ 의 값은 3의 배수가 되어야 한다. 그리고  $a$ 가 10 미만의 홀수이므로  $a$ 는 3 또는 9이다. 그런데 이 식을 기약분수로 고치면  $\frac{3}{b}$  이어야 하므로  $a = 9$ 이다.

또한  $\frac{9}{60} = \frac{3^2}{2^2 \times 3 \times 5} = \frac{3}{2^2 \times 5} = \frac{3}{20}$

$\therefore b = 20$

$\therefore a + b = 9 + 20 = 29$

24.  $x = 0.\dot{2}$  일 때,  $\frac{1}{x} + \frac{1}{\frac{1}{x} + 1}$  을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= \frac{1}{x} + \frac{1}{\frac{1}{x} + 1} \\&= \frac{1}{x} + \frac{1}{\frac{x+1}{x}} = \frac{1}{x} + \frac{x}{x+1} \\&= \frac{1}{x} + \frac{1}{x} + 1 \\x = 0.\dot{2} &= \frac{2}{9} \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{x} + 1 &= \frac{9}{2} + \frac{9}{2} + 1 = 10\end{aligned}$$

25.  $3^2 \times 9^2 = 27 \times 3^a$  를 만족하는  $a$  값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{aligned}3^2 \times 9^2 &= 27 \times 3^a \\3^2 \times (3^2)^2 &= 3^3 \times 3^a \\3^2 \times 3^4 &= 3^6 = 3^{3+a} \\\therefore a &= 3\end{aligned}$$

26. 자연수  $n$  에 대하여  $n! = 1 \times 2 \times 3 \times \cdots \times n$  으로 정의한다. 이 때,  
 $n \times 9! \times 6! \times 3!$  가 어떤 자연수의 제곱이 되기 위한 가장 작은 자연수  
 $n$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

$$\begin{aligned} & n \times 9! \times 6! \times 3! \\ &= n \times (9 \times 8 \times 7 \times 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) \\ &\quad \times (6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1) \times (3 \times 2 \times 1) \\ &= n \times 3^2 \times 2^3 \times 7 \times (2 \times 3) \times 5 \times 2^2 \times 3 \times 2 \times 1 \\ &\quad \times (2 \times 3) \times 5 \times 2^2 \times 3 \times 2 \times 1 \times 3 \times 2 \times 1 \\ &= n \times 2^{12} \times 3^7 \times 5^2 \times 7 \end{aligned}$$

따라서 주어진 식이 어떤 자연수의 제곱이 되기 위해서는 소  
인수들의 지수가 짝수가 되어야 하므로 가장 작은 자연수  $n$  은  
 $3 \times 7 = 21$  이다.

$$\therefore n = 21$$

27.  $13^{2009} + 16^{2009}$  의 일의 자리의 숫자를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

13의 거듭제곱의 일의 자리의 숫자는 3의 거듭제곱의 일의 자리의 숫자와 같으므로 3, 9, 7, 1이 반복된다.

따라서  $13^{2009}$ 의 일의 자리의 숫자는 2009를 4로 나눈 나머지가 1이므로 3이다.

6의 거듭제곱의 일의 자리의 숫자는 항상 6이므로

$16^{2009}$ 의 일의 자리의 숫자는 6이다.

따라서  $13^{2009} + 16^{2009}$ 의 일의 자리의 숫자는 각각의 일의 자리의 숫자를 더한  $3 + 6 = 9$ 이다.

28.  $x^2 = 1 + y^2$  이고,  $(x - y)^{999} = A$  라 할 때,  $(x + y)^{999}$  를  $A$  를 사용한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{1}{A}$

해설

$$\begin{aligned}(x - y)^{999} \times (x + y)^{999} &= \{(x - y)(x + y)\}^{999} \\&= (x^2 - y^2)^{999} \\&= 1^{999} = 1\end{aligned}$$

$$A \times (x + y)^{999} = 1$$

$$\therefore (x + y)^{999} = \frac{1}{A}$$

29.  $x, y$  가 자연수일 때, 미지수가 2개인 일차방정식  $x + 3y = 10$  의 해에 대한 설명으로 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ (4, 2) 는 해이다.
- Ⓑ 해의 그래프는 직선이다.
- Ⓒ 해는 무수히 많다.
- Ⓓ (1, 3) 은 그래프 위의 한 점이다.
- Ⓔ 해의 집합을 A 라 할 때,  $n(A) = 4$

해설

해는 (1, 3), (4, 2), (7, 1) 의 3 쌍이다.

30. 연립방정식  $\begin{cases} 0.2x - 0.3y = 0.7 \\ \frac{x}{2} - \frac{2}{3}(x - y) = -\frac{1}{6} \end{cases}$  의 해를  $x, y$  라 할 때,  $x + y$ 의 값은?

- ①  $\frac{36}{11}$       ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

해설

$$\begin{cases} 0.2x - 0.3y = 0.7 \\ \frac{x}{2} - \frac{2}{3}(x - y) = -\frac{1}{6} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2x - 3y = 7 \\ 3x - 4(x - y) = -1 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\begin{cases} 2x - 3y = 7 \\ -x + 4y = -1 \end{cases} \text{을 풀면}$$

$$\therefore x = 5, y = 1$$

$$\therefore x + y = 6$$