

1. $a > 0$ 일 때, 다음 중 옳은 것은?

- ① $(\sqrt{a})^2 = -a$ ② $(-\sqrt{a})^2 = a$ ③ $-\sqrt{a^2} = a$
④ $\sqrt{(-a)^2} = -a$ ⑤ $-\sqrt{(-a)^2} = a$

해설

- ① $(\sqrt{a})^2 = a$
③ $-\sqrt{a^2} = -a$
④ $\sqrt{(-a)^2} = a$
⑤ $-\sqrt{(-a)^2} = -a$

2. $ab = -4$, $(a+2)(b+2) = 10$ 일 때, $a^3 + b^3 + a^2b + ab^2$ 의 값은?

① 121

② 134

③ 146

④ 152

⑤ 165

해설

$$(a+2)(b+2) = ab + 2(a+b) + 4 = 10$$

$ab = -4$ 를 대입하면 $a+b = 5$

$$\text{한편 } a^2 + b^2 = (a+b)^2 - 2ab = 5^2 - 2 \cdot (-4) = 33$$

$$\begin{aligned}\therefore a^3 + b^3 + a^2b + ab^2 &= a^2(a+b) + b^2(a+b) \\&= (a^2 + b^2)(a+b) \\&= 33 \times 5 \\&= 165\end{aligned}$$