

1. 다음 중에서 두 수가 서로소인 것은?

① (14, 22)

② (21, 49)

③ (27, 72)

④ (15, 58)

⑤ (2, 20)

해설

각각의 두 수의 최대공약수를 구해 보면

① (14, 22) \Rightarrow 2

② (21, 49) \Rightarrow 7

③ (27, 72) \Rightarrow 9

④ (15, 58) \Rightarrow 1

⑤ (2, 20) \Rightarrow 2

2. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 가장 작은 소수는 2 이다.
- ② 100 과 243 는 서로소이다.
- ③ 두 자연수가 서로소이면 두 자연수는 소수이다.
- ④ 두 자연수가 서로소가 아니면 두 자연수는 소수가 아니다.
- ⑤ 10 보다 작은 자연수 중에서 소수는 4 개이다.

해설

③ 반례 : 3 과 4 는 서로소이지만 4 는 소수가 아니다.

3. 다음 두 수의 최대공약수를 구하여라.

$$2^2 \times 3 \times 5^2, 2 \times 3^3 \times 7^2$$

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$$2 \times 3 = 6$$

4. 28의 약수이면서 42의 약수도 되는 수를 모두 찾아 그 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 24

해설

28과 42의 공약수를 구하면 된다.

$$28 = 2^2 \times 7, 42 = 2 \times 3 \times 7 \text{ 이므로}$$

28과 42의 공약수는 1, 2, 7, 2×7 이고 합은 $1 + 2 + 7 + 14 = 24$ 이다.

5. 다음 중 서로소인 두 수끼리 짹지어진 것은 모두 몇 개인지 구하여라.

㉠ 7, 11

㉡ 8, 15

㉢ 9, 21

㉣ 15, 22

㉤ 12, 60

㉥ 11, 121

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 3 개

해설

㉢ 9, 21 의 최대공약수는 3 이므로 서로소가 아니다.

㉤ 12, 60 의 최대공약수는 12 이므로 서로소가 아니다.

㉥ 11, 121 의 최대공약수는 11 이므로 서로소가 아니다.

따라서 서로소인 두 수끼리 짹지어진 것은 ㉠, ㉡, ㉣ 의 3 개이다.

6. 다음 중 두 수가 서로소인 것은?

① 12, 30

② 13, 39

③ 7, 15

④ 6, 12

⑤ 12, 15

해설

① 12와 30의 최대공약수는 6이다.

② 13과 39의 최대공약수는 13이다.

④ 6과 12의 최대공약수는 6이다.

⑤ 12과 15의 최대공약수는 3이다.

7. 1부터 80 까지의 자연수 중에서 80 과 공약수가 1 개인 수는 몇 개인지 구하여라.

▶ 답 : 개

▶ 정답 : 32 개

해설

80을 소인수분해하면 $80 = 2^4 \times 5$

80과 공약수가 1 개인 수는 2 의 배수도 아니고 5 의 배수도 아닌 수이므로

$$\begin{aligned} & 80 - (2\text{의 배수의 개수}) - (5\text{의 배수의 개수}) \\ & + (10\text{의 배수의 개수}) = 80 - 40 - 16 + 8 = 32 (\text{개}) \end{aligned}$$

8. $2^5 \times 3^2 \times 5^2$, 108 의 최대공약수는?

① $2 \times 3 \times 5$

② $2^2 \times 3^2 \times 5$

③ $2^2 \times 3 \times 5^2$

④ $2^3 \times 3^2$

⑤ $2^2 \times 3^2$

해설

공통인 소인수를 모두 곱하는데 지수가 같으면 그대로, 다르면 작은 쪽을 택하여 곱한다.

$\therefore 2^5 \times 3^2 \times 5^2, 108 = 2^2 \times 3^3$ 의 최대공약수: $2^2 \times 3^2$

9. 두 수 $2^4 \times 5^4$, $2^3 \times 5^m \times 7$ 의 최대공약수가 $2^3 \times 5^3$ 일 때, m 的 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

최대공약수가 $2^3 \times 5^3$ 이고

$2^4 \times 5^4$ 에서 5의 지수가 4이므로

$2^3 \times 5^m \times 7$ 에서 5의 지수가 3이어야 한다.

따라서 $m = 3$

10. 두 수 $2^a \times 7^3 \times 11^3$, $2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 의 최대공약수가 88일 때, $a + b$ 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

최대공약수가 $88 = 2^3 \times 11$ 이고

$2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 에서 2의 지수가 4이므로

$2^a \times 7^3 \times 11^3$ 에서 2의 지수가 3이어야 한다.

같은 방식으로

$2^a \times 7^3 \times 11^3$ 에서 11의 지수가 3이므로

$2^4 \times 5^2 \times 11^b$ 에서 11의 지수가 1이어야 한다.

따라서 $a = 3$, $b = 1$

11. 최대공약수가 26인 두 자연수의 공약수인 것은?

- ① 4
- ② 8
- ③ 13
- ④ 16
- ⑤ 24

해설

공약수는 최대공약수의 약수

26의 약수: 1, 2, 13, 26

12. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 골라라.

보기

- ⑦ 서로 다른 두 소수는 서로소이다.
- ㉡ 두 수가 서로소이면 둘 중 하나는 소수이다.
- ㉢ 공약수가 1인 두 자연수는 서로소이다.
- ㉙ 15 이하의 자연수 중에서 7과 서로소인 소수는 5개이다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ⑦

▷ 정답: ㉙

해설

- ㉡ 반례: 8과 25는 서로소지만 둘 다 소수가 아니다.
- ㉢ 1은 모든 두 자연수의 공약수이다.

13. 다음 설명 중에서 옳지 않은 것은?

- ① 소수의 약수의 개수는 2 개이다.
- ② 7의 배수 중에서 소수는 1개이다.
- ③ 자연수는 소수와 합성수로 되어 있다.
- ④ 서로소인 두 수의 최대공약수는 1 이다.
- ⑤ 소수 중에 짝수인 소수는 2 뿐이다.

해설

자연수는 1과 소수, 그리고 합성수로 분류된다.

14. 다음 중 옳은 것은?

- ① 소수는 모두 홀수이다.
- ② 약수가 1 개뿐인 수를 소수라 한다.
- ③ 합성수의 약수는 3 개 이상이다.
- ④ 1 은 합성수이다.
- ⑤ 두 수가 서로소이면 두 수 중 한 수는 반드시 소수이다.

해설

- ① 2 는 유일한 짝수이다.
- ② 약수가 1 과 자기 자신 즉 2 개인 수를 소수라 한다.
- ④ 1 은 소수도 합성수도 아니다.
- ⑤ 8 과 9 는 서로소 이지만 두 수 모두 합성수이다.

15. 서로 다른 세 수 $48, 72, a$ 의 최대공약수가 24 일 때, a 의 값이 될 수 있는 두 자리 자연수를 모두 고르면?

① 24

② 36

③ 56

④ 60

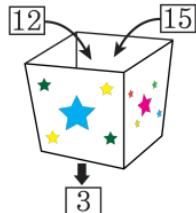
⑤ 96

해설

$$24) \begin{array}{ccc} 48 & 72 & a \\ 2 & 3 & \square \end{array}$$

$48, 72, a$ 를 24로 나눈 몫이 각각 2, 3, \square 이고, 최대공약수가 24가 된다. 즉, \square 는 24의 배수가 되는 두 자리 자연수를 만족하여야 한다. \square 안에 들어갈 수는 1, 4이고 a 의 값은 24, 96이 된다.

16. 다음 그림과 같은 요술 상자에 두 개의 숫자카드를 넣으면 두 수의 최대공약수가 적힌 한 장의 카드가 나온다고 한다. 다음 물음에 답하여라. 갑, 을, 병 세 사람이 아래와 같은 카드를 넣었을 때, 가장 작은 숫자가 적힌 카드가 나온 사람은 누구인지 말하여라.



갑 : 4, 12 을 : 15, 40 병 : 16, 40

▶ 답 :

▷ 정답 : 갑

해설

$$\text{갑) } \begin{array}{r} 2) 4 \\ 2) \underline{2} \\ 2) \underline{6} \\ 3 \end{array} \quad \therefore \text{최대공약수} : 2^2$$

$$\text{을) } \begin{array}{r} 3) 15 \\ 5 \\ 2) \underline{20} \\ 2) \underline{10} \\ 5 \end{array} \quad \therefore \text{최대공약수} : 5$$

$$\text{병) } \begin{array}{r} 2) 16 \\ 2) \underline{8} \\ 2) \underline{4} \\ 2 \end{array} \quad \begin{array}{r} 2) 40 \\ 2) \underline{20} \\ 2) \underline{10} \\ 5 \end{array} \quad \therefore \text{최대공약수} : 2^3$$

따라서 가장 작은 숫자가 적힌 카드가 나온 사람은 갑이다.

17. 270 과 $2^2 \times a \times 7$ 의 최대공약수가 18 일 때, a 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 9

해설

$270 = 2 \times 3^3 \times 5$ 이고 $18 = 2 \times 3^2$ 이므로

$$a = 3^2 = 9$$

18. 200 과 $2^2 \times x$ 의 최대공약수가 20 일 때, x 의 최솟값은?

- ① 5 ② 4 ③ 3 ④ 2 ⑤ 1

해설

$200 = 2^3 \times 5^2$ 이고 $20 = 2^2 \times 5$ 이므로

$$x = 5$$

19. 두 수 $2^3 \times 3 \times 7^2 \times 11$, 60 의 공약수들의 합은?

① 28

② 35

③ 48

④ 51

⑤ 64

해설

$2^3 \times 3 \times 7^2 \times 11$ 과 $60 = 2^2 \times 3 \times 5$ 의 최대공약수는 $2^2 \times 3$

따라서 두 수의 공약수는 $2^2 \times 3$ 의 약수이다.

주어진 두 수의 공약수의 합은 $1 + 2 + 3 + 2^2 + 2 \times 3 + 2^2 \times 3 = 28$

20. 두 자연수 a , b 의 최대공약수는 24 이다. a , b , 32 의 공약수를 모두 구하면?

- ① 1
- ② 1, 2
- ③ 1, 2, 4
- ④ 1, 2, 4, 8
- ⑤ 1, 2, 4, 8, 16

해설

a , b 의 공약수는 1, 2, 3, 4, 6, 8, 12, 24 이다.

32 의 약수는 1, 2, 4, 8, 16, 32 이다.

따라서 두 수의 공약수는 1, 2, 4, 8 이다.