

1. 다음 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

보기

Ⓐ 3의 음의 제곱근은  $\sqrt{-3}$ 이다.

Ⓑ  $\sqrt{25}$ 는 5이다.

Ⓒ 제곱근 16은 4이다.

Ⓓ  $(-3)^2$ 의 제곱근은 3이다.

Ⓔ  $x^2 = a$  ( $a > 0$ ) 이면  $x = \sqrt{a}$ 이다.

Ⓐ, Ⓑ

Ⓑ, Ⓒ

Ⓒ, Ⓓ

Ⓓ

Ⓔ, Ⓑ, Ⓓ

해설

Ⓐ 3의 음의 제곱근은  $-\sqrt{3}$

Ⓓ  $(-3)^2 = 9$ 의 제곱근은  $\pm 3$

Ⓔ  $x^2 = a$  ( $a > 0$ ) 이면,  $x = \pm \sqrt{a}$

2. 다음 중 그 계산이 옳지 않은 것을 고르면?

①  $97^2 = (100 - 3)^2 = 100^2 - 2 \times 100 \times 3 + 3^2 = 9409$

②  $5.1 \times 4.9 = (5 + 0.1)(5 - 0.1) = 5^2 - 0.1^2 = 24.99$

③  $301^2 = (300 + 1)^2 = 300^2 + 2 \times 300 \times 1 + 1^2 = 90601$

④  $(\sqrt{2} + \sqrt{3})(\sqrt{2} - \sqrt{3}) = (\sqrt{2})^2 - (\sqrt{3})^2 = -1$

⑤  $(-\sqrt{10} - \sqrt{2})(\sqrt{10} - \sqrt{2}) = (\sqrt{10})^2 - (\sqrt{2})^2 = 8$

해설

$$\begin{aligned} & (-\sqrt{10} - \sqrt{2})(\sqrt{10} - \sqrt{2}) \\ &= (-\sqrt{2} - \sqrt{10})(-\sqrt{2} + \sqrt{10}) \\ &= (-\sqrt{2})^2 - (\sqrt{10})^2 = 2 - 10 = -8 \end{aligned}$$

3. 이차함수  $y = 2(x - 3)^2 - 8$  의  $y$  절편으로 알맞은 것을 고르면?

- ① 6      ② 7      ③ 9      ④ 10      ⑤ 12

해설

$y$  절편은  $x = 0$  일 때의  $y$ 의 값이므로  
 $2(0 - 3)^2 - 8 = 2 \times (-3)^2 - 8 = 10$

4. 다음 중  $y = -2x^2 + 8x$  의 그래프가 지나지 않는 사분면은?

- ① 제 1 사분면      ② 제 2 사분면      ③ 제 3 사분면  
④ 제 4 사분면      ⑤ 원점

해설

$$y = -2x^2 + 8x$$

$$y = -2(x - 2)^2 + 8$$

꼭짓점의 좌표는  $(2, 8)$  인 위로 볼록한 그래프이다.

또 원점  $(0, 0)$  을 지난다.

따라서  $y = -2x^2 + 8x$  의 그래프는 다음 그림과 같고, 제 2 사분면을 지나지 않는다.



5.  $4x^2 - 5xy - 6y^2$  을  $(ax + by)(cx + dy)$  꼴로 인수분해하였을 때,  $ac - bd$ 의 값은?

① 10      ② 15      ③ 20      ④ 26      ⑤ 28

해설

$$4x^2 - 5xy - 6y^2 = (4x + 3y)(x - 2y)$$

$$(ax + by)(cx + dy) = (4x + 3y)(x - 2y)$$

$$ac = 4, \quad bd = -6$$

$$\therefore ac - bd = 4 - (-6) = 10$$

6. 다음은 이차방정식  $A$  와  $A$  의 한 근  $B$  를 나타낸 것일 때, 유리수  $a$  의 값은?

$$A : -a = (x + 1)^2$$

$$B : -1 - \sqrt{3}$$

- ① -3      ② -2      ③ -1      ④ 1      ⑤ 3

해설

이차방정식의 계수가 모두 유리수이므로  $-1 - \sqrt{3}$  가 근이면  $-1 + \sqrt{3}$  도 근이다.

$$-a = (x + 1)^2, x^2 + 2x + a + 1 = 0$$

근과 계수와의 관계에서

$$\text{두 근의 합은 } a + 1 = -2$$

$$\therefore a = -3$$

7. 어느 청소부들이 청소를 하다가 15 개의 빈 병을 발견하였다. 이 빈병을 전체 청소부들이 똑같이 나누어 수거하였더니 각자 가진 빈병들의 수가 전체 청소부들의 수의 3 배보다 4 개가 적었다. 이 때, 청소부들의 전체 인원은?

① 3 명      ② 4 명      ③ 5 명      ④ 6 명      ⑤ 7 명

해설

청소부들의 수를  $x$  명이라 하면

$$\frac{15}{x} = 3x - 4$$

$$3x^2 - 4x - 15 = 0$$

$$(3x + 5)(x - 3) = 0$$

$x > 0$  이므로  $x = 3$  이다.

8. 이차함수  $y = -x^2 + 8x + m$  의 그래프가  $x$  축에 접할 때,  $m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -16

해설

그래프가  $x$  축에 접하려면  $y = a(x-p)^2$  의 꼴이어야 한다.

$$y = -x^2 + 8x + m = -(x-4)^2 + 16 + m$$

$$\therefore 16 + m = 0$$

$$\therefore m = -16$$

9. 다음 중 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 - 4x + 6$  의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 꼭짓점의 좌표는  $(4, -2)$  이다.
- ② 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 + 6$  의 그래프와 모양이 같다.
- ③  $x < 4$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가한다.
- ④  $y = \frac{1}{2}x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로 4 만큼,  $y$  축의 방향으로  $-2$  만큼 평행이동시킨 것이다.
- ⑤ 제 3 사분면을 지나지 않는다.

해설

③  $y = \frac{1}{2}(x-4)^2 - 2$ , 아래로 볼록하기 때문에, 축의 왼쪽에서는  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값은 감소한다.

10. 꼭짓점의 좌표가  $(1, -2)$ 인 포물선이 두 점  $(2, -3)$ ,  $(m, -6)$ 을 지날 때, 다음 중  $m$ 의 값은?

① -1      ② 5      ③ -3      ④ -6      ⑤ -9

해설

꼭짓점의 좌표가  $(1, -2)$ 이므로

$$y = a(x-1)^2 - 2 \text{이고 점 } (2, -3) \text{을 지나므로 } -3 = a(2-1)^2 - 2$$

$$a = -1 \text{이다.}$$

$$y = -(x-1)^2 - 2$$

점  $(m, -6)$ 을 지나므로

$$-6 = -(m-1)^2 - 2$$

$$\therefore m = 3 \text{ 또는 } m = -1$$

11. 둘레의 길이가 28cm인 직사각형에서 넓이를 최대가 되게 하려면 가로와 세로의 길이를 각각 얼마로 하면 되겠는가?

- ① 가로 6 cm, 세로 8 cm      ② 가로 7 cm, 세로 7 cm  
③ 가로 8 cm, 세로 9 cm      ④ 가로 8 cm, 세로 8 cm  
⑤ 가로 7 cm, 세로 9 cm

해설

가로의 길이를  $x$  cm, 세로의 길이를  $(14 - x)$  cm, 넓이를  $y$   $\text{cm}^2$  라 하면

$$\begin{aligned}y &= x(14 - x) \\&= -x^2 + 14x \\&= -(x^2 - 14x + 49 - 49) \\&= -(x - 7)^2 + 49\end{aligned}$$

따라서  $x = 7$ , 즉 가로 7 cm, 세로 7 cm 일 때 최댓값  $49 \text{ cm}^2$  를 가진다

12.  $0 < a < 1$  일 때, 다음 보기 중 옳은 것은 몇 개인가?

보기

$$\begin{array}{ll} \textcircled{\text{A}} \quad a < \sqrt{a} & \textcircled{\text{C}} \quad a < \frac{1}{a} \\ \textcircled{\text{B}} \quad \sqrt{a^2} = a & \textcircled{\text{D}} \quad \frac{1}{a} < \sqrt{a} \end{array}$$

- ① 없다    ② 1 개    ③ 2 개    ④ 3 개    ⑤ 4 개

해설

$0 < a < 1$  이므로  $a = \frac{1}{4}$  라고 생각하고 대입하면

$$\textcircled{\text{A}} \quad \frac{1}{4} < \sqrt{\frac{1}{4}} \left(= \frac{1}{2}\right) (\textcircled{\text{O}})$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \frac{1}{4} < \frac{1}{\frac{1}{4}} (= 4) (\textcircled{\text{O}})$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad a > 0 이므로 \sqrt{a^2} = a (\textcircled{\text{O}})$$

$$\textcircled{\text{D}} \quad \frac{1}{\frac{1}{4}} (= 4) > \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{2} (\times)$$

$\therefore \textcircled{\text{A}}, \textcircled{\text{B}}, \textcircled{\text{C}}$

13. 다음 보기의 A, B, C, D, E에서 가장 큰 수와 가장 작은 수의 곱은?

[보기]

$$\textcircled{\text{A}} \quad \sqrt{75} = A\sqrt{3}$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \sqrt{2^2 \times 5^2 \times 3} = B\sqrt{3}$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad 3\sqrt{3} + 4\sqrt{3} = C\sqrt{3}$$

$$\textcircled{\text{D}} \quad \frac{3\sqrt{2}}{\sqrt{6}} = D\sqrt{3}$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad \sqrt{0.21} \div \sqrt{7} = E\sqrt{3}$$

▶ 답:

▷ 정답: 1

[해설]

$$\textcircled{\text{A}} \quad \sqrt{5 \times 5 \times 3} = 5\sqrt{3}, \therefore A = 5$$

$$\textcircled{\text{B}} \quad \sqrt{10^2 \times 3} = 10\sqrt{3}, \therefore B = 10$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad 7\sqrt{3}, \therefore C = 7$$

$$\textcircled{\text{D}} \quad \frac{3\sqrt{2}\sqrt{6}}{\sqrt{6}\sqrt{6}} = \frac{6}{6}\sqrt{3} = \sqrt{3}, \therefore D = 1$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad \sqrt{\frac{21}{100} \times \frac{1}{7}} = \sqrt{\frac{3}{100}} = \frac{1}{10}\sqrt{3}, \therefore E = 0.1$$

가장 큰 수 : 10, 가장 작은 수 : 0.1

$$\therefore 10 \times 0.1 = 1$$

14. 두 수  $a$ ,  $b$ 에 대하여 기호  $*$ 를  $a * b = \frac{1}{a - b\sqrt{3}}$  (단,  $a$ ,  $b$ 는  $a \neq 0$ ,

$b \neq 0$ 인 유리수)라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $1 * 1 = -\frac{1 + \sqrt{3}}{2}$

②  $2 * 1 = 2 + \sqrt{3}$

③  $3 * 2 = -\frac{3 + 2\sqrt{3}}{3}$

④  $5 * 3 = -\frac{5 + 3\sqrt{3}}{2}$

⑤  $7 * 4 = -\frac{7 + 4\sqrt{3}}{2}$

해설

$$7 * 4 = \frac{1}{7 - 4\sqrt{3}} = 7 + 4\sqrt{3}$$

15.  $x^2 + 4xy + 4y^2 = 0$  ( $xy \neq 0$ ) 일 때,  $\frac{(x-y)^2}{2xy}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{9}{4}$

해설

$$x^2 + 4xy + 4y^2 = 0 \Rightarrow (x+2y)^2 = 0$$

$$\therefore x = -2y$$

$\frac{(x-y)^2}{2xy}$  에  $x = -2y$  를 대입하면

$$\frac{(-2y-y)^2}{2(-2y)y} = \frac{(-3y)^2}{(-4y^2)} = \frac{9y^2}{(-4y^2)} = -\frac{9}{4}$$

16. 이차방정식  $x^2 - ax - 2x + 4 = 0$ 의 중근을 가질 때의  $a$ 의 값이  
이차방정식  $x^2 + mx + n = 0$ 의 두 근이다. 이 때,  $m+n$ 의 값을  
구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -8

해설

$$x^2 - ax - 2x + 4 = 0, x^2 - (a+2)x + 4 = 0$$

$$\left(\frac{a+2}{2}\right)^2 = 4, \frac{a+2}{2} = \pm 2$$

$$a+2 = \pm 4$$

$$\therefore a = 2 \text{ 또는 } a = -6$$

$x^2 + mx + n = 0$ 의 두 근은 2, -6이므로

$$4 + 2m + n = 0$$

$$-\frac{36 - 6m + n = 0}{-32 + 8m = 0}$$

$$\therefore m = 4, n = -12$$

$$\therefore m+n = 4 - 12 = -8$$

17. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 골라라.

보기

Ⓐ 유리수  $a$  와 무리수  $b$  에 대해  $a - b$  는 항상 무리수이다.

Ⓑ  $b = a - \sqrt{5}$  를 만족시키는 무리수  $a, b$  가 항상 존재한다.

Ⓒ 임의의 무리수  $a$  에 대하여  $ab = 1$  을 만족시키는 무리수  $b$  가 존재한다.

Ⓓ 유리수  $a$ , 무리수  $b$  에 대해  $ab$  는 항상 무리수이다.

Ⓔ 임의의 유리수  $a$  에 대해  $ab^2$  이 유리수가 되는 무리수  $b$  는 존재하지 않는다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ⓒ

▷ 정답: Ⓟ

해설

ⓐ  $a = 0$  일 경우  $ab = 0$  이 되어 유리수가 되므로 옳지 않다.

ⓑ  $a = 2$  일 때,  $b = \sqrt{2}$  이면  $ab^2 = 2 \cdot (\sqrt{2})^2 = 4$  가 되어 유리수가 되므로 옳지 않다.

따라서 옳지 않은 것을 모두 고르면 ⓒ, Ⓟ 이다.

18.  $a + b = 3$ ,  $ab = 1$  일 때,  $a^2(a - b) + b^2(b - a)$  의 값은?

- ① 13      ② 15      ③ 17      ④ 18      ⑤ 20

해설

$$(a - b)^2 = (a + b)^2 - 4ab = 3^2 - 4 \times 1 = 5$$

$$\begin{aligned}\therefore (\text{준식}) &= a^2(a - b) - b^2(a - b) \\ &= (a - b)(a^2 - b^2) \\ &= (a - b)^2(a + b) \\ &= 5 \times 3 = 15\end{aligned}$$

19. 이차방정식  $x^2 - 3px - 3p = 0$  을  $(x + a)^2 = \frac{21}{4}$  의 꼴로 나타낼 수 있을 때, 양수  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{7}{2}$

해설

$$\begin{aligned} x^2 - 3px - 3p &= 0 \text{을 변형하면} \\ \left(x - \frac{3}{2}p\right)^2 &= \frac{9}{4}p^2 + 3p \\ \text{이 때, } a = -\frac{3}{2}p, \frac{9}{4}p^2 + 3p &= \frac{21}{4} \text{이다.} \\ \frac{9}{4}p^2 + 3p = \frac{21}{4} \text{에서 } 3p^2 + 4p - 7 &= 0 \\ (3p + 7)(p - 1) = 0 & \\ \therefore p = -\frac{7}{3} \text{ 또는 } p = 1 & \\ a = -\frac{3}{2}p \text{에서 } a > 0 \text{이므로 } p < 0, p = -\frac{7}{3} & \\ \therefore a = -\frac{3}{2}p = \frac{7}{2} & \end{aligned}$$

20. 세 이차방정식  $px^2+qx+1=0$ ,  $qx^2+2(p+1)x+q=0$ ,  $px^2+2qx+r=0$ 의 실근의 개수는 각각  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 이다.  $a^2+b^2+c^2=2a+2b+2c-3$  일 때,  $p^2+q^2+r^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 21

해설

$$a^2 + b^2 + c^2 = 2a + 2b + 2c - 3 \text{에서}$$
$$(a-1)^2 + (b-1)^2 + (c-1)^2 = 0 \Rightarrow a=1, b=1, c=1$$
$$\therefore px^2+qx+1=0, qx^2+2(p+1)x+q=0, px^2+2qx+r=0$$

이 모두 중근을 가지므로

$$D = q^2 - 4p = 0, q^2 = 4p \cdots \textcircled{\text{①}}$$

$$D = (p+1)^2 - q^2 = 0, p^2 + 2p + 1 - q^2 = 0 \cdots \textcircled{\text{②}}$$

$$D = q^2 - pr = 0, q^2 = pr \cdots \textcircled{\text{③}}$$

①과 ②에 의하여

$$p^2 + 2p + 1 - 4p = 0, (p-1)^2 = 0$$

$$\therefore p = 1, q = \pm 2, r = 4$$

$$\therefore p^2 + q^2 + r^2 = 1 + 4 + 16 = 21$$