

1. 등식 $3x^2 + 2x + 1 = a(x-1)^2 + b(x-1) + c$ 이 x 에 대한 항등식이 될 때, $a - b + c$ 의 값은?

① 6

② 5

③ 3

④ 1

⑤ 0

해설

우변을 전개하여 x 에 대한 내림차순으로 정리하면

$$ax^2 - (2a-b)x + a - b + c = 3x^2 + 2x + 1$$

계수를 비교하면

$$a = 3, \quad 2a - b = -2, \quad a - b + c = 1$$

$$a = 3, \quad b = 8, \quad c = 6$$

$$a - b + c = 3 - 8 + 6 = 1$$

해설

양변에 $x = 0$ 을 대입하면 $1 = a - b + c$

2. 등식 $(x - 2)(ax - 3) = 4x^2 + bx + c$ 가 항등식이 되도록 상수 a, b, c 의 값을 구하면?

- ① $a = 4, b = 5, c = 6$
- ② $a = 2, b = -10, c = 5$
- ③ $a = 4, b = -11, c = 6$
- ④ $a = 2, b = -10, c = 6$
- ⑤ $a = 2, b = -9, c = 5$

해설

$$(좌변) = ax^2 - (2a + 3)x + 6 \circ] \text{므로}$$

$$ax^2 - (2a + 3)x + 6 = 4x^2 + bx + c$$

계수를 비교하면 $a = 4, -2a - 3 = b, 6 = c$

이것을 풀면 $a = 4, b = -11, c = 6$

3. 다음 등식이 x 에 대한 항등식일 때, $a - b + c$ 의 값을 구하여라.

$$3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$$\begin{aligned}3x^2 + 2x + 1 &= a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c \\&= ax^2 - (2a - b)x + (a - b + c)\end{aligned}$$

상수항을 비교해 보면

$$\therefore a - b + c = 1$$

해설

양변에 $x = 0$ 을 대입하면

$$1 = a - b + c$$

4. 등식 $2x^2 - 3x - 2 = a(x - 1)(x - 2) + bx(x - 2) + cx(x - 1)$] x 에 관한 항등식이 되도록 하는 상수 a, b, c 에 대하여 $a + 2b + 3c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

양변에 $x = 0$ 을 대입하면

$$-2 = 2a \quad \therefore a = -1$$

양변에 $x = 1$ 을 대입하면

$$-3 = -b \quad \therefore b = 3$$

양변에 $x = 2$ 를 대입하면

$$0 = 2c \quad \therefore c = 0$$

$$\therefore a + 2b + 3c = 5$$

5. 등식 $2x^2 + 10x - 18 = a(x-2)(x+3) + bx(x-2) + cx(x+3)$ 이 x 에 대한 항등식이 되도록 상수 a, b, c 의 값을 정할 때, $a - b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

양변에 $x = 0$ 을 대입하면,

$$-18 = -6a \quad \therefore a = 3$$

양변에 $x = 2$ 를 대입하면

$$10 = 10c \quad \therefore c = 1$$

양변에 $x = -3$ 을 대입하면,

$$-30 = 15b, \quad \therefore b = -2$$

$$\therefore a - b + c = 3 + 2 + 1 = 6$$

6. 항등식 $A(x - 1) + B(x - 2) = 2x - 3$ 에서 미정계수 A , B 를 구할 때, $A + B$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

주어진 등식이 항등식이므로 양변에 적당한 수를 대입하여도 성립한다.

$x = 1$ 을 대입하면,

$$A(1 - 1) + B(1 - 2) = 2 \cdot 1 - 3$$

$$\therefore B = 1$$

$x = 2$ 를 대입하면,

$$A(2 - 1) + B(2 - 2) = 2 \cdot 2 - 3$$

$$\therefore A = 1$$

$$\therefore A + B = 2$$

해설

계수비교법 사용

$$Ax - A + Bx - 2B = 2x - 3$$

$$(A + B)x - (A + 2B) = 2x - 3$$

$$\therefore A + B = 2$$

7. 임의의 실수 x, y 에 대하여, $(x+y)a^2 + (x-y)b = 4x + y$ 가 성립할 때, $a^2 + b^2$ 의 값은?

① $\frac{13}{4}$

② $\frac{15}{4}$

③ $\frac{17}{4}$

④ $\frac{19}{4}$

⑤ $\frac{21}{4}$

해설

$$(a^2 + b)x + (a^2 - b)y = 4x + y$$

$$a^2 + b = 4 \cdots ①, a^2 - b = 1 \cdots ②$$

$$\text{①, ②에서 } a^2 = \frac{5}{2}, b = \frac{3}{2}$$

$$\therefore a^2 + b^2 = \frac{19}{4}$$

8. 다항식 $ax + ay - bx - by$ 를 인수분해 하면?

- ① $x(a - b)$
- ② $(a - b)(x - y)$
- ③ $(a + b)(x - y)$
- ④ $(a - b)(x + y)$
- ⑤ $(a + b)(x + y)$

해설

$$\begin{aligned} ax + ay - bx - by &= a(x + y) - b(x + y) \\ &= (a - b)(x + y) \end{aligned}$$

9. 다음 중 $x^4 - x^2$ 의 인수가 아닌 것은?

- ① x
④ $x^3 - x$

- ② $x - 1$
⑤ x^4

- ③ $x + 1$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - x^2 &= x(x^3 - x) \\&= x^2(x^2 - 1) \\&= x^2(x - 1)(x + 1)\end{aligned}$$

10. $3(4x + 5\pi) = P$ 일 때, $6(8x + 10\pi)$ 은?

① $2P$

② $4P$

③ $6P$

④ $8P$

⑤ $18P$

해설

$$6(8x + 10\pi) = 6 \cdot 2(4x + 5\pi) = 4 \cdot 3(4x + 5\pi) = 4P$$