

1. 다음 중 3의 배수가 아닌 것은?

① 129

② 672

③ 501

④ 342

⑤ 781

해설

3의 배수는 각 자리의 숫자의 합이 3의 배수이다.

⑤ $7 + 8 + 1 = 16$ 은 3의 배수가 아니므로 781은 3의 배수가 아니다.

2. 75 에 가능한 한 작은 자연수 x 를 곱하여 어떤수 y 의 제곱이 되게 하려고 한다. y 의 값은?

- ① 1
- ② 3
- ③ 5
- ④ 9
- ⑤ 15

해설

75 를 소인수분해하면 $75 = 3 \times 5^2$ 이므로

$(3 \times 5^2) \times x = y^2$ 을 만족하는 x 의 값 중 가장 작은 자연수는 3 이다.

따라서 $y = 15$ 이다.

3. 다음 중 $2^3 \times 3^3 \times 5^3$ 의 약수가 아닌 것은?

① 5×2^3

② 80

③ $2^3 \times 3 \times 5$

④ 125

⑤ 225

해설

② 80 을 소인수분해하면 $80 = 2^4 \times 5$ 이다. 2^4 은 $2^3 \times 3^3 \times 5^3$ 의 약수가 아니다.

④ 125 를 소인수분해하면 $125 = 5^3$ 이므로 $2^3 \times 3^3 \times 5^3$ 의 약수이다.

⑤ 225 를 소인수분해하면 $225 = 3^2 \times 5^2$ 이므로 $2^3 \times 3^3 \times 5^3$ 의 약수이다.

4. 옛날부터 우리나라에는 십간(✉✉)과 십이지(✉✉✉)를 이용하여 매 해에 이름을 붙였다. 십간과 십이지를 차례대로 짹지으면 다음과 같이 그 해의 이름을 만들 수 있다. 다음 표에서 알 수 있듯이 2010년은 경인년이다. 다음 중 경인년이 아닌 해는?

| | | | | | | | |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 병 | 정 | 무 | 기 | 경 | 신 | 임 | 계 |
| 자 | 축 | 인 | 묘 | 진 | 사 | 오 | 미 |
| 병자 | 정축 | 무인 | 기묘 | 경진 | 신사 | 임오 | 계미 |
| 1996 | 1997 | 1998 | 1999 | 2000 | 2001 | 2002 | 2003 |

| | | | | | | |
|------|------|------|------|------|------|------|
| 갑 | 을 | 병 | 정 | 무 | 기 | 경 |
| 신 | 유 | 술 | 해 | 자 | 축 | 인 |
| 갑신 | 을유 | 병술 | 정해 | 무자 | 기축 | 경인 |
| 2004 | 2005 | 2006 | 2007 | 2008 | 2009 | 2010 |

- ① 1830년 ② 1890년 ③ 1950년
④ 2070년 ⑤ 2110년

해설

십간(✉✉)의 10 가지와 십이지(✉✉✉)의 12 가지를 계속 돌아가면서 조합이 이루어지므로 같은 이름의 년도는 60년 만에 한 번씩 돌아오게 된다. 따라서 2010년이 경인년이면 1830년, 1890년, 1950년, 2070년도 경인년이다.

5. 자연수 a, b, c 에 대하여 $5 \times a = 7 \times b = c^2$ 을 만족하는 c 의 값으로 가능하지 않은 것은?

① 35

② 70

③ 105

④ 140

⑤ 180

해설

$$5 \times a = 7 \times b = c^2 \text{에서}$$

i) $a = 5 \times 7^2$, $b = 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (5 \times 7^2) = 7 \times (5^2 \times 7) = (5 \times 7)^2 = 35^2$

ii) $a = 2^2 \times 5 \times 7^2$, $b = 2^2 \times 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (2^2 \times 5 \times 7^2) = 7 \times (2^2 \times 5^2 \times 7) = (2 \times 5 \times 7)^2 = 70^2$

iii) $a = 3^2 \times 5 \times 7^2$, $b = 3^2 \times 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (3^2 \times 5 \times 7^2) = 7 \times (3^2 \times 5^2 \times 7) = (3 \times 5 \times 7)^2 = 105^2$

iv) $a = 4^2 \times 5 \times 7^2$, $b = 4^2 \times 5^2 \times 7$ 일 때, $5 \times (4^2 \times 5 \times 7^2) = 7 \times (4^2 \times 5^2 \times 7) = (4 \times 5 \times 7)^2 = 140^2$

따라서 c 의 값으로 가능한 것은 $35, 70, 105, 140, \dots$ 이다.

6. 두 자연수 x, y 에 대하여 $2^x \times 3 \times 5^y$ 의 약수의 개수가 36일 때, $x + y$ 의 값으로 알맞은 것을 모두 구하면?

① 5

② 7

③ 9

④ 11

⑤ 13

해설

$$(x+1) \times (1+1) \times (y+1) = 36$$

$$(x+1) \times (y+1) = 18$$

$18 = 2 \times 9$ 또는 $18 = 3 \times 6$ 이므로

$x+1 = 2, y+1 = 9$ 또는 $x+1 = 9, y+1 = 2$ 일 때,

$x = 1, y = 8$ 또는 $x = 8, y = 1$

그러므로 $x+y = 9$

$x+1 = 3, y+1 = 6$ 또는 $x+1 = 6, y+1 = 3$ 일 때,

$x = 2, y = 5$ 또는 $x = 5, y = 2$

그러므로 $x+y = 7$

7. 한 자리 소수 a 에 대하여 $a^2 \times 3^2 \times 5^2$ 으로 소인수분해되는 자연수 N 에 8을 곱하였더니 약수의 개수가 2배가 되었다. 이때, a 의 값은?

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

해설

a 는 한 자리 소수 중 하나이므로 2 또는 7이다.

$a^2 \times 3^2 \times 5^2$ 의 약수의 개수는 $3 \times 3 \times 3 = 27$ 이다.

$a = 2$ 일 때 2^3 을 곱하면 약수의 개수는

$6 \times 3 \times 3 = 54$ 이므로 $a = 2$ 이다.