

1.  $(-1)^n + (-1)^{n+1}$ 의 값은? ( $n$ 은 자연수)

- ① 0      ② -1      ③ 1      ④ -2      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned} n = 2k : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k} + (-1)^{2k+1} \\ &= 0 \\ n = 2k - 1 : (-1)^n + (-1)^{n+1} \\ &= (-1)^{2k-1} + (-1)^{2k} \\ &= 0 \end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned} n = \text{홀수일 때}, n+1 = \text{짝수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = -1 + 1 = 0 \\ n = \text{짝수일 때}, n+1 = \text{홀수}, \\ (-1)^n + (-1)^{n+1} = 1 + (-1) = 0 \end{aligned}$$

2.  $(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2$  을 간단히 하면?

- ①  $72a^7x^8$       ②  $-72a^7x^8$       ③  $72a^{12}x^{12}$   
④  $-72a^{12}x^{12}$       ⑤  $48a^8x^7$

해설

$$(2ax^2)^3 \times (-3a^2x)^2 = 8a^3x^6 \times 9a^4x^2 = 72a^7x^8$$

3. 다항식  $(5x^2 + 3x + 1)^2$  을 전개하였을 때,  $x^2$  의 계수는?

- ① 10      ② 13      ③ 16      ④ 19      ⑤ 25

해설

$$(5x^2 + 3x + 1)(5x^2 + 3x + 1) \text{에서}$$

i ) (일차항)  $\times$  (일차항)의 경우  $9x^2$

ii ) (이차항)  $\times$  (상수항)의 경우  $2 \times 5x^2$

$$\therefore 5x^2 + 5x^2 + 9x^2 = 19x^2$$

$$\therefore 19$$

4. 등식  $3x + 4 = a(x - 1) + b(x + 1) + 3$  이  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 상수  $a, b$ 의 값을 정하면?

- ①  $a = 1, b = 0$       ②  $a = -1, b = 2$       ③  $a = 1, b = -2$   
④  $a = 0, b = 2$       ⑤  $a = 1, b = 2$

해설

우변을 전개하여 좌변과 계수를 비교하면

$$a + b = 3, \quad -a + b + 3 = 4$$

연립하여 풀면  $a = 1, b = 2$

5. 등식  $2x^2 - 3x - 2 = a(x-1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x-1)$   $\diamond$  |  $x$ 에  
관한 항등식이 되도록 하는 상수  $a, b, c$ 에 대하여  $a + 2b + 3c$ 의 값을  
구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

양변에  $x = 0$ 을 대입하면

$$-2 = 2a \quad \therefore a = -1$$

양변에  $x = 1$ 을 대입하면

$$-3 = -b \quad \therefore b = 3$$

양변에  $x = 2$ 를 대입하면

$$0 = 2c \quad \therefore c = 0$$

$$\therefore a + 2b + 3c = 5$$

6.  $(x+1)^5 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + a_3x^3 + a_4x^4 + a_5x^5$  이  $x$ 에 대한 항등식일 때,  $a_0 + a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5$ 의 값을 구하면?

- ① 8      ② 16      ③ 32      ④ 64      ⑤ 128

해설

양변에  $x = 1$ 을 대입하면,  
 $(1+1)^5 = a_0 + a_1 + \dots + a_5$  이므로  
 $\therefore 2^5 = 32$

7. 다항식  $x^3 + 5x^2 - kx - k$  가  $x - 1$  로 나누어 떨어지도록 상수  $k$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

인수정리에 의해서  $x = 1$  을 대입하면

$$1^3 + 5 \times 1^2 - k \times 1 - k = 0$$

$$\therefore k = 3$$

8. 다항식  $f(x) = x^3 + 3x^2 + kx - k$  가  $x + 1$ 로 나누어떨어지도록 상수  $k$ 의 값을 정하면?

- ① -3      ② -2      ③ -1      ④ 0      ⑤ 1

해설

$$\begin{aligned} \text{즉, } f(-1) &= 0 \text{ 이므로} \\ f(-1) &= -1 + 3 - k - k = 0, \quad \therefore k = 1 \end{aligned}$$

9. 다항식  $2x^3 + x^2 + x + 1$ 를  $2x - 1$ 로 나눈 몫과 나머지를 순서대로 나열한 것은?

- ①  $x^2 + x + 1, 1$       ②  $x^2 + x + 1, 2$   
③  $2x^2 + 2x + 2, 1$       ④  $2x^2 + 2x + 2, 2$   
⑤  $4x^2 + 4x + 4, 4$

해설

다항식  $2x^3 + x^2 + x + 1$ 을  $2x - 1$ 로 나눈 몫과 나머지를 각각  $Q(x), R$ 이라고 하면  $2x^3 + x^2 + x + 1 = (2x - 1)Q(x) + R$

$$= \left(x - \frac{1}{2}\right) \cdot 2Q(x) + R$$

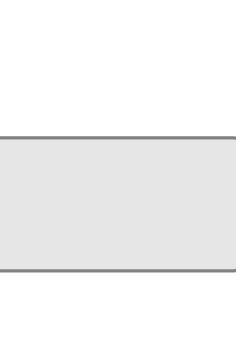
이므로

$$\begin{array}{c} \frac{1}{2} \\ \hline 2 & 1 & 1 & 1 \\ & 1 & 1 & 1 \\ \hline 2 & 2 & 2 & | 2 \end{array}$$

$$2Q(x) = 2x^2 + 2x + 2$$

$$\therefore Q(x) = x^2 + x + 1, R = 2$$

10. 다음 그림은 한변의 길이가  $x$ 인 정사각형을 대각선을 따라 자른 후 직각이등변삼각형 2개를 떼어낸 도형이다. 이때, 색칠한 부분의 넓이를  $x, y$ 에 관한 식으로 나타내어라.



- ①  $xy - y^2$       ②  $x^2 - y^2$       ③  $x^2 - y$   
④  $\frac{xy - y^2}{2}$       ⑤  $\frac{x - y}{2}$

해설

$$x^2 - 2 \times \frac{1}{2} \times y \times y = x^2 - y^2$$

11.  $(x+y)a - (x-y)b - (y-z)c - 4z = 0$   $\diamond$   $x, y, z$ 의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 곱  $abc$ 를 구하면?

- ① 4      ② 8      ③ 16      ④ 32      ⑤ 64

해설

$x, y, z$ 에 대해 정리하면  
 $(a-b)x + (a+b-c)y + (c-4)z = 0$   
 $x, y, z$ 에 대한 항등식이므로  
 $a = b, a + b - c = 0, c = 4$   
 $\therefore a = b = 2, c = 4$   
 $\therefore abc = 16$

12. 다항식  $x^3 + ax - 8$ 을  $x^2 + 4x + b$ 로 나눌 때, 나머지가  $3x + 4$ 가 되도록 상수  $a + b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -7

해설

$x^3 + ax - 8 \equiv x^2 + 4x + b$ 로 직접나눈 나머지는

$$(a - b + 16)x + 4b - 8$$

$$(a - b + 16)x + 4b - 8 = 3x + 4 \cdots \textcircled{1}$$

①의  $x$ 에 대한 항등식이므로,

$$a - b + 16 = 3, 4b - 8 = 4$$

$$\therefore a = -10, b = 3$$

$$\therefore a + b = -7$$

해설

$x^3 + ax - 8 = (x^2 + 4x + b)(x + p) + 3x + 4$ 의 양변의 계수를 비교하여  $a = -10, b = 3, p = -4$ 를 구해도 된다.

13. 다항식  $f(x)$ 를 두 일차식  $x - 1, x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때,  $f(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?

- ①  $x + 3$       ②  $-x + 3$       ③  $x - 3$   
④  $-x - 3$       ⑤  $-x + 1$

해설

$f(x)$ 를  $x - 1, x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 2, 1이므로  
 $f(1) = 2, f(2) = 1$ , 구하는 나머지를  $ax + b$ 라 하자.

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b \\&= (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

양변에 각각  $x = 1, x = 2$ 를 대입하면

$$f(1) = a + b = 2, f(2) = 2a + b = 1$$

두 식을 연립하여 구하면  $a = -1, b = 3$

$$\therefore \text{구하는 나머지는 } -x + 3$$

14.  $x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$  일 때, 상수  $a, b$ 의 곱을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$\begin{aligned}(좌변) &= (x^2 + 2)^2 - x^2 \\&= (x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = 2$$

$$\therefore ab = -1 \times 2 = -2$$

15.  $(a+1)(a^2-a+1) = a^3+1$  을 이용하여  $\frac{1999^3+1}{1998 \times 1999 + 1}$  의 값을

구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 2000

해설

$$a = 1999 \text{ 라 하면 } 1998 \times 1999 + 1 = (a-1)a + 1 = a^2 - a + 1$$

$$\begin{aligned} \therefore \frac{1999^3+1}{1998 \times 1999 + 1} &= \frac{a^3+1}{a^2-a+1} \\ &= \frac{(a+1)(a^2-a+1)}{a^2-a+1} \\ &= a+1 = 2000 \end{aligned}$$

16. 두 다항식  $2x^2 + 2x - 4$  와  $4x^3 - 4$ 에 관한 설명이다. 옳지 않은 것을 고르면?

- ① 두 다항식은  $(x - 1)$ 로 나누어 떨어지므로,  $(x - 1)$ 은 두 다항식의 공약수이다.
- ② 두 다항식은 공약수가 있으므로 서로소가 아니다.
- ③  $4(x - 1)^3(x + 2)^2(x^2 + x + 1)$ 은 두 다항식의 공배수이다.
- ④ 두 다항식의 최대공약수는  $2(x - 1)$ 이다.
- ⑤ 두 다항식의 최소공배수는  $(x + 2)(x - 1)^2(x^2 + x + 1)$ 이다.

해설

$$2x^2 + 2x - 4 = 2(x - 1)(x + 2)$$
$$4x^3 - 4 = 4(x - 1)(x^2 + x + 1)$$

최대공약수 :  $2(x - 1)$

최소공배수 :  $4(x - 1)(x + 2)(x^2 + x + 1)$

17. 두 다항식  $x^2 - 4x + 3a + b$  와  $x^2 + bx - 6$ 의 최대공약수가  $x - 2$  일 때,  
 $a + b$  의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 8

해설

$f(x) = x^2 - 4x + 3a + b$ ,  
 $g(x) = x^2 + bx - 6$ 이라 하면  
 $f(x)$ 와  $g(x)$ 는 모두  $x - 2$ 로 나누어떨어지므로  
 $f(2) = g(2) = 0$ 에서  
 $f(2) = 4 - 8 + 3a + b = 0$ ,  $g(2) = 4 + 2b - 6 = 0$   
 $\therefore a = 1$ ,  $b = 1 \therefore a + b = 2$

18. 다항식  $f(x)$ 를 다항식  $g(x)$ 로 나눈 나머지를  $r(x)$  라 할 때,  $f(x) - g(x) - 2r(x)$ 를  $g(x)$ 로 나눈 나머지는?

①  $-2r(x)$

②  $-r(x)$

③ 0

④  $r(x)$

⑤  $2r(x)$

해설

$f(x)$ 을  $g(x)$ 로 나눈 몫을  $Q(x)$ 라 하면

$$f(x) = g(x)Q(x) + r(x)$$

$$\therefore f(x) - g(x) - 2r(x)$$

$$= g(x)Q(x) + r(x) - g(x) - 2r(x)$$

$$= g(x) \{ Q(x) - 1 \} - r(x)$$

여기서  $g(x)$ 의 차수는  $-r(x)$ 의 차수보다 높으므로 구하는 나머지는  $-r(x)$ 이다.

19. 다항식  $f(x)$  를  $x + \frac{1}{3}$  으로 나누었을 때, 몫과 나머지를  $Q(x), R$  라고 한다. 이 때,  $f(x)$  를  $3x + 1$  으로 나눈 몫과 나머지를 구하면?

- ①  $Q(x), R$       ②  $3Q(x), 3R$       ③  $3Q(x), R$   
④  $\frac{1}{3}Q(x), R$       ⑤  $\frac{1}{3}Q(x), \frac{1}{3}R$

해설

$$f(x) = Q(x) \left( x + \frac{1}{3} \right) + R = \frac{1}{3}Q(x)(3x + 1) + R$$

20. 다음 식을 전개한 것 중 옳은 것을 고르면?

- ①  $(x - y - z)^2 = x^2 - y^2 - z^2 - 2xy + 2yz - 2zx$
- ②  $(3x - 2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 18xy^2 - 8y^3$
- ③  $(x + y)(x - y)(x^2 + xy - y^2)(x^2 - xy + y^2) = x^9 - y^9$
- ④  $(x^2 - 2xy + 2y^2)(x^2 + 2xy + 2y^2) = x^4 + 4y^4$
- ⑤  $(x + y - 1)(x^2 + y^2 - xy + 2x + 2y + 1) = x^3 + y^3 - 3xy - 1$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad & (x - y - z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 - 2xy - 2yz - 2zx \\ \textcircled{2} \quad & (3x - 2y)^3 = 27x^3 - 54x^2y + 36xy^2 - 8y^3 \\ \textcircled{3} \quad & (x + y)(x - y)(x^2 + xy + y^2)(x^2 - xy + y^2) \\ & \quad = x^6 - y^6 \\ \textcircled{5} \quad & (x + y - 1)(x^2 + y^2 - xy + x + y + 1) \\ & \quad = x^3 + y^3 - 3xy - 1 \end{aligned}$$

21. 다항식  $f(x)$ 를 일차식  $ax + b(a \neq 0)$ 으로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$ , 나머지를  $R$ 이라 할 때,  
 $xf(x)$ 를  $ax + b$ 로 나눈 나머지를 구하면?

- ①  $R$       ②  $aR$       ③  $bR$       ④  $-\frac{b}{a}R$       ⑤  $\frac{R}{a}$

해설

$$f(x) = (ax + b)Q(x) + R \quad \therefore R = f\left(-\frac{b}{a}\right)$$

$g(x) = xf(x)$ 를  $ax + b$ 로 나눈 나머지는

$$g\left(-\frac{b}{a}\right) = -\frac{b}{a}f\left(-\frac{b}{a}\right) = -\frac{b}{a}R$$

22. 다음 중  $x^2 + y^2 + 2xy - 2x - 2y$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $x + y$       ②  $-x - y$       ③  $x + y - 2$   
④  $x - y$       ⑤  $2x + 2y$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= (x^2 + 2xy + y^2) - 2(x + y) \\&= (x + y)^2 - 2(x + y) \\&= (x + y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

한편,

$$\begin{aligned}(x + y)(x + y - 2) &= -(-x - y)(x + y - 2) \\&= \frac{1}{2}(2x + 2y)(x + y - 2)\end{aligned}$$

23. 다음 중  $2x^2 - xy - y^2 - 4x + y + 2$ 의 인수인 것은?

①  $2x + y - 2$       ②  $2x - y + 2$       ③  $x - y + 1$

④  $x + y - 1$       ⑤  $x - 2y - 1$

해설

$x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면

$$2x^2 - (y + 4)x - y^2 + y + 2$$

$$= 2x^2 - (y + 4)x - (y + 1)(y - 2)$$

$$= (2x + (y - 2))(x - (y + 1))$$

$$= (2x + y - 2)(x - y - 1)$$

24.  $x^4 + 2x^2 + 9 = (x^2 + ax + b)(x^2 + cx + d)$ 로 인수분해될 때,  $|ab - cd|$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

$$(준식) = (x^2 + 3)^2 - (2x)^2$$

$$= (x^2 + 2x + 3)(x^2 - 2x + 3)$$

여기서 계수를 비교하면

$$a = 2, b = 3, c = -2, d = 3$$

$$\therefore |ab - cd| = |2 \times 3 - (-2) \times 3| = 12$$

25. 차수가 같은 두 다항식의 합이  $2x^2 - 5x - 3$ 이고 최소공배수가  $x^3 - 2x^2 - 5x + 6$ 일 때, 두 다항식의 최대공약수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x - 3$

해설

두 다항식을  $A, B$ 라고 하면

$$A + B = (a + b)G, L = abG,$$

즉, 최대공약수는 두 식의 합과 최소공배수의 공약수이다.

$$x^3 - 2x^2 - 5x + 6 = (x - 3)(x - 1)(x + 2)$$

$$2x^2 - 5x - 3 = (x - 3)(2x + 1)$$

$$\therefore G = x - 3$$