

1.  $(4x + 1)(x + 3y)$  를 전개했을 때,  $xy$  의 계수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

$$(4x + 1)(x + 3y) = 4x^2 + 12xy + x + 3y$$

따라서  $xy$  의 계수는 12이다.

2.  $(x + 5)(3x + 2y)$  를 전개했을 때,  $y$  의 계수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$$(x + 5)(3x + 2y) = 3x^2 + 2xy + 15x + 10y$$

따라서  $y$ 의 계수는 10이다.

3.  $(a+b-3)(a-b)$ 를 전개하면?

- ①  $a^2 - b^2 - a + 3b$       ②  $a^2 - b^2 - 3a + b$   
③  $a^2 - b^2 + a + 3b$       ④  $a^2 - b^2 - 3a - 3b$   
⑤  $a^2 - b^2 - 3a + 3b$

해설

$$\begin{aligned}(a+b-3)(a-b) &= \{(a+b)-3\}(a-b) \\&= (a+b)(a-b) - 3(a-b) \\&= a^2 - b^2 - 3a + 3b\end{aligned}$$

4.  $(x - y)(x + y + 2)$  를 전개하면?

- ①  $x^2 - y^2 - 2x - 2y$   
②  $x^2 - y^2 - x - 2y$   
③  $x^2 - y^2 + 2x - 2y$   
④  $x^2 + y^2 + x - y$   
⑤  $x^2 + y^2 + 2x + 2y$

해설

$$\begin{aligned} & x \times x + x \times y + x \times 2 + (-y) \times x + (-y) \times y + (-y) \times 2 \\ &= x^2 + xy + 2x - xy - y^2 - 2y \\ &= x^2 - y^2 + 2x - 2y \end{aligned}$$

5.  $3^{x-1} = X$  일 때,  $27^x$  을  $X$ 에 관한 식으로 나타낸 것은?

- ①  $3X^3$       ②  $9X^3$       ③  $27X^3$       ④  $\frac{1}{9}X^3$       ⑤  $\frac{1}{27}X^3$

해설

$$3^{x-1} = X \quad | \text{므로 } 3^x \div 3 = X \quad \therefore 3^x = 3X$$

$$27^x = (3^3)^x = (3^x)^3 = (3X)^3 = 3^3 X^3 = 27X^3$$

6.  $a = 2^{x+2}$  일 때,  $8^x$  을  $a$  에 관한 식으로 나타내어라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{a^3}{64}$

해설

$$a = 2^x \cdot 2^2, 2^x = \frac{a}{4},$$
$$8^x = (2^3)^x = (2^x)^3 = \left(\frac{a}{4}\right)^3 = \frac{a^3}{64}$$

7.  $a = 2^{x+1}$  일 때,  $8^x$ 을  $a$ 에 관한 식으로 나타낼 때, 옳은 것은?

- ①  $-\frac{1}{8}a^3$     ②  $-\frac{1}{8a^3}$     ③  $8a^3$     ④  $\frac{1}{8a^3}$     ⑤  $\frac{1}{8}a^3$

해설

$$a = 2^x \times 2 \quad \therefore 2^x = \frac{a}{2}$$
$$8^x = (2^3)^x = (2^x)^3 = \left(\frac{a}{2}\right)^3 = \frac{1}{8}a^3$$

8.  $2^3 = \frac{1}{x}$ 이라고 할 때,  $\left(\frac{1}{64}\right)^2$ 을  $x$ 에 관하여 나타내면?

- ①  $\frac{1}{x^{12}}$       ②  $\frac{1}{x^6}$       ③  $x^4$       ④  $x^6$       ⑤  $x^{12}$

해설

$$\left(\frac{1}{64}\right)^2 = \left\{\left(\frac{1}{2}\right)^6\right\}^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^{12} = \frac{1}{2^{12}}$$

$$x = \frac{1}{2^3} \text{이므로}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{12} = \frac{1}{2^{12}} = \frac{1}{(2^3)^4} = \left(\frac{1}{2^3}\right)^4 = x^4$$

9.  $3x + y = 1$ ,  $x - 3y = 5$  일 때, 다음 값을 구하여라.

$$(2x - y)^2 - (x + 2y)^2$$

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$$\begin{cases} 3x + y = 1 & \cdots ① \\ x - 3y = 5 & \cdots ② \end{cases}$$

①식에 3을 곱하여 두 식을 더하면

$$10x = 8 \quad \therefore x = \frac{4}{5}$$

$$\text{따라서, } y = -3 \times \frac{4}{5} + 1 = -\frac{7}{5}$$

$$\begin{aligned} (2x - y)^2 - (x + 2y)^2 \\ = \left\{ 2 \times \frac{4}{5} - \left( -\frac{7}{5} \right) \right\}^2 - \left\{ \frac{4}{5} + 2 \times \left( -\frac{7}{5} \right) \right\}^2 \end{aligned}$$

$$= 3^2 - (-2)^2 = 5$$

10. 다음 연립방정식  $\begin{cases} 2x - 3y = 1 \\ 3x + 2y = 8 \end{cases}$  의 해를  $x = a$ ,  $y = b$  라 할 때,  
 $a^2 + 4b^5$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$x$ 의 계수를 6으로 같게 식을 만들면

$$\begin{cases} 6x - 9y = 3 \\ 6x + 4y = 16 \end{cases} \quad | \text{으로}$$
$$\begin{array}{r} 6x - 9y = 3 \\ - ) 6x + 4y = 16 \\ \hline - 13y = -13 \end{array}$$

$x = 2$ ,  $y = 1$  가 나온다.  $a = 2$ ,  $b = 1$  |으로  $a^2 + 4b^5 = 2^2 + 4 = 8$  이다.

11. 연립방정식  $\begin{cases} 2x - y = 4 \\ 3x - 2y = 5 \end{cases}$  의 해가  $(m, n)$  일 때,  $m - n$ 의 값은?

- ① -1      ② 1      ③ 0      ④ 2      ⑤ -2

해설

$$\begin{cases} 2x - y = 4 & \cdots \textcircled{1} \\ 3x - 2y = 5 & \cdots \textcircled{2} \end{cases}$$

$x = 3, y = 2$  |므로  $(m, n) = (3, 2)$

$$\therefore m - n = 3 - 2 = 1$$

12. 연립방정식  $\begin{cases} 3x + 2y = 8 \\ 4x - 3y = 5 \end{cases}$  의 해를  $x = a$ ,  $y = b$  라 할 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$\begin{cases} 3x + 2y = 8 & \cdots ① \\ 4x - 3y = 5 & \cdots ② \end{cases} \quad \text{에서 } ① \times 3 + ② \times 2 \text{ 하면}$$

$$17x = 34$$

$$\therefore x = 2, y = 1$$

$$\therefore a + b = 2 + 1 = 3$$