

1. 다음을 만족하는 유리수 a , b 의 곱 ab 의 값은?

$$\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{2}{3}} = \sqrt{a}, \quad 3\sqrt{\frac{5}{12}} \times \sqrt{\frac{2}{5}} = \sqrt{b}$$

- ① 1 ② $\sqrt{2}$ ③ $\sqrt{3}$ ④ 2 ⑤ 3

해설

$$\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{2}{3}} = \sqrt{3 \times \frac{2}{3}} = \sqrt{2} = \sqrt{a}$$

$$3\sqrt{\frac{5}{12}} \times \sqrt{\frac{2}{5}} = \sqrt{9 \times \frac{5}{12} \times \frac{2}{5}} = \sqrt{\frac{3}{2}} = \sqrt{b}$$

$$\therefore a = 2, b = \frac{3}{2} \text{ } \circ | \text{므로 } ab = 3$$

2. $\frac{\sqrt{28}}{\sqrt{11}} \div \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{33}}$ 을 간단히 하였더니 \sqrt{a} 이었다. 이때 자연수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 12$

해설

$$\sqrt{\frac{28}{11} \times \frac{33}{7}} = \sqrt{4 \times 3} = \sqrt{12}$$

$$\therefore a = 12$$

3. $\sqrt{2} = a$, $\sqrt{3} = b$, $\sqrt{5} = c$ 일 때,
 $\sqrt{360} = 6(\quad)$ 로 나타낼 때, ()에 들어갈 것은?

① ac

② $\sqrt{a}\sqrt{c}$

③ $\sqrt{b}\sqrt{c}$

④ bc

⑤ abc

해설

$$\sqrt{360} = \sqrt{3^2 \times 2^3 \times 5} = 6\sqrt{2}\sqrt{5} = 6ac$$

4. $\frac{2}{6\sqrt{2}}$ 의 분모를 유리화하면, $\frac{\sqrt{2}}{3a}$ 일 때, a 의 값은?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\frac{2}{6\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{6\sqrt{2} \times \sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{2}}{6 \times 2} = \frac{\sqrt{2}}{6}$$

$$\therefore 3a = 6, a = 2$$

5. $\frac{3}{\sqrt{2}} \div 2\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{5}{2}}$ 를 간단히 하면?

- ① $\sqrt{2}$ ② $\frac{\sqrt{5}}{2}$ ③ $\sqrt{5}$ ④ $\frac{\sqrt{15}}{4}$ ⑤ $\sqrt{15}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{3}{\sqrt{2}} \div 2\sqrt{3} \times \sqrt{\frac{5}{2}} &= \frac{3}{\sqrt{2}} \times \frac{1}{2\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{2}} \\ &= \frac{3\sqrt{5}}{4\sqrt{3}} = \frac{3\sqrt{5} \times \sqrt{3}}{4\sqrt{3} \times \sqrt{3}} \\ &= \frac{\sqrt{15}}{4}\end{aligned}$$

6. $\frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{\sqrt{5}}{6} - \frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{\sqrt{5}}{2}$ 을 간단히 나타내면?

① $-\frac{\sqrt{3}}{12} - \frac{\sqrt{5}}{12}$ ② $\frac{\sqrt{3}}{12} + \frac{\sqrt{5}}{3}$ ③ $\frac{\sqrt{3}}{12} - \frac{\sqrt{5}}{3}$
④ $\frac{\sqrt{3}}{6} - \frac{\sqrt{5}}{6}$ ⑤ $\frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{\sqrt{5}}{3}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{\sqrt{3}}{3} + \frac{\sqrt{5}}{6} - \frac{\sqrt{3}}{4} - \frac{\sqrt{5}}{2} \\ = \frac{4\sqrt{3} - 3\sqrt{3}}{12} + \frac{\sqrt{5} - 3\sqrt{5}}{6} \\ = \frac{\sqrt{3}}{12} - \frac{\sqrt{5}}{3}\end{aligned}$$

7. $\sqrt{48} - 2\sqrt{3} - \frac{3}{\sqrt{27}}$ 을 간단히 하면?

① $-\frac{2}{3}\sqrt{3}$

④ $\frac{2}{3}\sqrt{3}$

② $-\frac{3}{4}\sqrt{3}$

⑤ $\frac{5}{3}\sqrt{3}$

③ $\frac{3}{4}\sqrt{3}$

해설

$$4\sqrt{3} - 2\sqrt{3} - \frac{3}{3\sqrt{3}} = 2\sqrt{3} - \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{5}{3}\sqrt{3}$$

8. 다음 식의 값이 유리수가 되도록 하는 유리수 x 의 값을 구하여라.

$$\sqrt{3}(\sqrt{3}-5) + x(2-\sqrt{3})$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = -5$

해설

$\sqrt{3}(\sqrt{3}-5) + x(2-\sqrt{3}) = 3-5\sqrt{3}+2x-x\sqrt{3}$ 이므로 유리식이 되기 위해서는 근호가 없어져야 한다. 따라서 $-5\sqrt{3}-x\sqrt{3}=0$ 이 되기 위해서 $x = -5$ 이어야 한다.

9. 제곱근표에서 $\sqrt{1.7} = 1.304$, $\sqrt{17} = 4.123$ 일 때, $\sqrt{170}$ 의 값은?

- ① 0.4123 ② 13.04 ③ 41.23
④ 130.4 ⑤ 412.3

해설

$$\sqrt{170} = \sqrt{1.7 \times 10^2} = 10\sqrt{1.7} = 10 \times 1.304 = 13.04$$

10. 다음 중 3 과 4 사이에 있는 수는 모두 몇 개인가? (단, 제곱근표에서 $\sqrt{3} = 1.732$ 이다.)

보기

$$\sqrt{14}, \sqrt{\frac{21}{2}}, \sqrt{\frac{35}{3}}, \sqrt{8} + 1, \sqrt{15}, 3\sqrt{2}, 2\sqrt{3} + 1, \sqrt{10}$$

- ① 8개 ② 7개 ③ 6개 ④ 5개 ⑤ 4개

해설

$3 = \sqrt{9}, 4 = \sqrt{16}$ 이므로 $\sqrt{10}, \sqrt{14}, \sqrt{15}, \sqrt{\frac{21}{2}}, \sqrt{\frac{35}{3}}$ 은 3 과 4 사이에 있는 수, 또한 $2 < \sqrt{8} < 3$ 이므로 $3 < \sqrt{8} + 1 < 4$, $2\sqrt{3} + 1 = 4.464, 3\sqrt{2} = \sqrt{18}$ 은 모두 4 이상의 수이다.

11. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고른 것은?

- Ⓐ $\sqrt{\frac{1}{3}} \sqrt{\frac{3}{4}} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2}$
Ⓑ $-\sqrt{60} \times \sqrt{\frac{2}{3}} = -\sqrt{60 \times \frac{2}{3}} = -\sqrt{40} = -2\sqrt{10}$
Ⓒ $\sqrt{3} \times \sqrt{12} = 6$
Ⓓ $\sqrt{0.1} \times \sqrt{0.9} = \sqrt{0.09} = 0.03$
Ⓔ $3\sqrt{5} \times 2\sqrt{7} = 6\sqrt{35}$

① Ⓐ, Ⓑ ② Ⓑ, Ⓒ ③ Ⓑ, Ⓓ ④ Ⓑ, Ⓒ ⑤ Ⓒ, Ⓓ

해설

$$\text{Ⓑ } -\sqrt{60} \times \sqrt{\frac{2}{3}} = -\sqrt{60 \times \frac{2}{3}} = -\sqrt{40} = -2\sqrt{10}$$
$$\text{Ⓓ } \sqrt{0.1} \times \sqrt{0.9} = \sqrt{0.09} = 0.3$$

12. $\frac{2\sqrt{7}}{\sqrt{3}} \div \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{15}} \div \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{11}}$ 를 간단히 하였더니 \sqrt{a} 이었다. 이 때, 자연수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a = 44$

해설

$$\begin{aligned}\frac{2\sqrt{7}}{\sqrt{3}} \div \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{15}} \div \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{11}} &= \frac{\sqrt{2^2 \times 7}}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{7}} \times \frac{\sqrt{11}}{\sqrt{5}} \\ &= \sqrt{2^2 \times 11} = \sqrt{44} \\ \therefore a = 44 \text{ } \circ]\end{aligned}$$

13. 다음 네 개의 수를 큰 순서부터 나열한 것은?

$\textcircled{\text{A}} \sqrt{1.25}$	$\textcircled{\text{B}} \frac{\sqrt{5}}{3}$
$\textcircled{\text{C}} \sqrt{\frac{5}{25}}$	$\textcircled{\text{D}} \sqrt{\frac{5}{49}}$

- Ⓐ Ⓛ > Ⓜ > Ⓝ > Ⓞ Ⓛ Ⓛ > Ⓜ > Ⓛ > Ⓛ Ⓛ Ⓛ > Ⓝ > Ⓜ > Ⓛ
④ Ⓛ > Ⓛ > Ⓛ > Ⓛ ⑤ Ⓛ > Ⓛ > Ⓛ > Ⓛ

해설

$$\textcircled{\text{A}} \sqrt{1.25} = \sqrt{\frac{125}{100}} = \sqrt{\frac{5}{4}} = \frac{\sqrt{5}}{2}$$

$$\textcircled{\text{B}} \frac{\sqrt{5}}{3}$$

$$\textcircled{\text{C}} \sqrt{\frac{5}{25}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

$$\textcircled{\text{D}} \sqrt{\frac{5}{49}} = \frac{\sqrt{5}}{7}$$

$$\therefore \textcircled{\text{A}} > \textcircled{\text{B}} > \textcircled{\text{D}} > \textcircled{\text{C}}$$

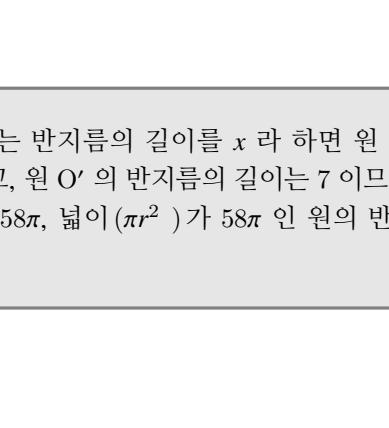
14. $\sqrt{2} = a$, $\sqrt{3} = b$, $\sqrt{5} = c$, $\sqrt{7} = d$ 일 때, $\sqrt{420}$ 을 a , b , c , d 를 사용하여 나타내면?

- ① $abcd$ ② a^2bc ③ abc^2d
④ a^2bcd ⑤ a^2bc^2d

해설

$$\sqrt{420} = \sqrt{2^2 \times 3 \times 5 \times 7} = a^2bcd$$

15. 다음 그림과 같은 두 원 O , O' 의 넓이의 합과 같은 넓이를 갖는 원의 반지름의 길이는?

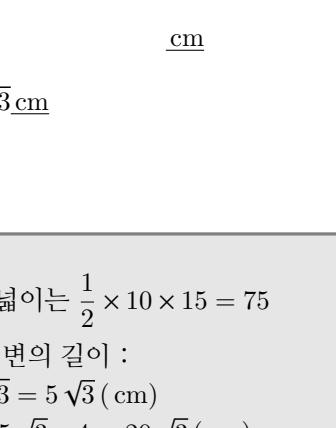


- ① $\sqrt{21}$ ② $\sqrt{30}$ ③ $\sqrt{49}$ ④ $\sqrt{52}$ ⑤ $\sqrt{58}$

해설

구하려고 하는 반지름의 길이를 x 라 하면 원 O 의 반지름의 길이가 3이고, 원 O' 의 반지름의 길이는 7 이므로 $3^2\pi + 7^2\pi = 9\pi + 49\pi = 58\pi$, 넓이 (πr^2) 가 58π 인 원의 반지름의 길이는 $\sqrt{58}$ 이다.

16. 다음 직각삼각형과 같은 넓이를 갖는 정사각형의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $20\sqrt{3}$ cm

해설

$$\text{직각삼각형의 넓이는 } \frac{1}{2} \times 10 \times 15 = 75$$

정사각형의 한 변의 길이 :

$$\sqrt{75} = \sqrt{5^2 \times 3} = 5\sqrt{3} (\text{cm})$$

$$\text{둘레의 길이} : 5\sqrt{3} \times 4 = 20\sqrt{3} (\text{cm})$$

17. $\frac{3\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{5}}{5} - \frac{3\sqrt{2}}{5} - \frac{\sqrt{5}}{4}$ 을 간단히 나타내면?

- ① $\frac{3\sqrt{2}}{4} - \frac{7\sqrt{5}}{20}$
② $\frac{7\sqrt{2}}{20} + \frac{7\sqrt{5}}{20}$
③ $\frac{9\sqrt{2}}{10} + \frac{7\sqrt{5}}{20}$
④ $\frac{9\sqrt{2}}{10} - \frac{5\sqrt{5}}{20}$
⑤ $\frac{21\sqrt{2}}{5} - \frac{17\sqrt{5}}{20}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{3\sqrt{2}}{2} + \frac{3\sqrt{5}}{5} - \frac{3\sqrt{2}}{5} - \frac{\sqrt{5}}{4} \\ = \frac{15\sqrt{2} - 6\sqrt{2}}{10} + \frac{12\sqrt{5} - 5\sqrt{5}}{20} \\ = \frac{9\sqrt{2}}{10} + \frac{7\sqrt{5}}{20}\end{aligned}$$

18. $\sqrt{3} - \frac{1}{\sqrt{3}} = k\sqrt{3}$ 일 때, k 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $k = \frac{2}{3}$

해설

$$\sqrt{3} - \frac{1}{\sqrt{3}} = \sqrt{3} - \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

$$\therefore k = \frac{2}{3}$$

19. $3 + \sqrt{5}$ 의 정수부분을 a , 소수부분을 b 라고 할 때, $\sqrt{a} - \frac{1}{b}$ 의 값은?

- ① 2 ② 1 ③ 0 ④ -1 ⑤ -2

해설

$3 + \sqrt{5} = 5. \times \times$ 이므로

$3 + \sqrt{5}$ 의 정수 부분은 5, 소수 부분은 $\sqrt{5} - 2$ 이다.

$$a = 5$$

$$b = \sqrt{5} - 2$$

$$\begin{aligned}\sqrt{a} - \frac{1}{b} &= \sqrt{5} - \frac{1}{\sqrt{5}-2} \\ &= \sqrt{5} - \frac{(\sqrt{5}+2)}{(\sqrt{5}-2)(\sqrt{5}+2)} \\ &= \sqrt{5} - \frac{1(\sqrt{5}+2)}{1} = -2\end{aligned}$$

20. $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{3}}{\sqrt{2} + \sqrt{3}} - \frac{\sqrt{2} + \sqrt{3}}{\sqrt{2} - \sqrt{3}}$ 를 계산하면?

- ① $4\sqrt{6}$ ② $4\sqrt{2}$ ③ $4\sqrt{3}$ ④ $2\sqrt{6}$ ⑤ $3\sqrt{6}$

해설

$$\frac{(\sqrt{2} - \sqrt{3})^2 - (\sqrt{2} + \sqrt{3})^2}{(\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{3})} = \frac{-2\sqrt{6} - 2\sqrt{6}}{-1} = 4\sqrt{6}$$

21. $\sqrt{50} < x < \sqrt{100}$ 를 만족하는 자연수 x 의 개수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2

해설

$$\sqrt{50} < \sqrt{x^2} < \sqrt{100} \Leftrightarrow 50 < x^2 < 100$$

$$\therefore 7 < x < 10$$

$$\therefore x = 8, 9$$

22. 다음은 주어진 제곱근표를 보고 제곱근의 값을 구한 것이다. 옳지 않은 것은?

수	0	1	2	3	4
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
2,0	1,414	1,418	1,421	1,425	1,428
2,1	1,449	1,453	1,456	1,459	1,463
2,2	1,483	1,487	1,490	1,493	1,497
2,3	1,517	1,520	1,523	1,526	1,530
2,4	1,549	1,552	1,556	1,559	1,562
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	⋮
20	4,472	4,483	4,494	4,506	4,517
21	4,583	4,593	4,604	4,615	4,626
22	4,690	4,701	4,712	4,722	4,733
23	4,796	4,806	4,817	4,827	4,837
24	4,899	4,909	4,919	4,930	4,940

① $\sqrt{0.2} = 0.4472$ ② $\sqrt{210} = 14.49$

③ $\sqrt{220} = 14.83$ ④ $\sqrt{0.23} = 47.96$

⑤ $\sqrt{0.0024} = 0.04899$

해설

④ $\sqrt{0.23} = \frac{\sqrt{23}}{10} = 0.4796$

23. $\sqrt{5}$ 의 소수부분을 a , a 의 역수를 b 라고 할 때, $(a-1)x+2(b+3)y+1=0$ 을 만족하는 유리수 x, y 의 값을 각각 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{1}{8}$

▷ 정답: $y = -\frac{1}{16}$

해설

$\sqrt{5}$ 의 소수부분 $a = \sqrt{5} - 2$ 이고,

a 의 역수 $b = \frac{1}{\sqrt{5} - 2}$ 이므로 분모를 유리화시키면 $b = \sqrt{5} + 2$

이다.

$(a-1)x+2(b+3)y+1=0$ 식에

$a = \sqrt{5} - 2, b = \sqrt{5} + 2$ 를 대입하면

$$(\sqrt{5} - 2 - 1)x + 2(\sqrt{5} + 2 + 3)y + 1 = 0$$

정리하면 $(\sqrt{5} - 3)x + 2(\sqrt{5} + 5)y + 1 = 0$,

전개하면 $x\sqrt{5} - 3x + 2y\sqrt{5} + 10y + 1 = 0$ 이다.

(유리수) + (무리수) = 0 이므로

(유리수) = 0, (무리수) = 0 이 되어야 한다.

$$x\sqrt{5} + 2y\sqrt{5} = 0, -3x + 10y + 1 = 0$$
 이므로

$$x + 2y = 0, -3x + 10y = -1$$
 이다.

두 식 $x + 2y = 0, -3x + 10y = -1$ 을 연립하여 풀면 $y = -\frac{1}{16}$

이다.

또, $x + 2y = 0$ 에 $y = -\frac{1}{16}$ 을 대입하면 $x = \frac{1}{8}$ 이다.

24. $\sqrt{57+x} = 4\sqrt{5}$ 일 때, 양수 x 값은?

- ① 32 ② 23 ③ 11 ④ 9 ⑤ 3

해설

$$4\sqrt{5} = \sqrt{80}$$
$$\sqrt{80} = \sqrt{57+x} \text{ } \circ\text{]므로 } x = 23 \text{ } \circ\text{]다.}$$

25. 다음에서 x 의 값을 구하여라.

$\sqrt{2.52}$ 는 $\sqrt{7}$ 의 x 배이다.

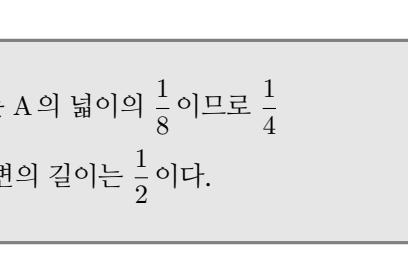
▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{3}{5}$

해설

$$\begin{aligned}\sqrt{2.52} &= \sqrt{\frac{252}{100}} = \sqrt{\frac{2^2 \times 3^2 \times 7}{10^2}} \\ &= \frac{6}{10} \sqrt{7} = \frac{3}{5} \sqrt{7} \\ \therefore x &= \frac{3}{5}\end{aligned}$$

26. 다음 그림에서 사각형 A, B, C, D는 모두 정사각형이고, 각 사각형의 넓이 사이에는 C 는 D 의 2 배, B 는 C 의 2 배, A 는 B 의 2 배인 관계가 있다고 한다. A 의 넓이가 2cm^2 일 때, D 의 한 변의 길이는?



- ① $\frac{1}{4}\text{cm}$ ② $\frac{1}{2}\text{cm}$ ③ $\frac{\sqrt{2}}{4}\text{cm}$
④ $\frac{\sqrt{2}}{3}\text{cm}$ ⑤ $\frac{\sqrt{2}}{2}\text{cm}$

해설

D의 넓이는 A의 넓이의 $\frac{1}{8}$ 이므로 $\frac{1}{4}$

따라서 한 변의 길이는 $\frac{1}{2}$ 이다.

27. $f(x) = \sqrt{x+2} - \sqrt{x+1}$ 일 때, $f(0) + f(1) + f(2) + \dots + f(99) + f(100)$ 의 값을 구하면?

- ① -1 ② $\sqrt{101} - 1$ ③ $\sqrt{102} - 1$
④ $\sqrt{102} - \sqrt{101}$ ⑤ $\sqrt{102}$

해설

$$\begin{aligned}f(0) &= \sqrt{2} - \sqrt{1} = -1 + \sqrt{2} \\f(1) &= \sqrt{3} - \sqrt{2} = -\sqrt{2} + \sqrt{3} \\f(2) &= \sqrt{4} - \sqrt{3} = -\sqrt{3} + \sqrt{4} \dots \\f(99) &= \sqrt{101} - \sqrt{100} = -\sqrt{100} + \sqrt{101} \\f(100) &= \sqrt{102} - \sqrt{101} = -\sqrt{101} + \sqrt{102} \\&\therefore f(0) + f(1) + f(2) + \dots + f(99) + f(100) \\&= -1 + \sqrt{2} - \sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{3} + \sqrt{4} + \dots - \sqrt{100} + \sqrt{101} - \\&\quad \sqrt{101} + \sqrt{102} \\&= -1 + (\sqrt{2} - \sqrt{2}) + (\sqrt{3} - \sqrt{3}) + (\sqrt{4} + \dots - \sqrt{100}) + (\sqrt{101} - \\&\quad \sqrt{101}) + \sqrt{102} \\&= -1 + (0) + (0) + (0) + \sqrt{102} \\&= -1 + \sqrt{102}\end{aligned}$$

28. $x = \frac{1}{5 - 2\sqrt{6}}, y = \frac{-1}{5 + 2\sqrt{6}}$ 일 때, $x^2 - 10x - 2y^2 - 20y - 13(x - y)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -129

해설

$$\begin{aligned}x &= 5 + 2\sqrt{6}, y = -(5 - 2\sqrt{6}) \text{ 이므로} \\(\text{준식}) &= x(x - 10) - 2y(y + 10) - 13(x - y) \\&= -1 - 2 \times (-1) - 130 \\&= 1 - 130 = -129\end{aligned}$$

29. 복사 용지로 많이 사용되고 있는 A4 용지는 A3 용지를 반으로 잘라서 만든 것이고, A5 용지는 A4 용지를 반으로 잘라서 만든 것이다. 따라서, A3 용지와 A4 용지, A5 용지는 서로 닮음이다. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 가 A3 용지라 하고, A3 용지의 가로의 길이를 1이라고 할 때, A3 용지의 가로, 세로의 길이와 A5 용지의 가로, 세로의 길이의 합은?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} \frac{(1+\sqrt{2})}{2} & \textcircled{2} \frac{(2+\sqrt{2})}{2} & \textcircled{3} \frac{3(1+\sqrt{2})}{2} \\ \textcircled{4} \frac{3(1-\sqrt{2})}{2} & \textcircled{5} 2 & \end{array}$$

해설

$\square ABCD$ 와 $\square DAEF$ 는 서로 닮음인 도형이므로

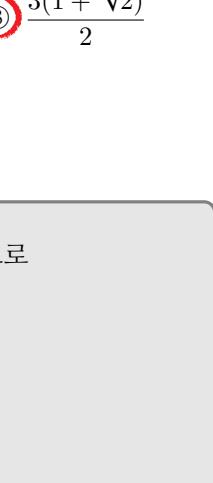
$$\overline{AB} = x, \overline{DF} = \frac{1}{2}x \text{ 라 하면}$$

$$1: x = \frac{1}{2}x : 1, \frac{1}{2}x^2 = 1, x^2 = 2$$

$$\Rightarrow x = \sqrt{2} (\because x > 0)$$

\therefore (A3, A5 용지의 가로, 세로의 길이의 합)

$$= (1 + \sqrt{2}) + \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \right) = \frac{3(1 + \sqrt{2})}{2}$$



30. 세 실수 $A = \sqrt{20} + \sqrt{80}$, $B = \sqrt{21} + \sqrt{79}$, $C = \sqrt{22} + \sqrt{78}$ 의 대소 관계가 바르게 된 것은?

- ① $A < B < C$ ② $A < C < B$ ③ $B < A < C$
④ $C < A < B$ ⑤ $C < B < A$

해설

A, B, C 가 모두 양수이므로 A^2, B^2, C^2 을 구해서 비교해도 좋다.

$$A^2 = (\sqrt{20} + \sqrt{80})^2 \\ = 20 + 2\sqrt{20 \times 80} + 80 = 100 + 2\sqrt{1600}$$

$$B^2 = (\sqrt{21} + \sqrt{79})^2 \\ = 21 + 2\sqrt{21 \times 79} + 79 = 100 + 2\sqrt{1659}$$

$$C^2 = (\sqrt{22} + \sqrt{78})^2 \\ = 22 + 2\sqrt{22 \times 78} + 78 = 100 + 2\sqrt{1716}$$

$$\sqrt{1600} < \sqrt{1659} < \sqrt{1716} \text{ 이므로 } A^2 < B^2 < C^2$$

$$\therefore A < B < C$$

31. $a < 0, b < 0$ 이고, $ab = 9$ 일 때, $\frac{\sqrt{a}}{a} + \frac{\sqrt{b}}{b}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{2}{3}$

해설

$a < 0, b < 0$ 이므로 $a = -\sqrt{a^2}, b = -\sqrt{b^2}$

$$\begin{aligned} & \frac{\sqrt{a}}{a} + \frac{\sqrt{b}}{b} \\ &= \frac{1}{a} \sqrt{\frac{a}{b}} + \frac{1}{b} \sqrt{\frac{b}{a}} \\ &= \left(-\sqrt{\frac{1}{a^2}} \right) \sqrt{\frac{a}{b}} + \left(-\sqrt{\frac{1}{b^2}} \right) \sqrt{\frac{b}{a}} \\ &= -\sqrt{\frac{1}{ab}} - \sqrt{\frac{1}{ab}} = -2 \sqrt{\frac{1}{ab}} \\ &= -2 \times \sqrt{\frac{1}{9}} = -\frac{2}{3} \end{aligned}$$

32. $\sqrt{1.43}$ 의 값을 a 라 하고, $\sqrt{b} = 1.105$ 일 때, a, b 의 값은?

수	0	1	2	3	...
1.0	1.000	1.005	1.010	1.015	...
1.1	1.049	1.054	1.058	1.063	...
1.2	1.095	1.100	1.105	1.109	...
1.3	1.140	1.145	1.149	1.153	...
1.4	1.183	1.187	1.192	1.196	...

- ① $a = 1.000, b = 1.13$ ② $a = 1.005, b = 1.15$
③ $a = 1.049, b = 1.42$ ④ $a = 1.196, b = 1.22$
⑤ $a = 1.192, b = 1.23$

해설

표에서 1.43 을 찾으면 1.196 이므로 $\sqrt{1.43} = 1.196$ 이고, 제곱근의 값이 1.105인 것을 찾으면 1.22 이므로 $\sqrt{1.22} = 1.105$ 이다. 따라서 $a = 1.196, b = 1.22$ 이다.

33. a 가 두 자리 자연수일 때, $\frac{\sqrt{a}+8}{\sqrt{a}-2}$ 의 정수부분이 3 이 되도록 하는 a

의 개수를 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 21개

해설

$$3 \leq \frac{\sqrt{a}+8}{\sqrt{a}-2} < 4 \text{ 에서 양변에 } \sqrt{a}-2 (\because \sqrt{a}-2 > 0) \text{ 를 곱하면}$$

$$3(\sqrt{a}-2) \leq \sqrt{a}+8 < 4(\sqrt{a}-2)$$

$$3\sqrt{a}-6 \leq \sqrt{a}+8 \text{ 에서 } \sqrt{a} \leq 7 \text{ 이므로 } a \leq 49$$

$$\sqrt{a}+8 < 4\sqrt{a}-8 \text{ 에서 } -3\sqrt{a} < -16, \sqrt{a} > \frac{16}{3} \text{ 이므로 } a > \frac{256}{9}$$

$$\therefore \frac{256}{9} < a \leq 49 \text{ 에서 } a \text{ 는 두 자리 자연수 이므로 } 29, 30, \dots, 49$$

이다.

따라서 a 의 개수는 21 개이다.