

1. $(\sqrt{5} + 2\sqrt{3})(2\sqrt{5} - 3\sqrt{3})$ 을 계산하면?

- ① $-8 - 15\sqrt{3} - 4\sqrt{15}$ ② $-8 - 15\sqrt{3} + 4\sqrt{15}$
③ $-8 + \sqrt{15}$ ④ $8 - 15\sqrt{3}$
⑤ $8 - 15\sqrt{3} + 4\sqrt{15}$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= 10 - 3\sqrt{15} + 4\sqrt{15} - 18 \\ &= -8 + \sqrt{15}\end{aligned}$$

2. 이차방정식 $(3x - 2)(2x + 3) = 0$ 을 풀면?

- ① $x = 2$ 또는 $x = -3$ ② $x = -2$ 또는 $x = 3$
③ $x = \frac{2}{3}$ 또는 $x = -\frac{3}{2}$ ④ $x = -\frac{2}{3}$ 또는 $x = \frac{3}{2}$
⑤ $x = 2$ 또는 $x = -\frac{3}{2}$

해설

$$(3x - 2)(2x + 3) = 0$$
$$3x - 2 = 0 \text{ 또는 } 2x + 3 = 0$$
$$\therefore x = \frac{2}{3} \text{ 또는 } x = -\frac{3}{2}$$

3. $y = -\frac{1}{4}x^2 + q$ 의 그래프가 점 (2, 5) 을 지날 때, 이 포물선의 꼭짓점의 좌표를 구하면?

- ① (0, 1) ② (0, 3) ③ (0, 6)
④ (2, 5) ⑤ (4, 6)

해설

$$y = -\frac{1}{4}x^2 + q \text{에 } (2, 5) \text{를 대입하면}$$

$$5 = -\frac{1}{4} \cdot 4 + q$$
$$\therefore q = 6$$

$y = -\frac{1}{4}x^2$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 6 만큼 이동한 그래프이므로 꼭짓점의 좌표는 (0, 6)이다.

4. $65 \times 63 + 66 \times 66 - 66 \times 64 - 64 \times 64$ 의 값을 구하면?

- ① 1 ② 164 ③ 131 ④ 132 ⑤ 140

해설

$$\begin{aligned}(64 + 1) \times (64 - 1) + 66 \times (66 - 64) - 64^2 \\= 64^2 - 1 + 66 \times 2 - 64^2 \\= 132 - 1 = 131\end{aligned}$$

5. 과학탐구반 학생들이 70m 높이의 건물 꼭대기에서 물로켓을 쏘아 올리는데 쏘아 올린 물로켓의 t 초 후의 높이가 $(70 + 25t - 5t^2)$ m라고 할 때, 물로켓을 쏘아 올린 후 이 로켓의 높이가 40m 가 될 때는 쏘아 올린지 몇 초 후인가?

- ① 2 초 ② 3 초 ③ 4 초 ④ 5 초 ⑤ 6 초

해설

$$70 + 25t - 5t^2 = 40$$

$$t^2 - 5t - 6 = 0$$

$$(t - 6)(t + 1) = 0$$

$$\therefore t = 6 \text{ (초)} (\because t > 0)$$

6. 이차함수 $y = -2(x+3)^2$ 의 그래프에서 x 의 값이 증가함에 따라 y 의 값이 감소하는 x 의 값의 범위는?

- ① $x > 0$ ② $x > 3$ ③ $x < -3$
④ $x < 3$ ⑤ $x > -3$

해설

$y = -2(x+3)^2$ 의 그래프는 다음과 같다.



즉, 위로 볼록이고, 대칭축은 $x = -3$ 이다. $x > -3$ 에서 x 가 증가하면 y 는 감소한다.

7. $x = 3 + \sqrt{8}$, $y = 3 - \sqrt{8}$ 일 때, $(x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2$ 의 값은?(단, n 은 양의 정수)

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(x^n + y^n)^2 - (x^n - y^n)^2 \\&= (x^n + y^n + x^n - y^n)(x^n + y^n - x^n + y^n) \\&= 2x^n \times 2y^n = 4(xy)^n \\xy &= (3 + \sqrt{8})(3 - \sqrt{8}) = 1 \\ \therefore 4(xy)^n &= 4\end{aligned}$$

8. 포물선 $y = -2x^2 - bx + c$ 에서 $b < 0, c > 0$ 이면 꼭짓점은 제 몇 사분면 위에 있는가?

- ① 원점 ② 제1 사분면 ③ 제2 사분면
④ 제3 사분면 ⑤ 제4 사분면

해설

$$y = -2x^2 - bx + c = -2\left(x + \frac{b}{4}\right)^2 + \frac{b^2}{8} + c = -2\left(x + \frac{b}{4}\right)^2 + \frac{b^2 + 8c}{8}$$

\therefore 꼭짓점의 좌표는 $\left(-\frac{b}{4}, \frac{b^2 + 8c}{8}\right)$

그런데 $b < 0, c > 0$ 이므로 $-\frac{b}{4} > 0, \frac{b^2 + 8c}{8} > 0$

\therefore 제 1 사분면