

1. 다음 함수에서 그래프의 폭이 가장 좁은 것은?

① $y = -3x^2$

② $y = \frac{2}{3}(x+1)^2$

③ $y = -\frac{1}{2}x^2 + 1$

④ $y = 4(x+2)^2 - 5$

⑤ $y = \frac{3}{4}x^2 - 2x + 3$

해설

4의 절댓값이 가장 크다.

2. 다음 안을 알맞게 채워라.

이차함수 $y = ax^2 + bx + c$ 가 성립하기 위한 조건은 이다.

다

음 중 알맞은 것을 고르면?

- ① $\frac{a}{c} < 0$
- ② $b > 0$
- ③ $a \neq 0$
- ④ $ab > 0$
- ⑤ $a > 0$

해설

$a = 0$ 이면 $y = 0 \times x^2 + bx + c$ 로 곧 일차함수 $y = bx + c$ 가 된다.

3. 이차함수 $y = 2(x - 1)^2 + 3$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$y = 2(x - 1)^2 + 3$ 의 그래프는 $x = 1$ 일 때 최솟값이 3 이다.

4. 다음 빈칸을 알맞게 채우고, 꼭짓점의 좌표와 대칭축의 방정식을 구하면?.

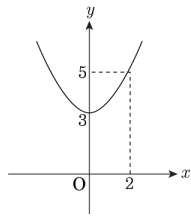
이차함수 $y = (x - 2)^2 - 3$ 의 그래프는 $y = \square$ 의 그래프를 x 축 방향으로 $\square$ 만큼, y 축 방향으로 $\square$ 만큼 평행이동한 그래프이다.

- ① x^2 , 2, -3, 꼭짓점 (2, -3), 대칭축 $x = 2$
② x^2 , -2, -3, 꼭짓점 (-2, -3), 대칭축 $x = -2$
③ x^2 , 2, 3, 꼭짓점 (2, 3), 대칭축 $x = 2$
④ x^2 , 2, -3, 꼭짓점 (2, -3), 대칭축 $y = 2$
⑤ x^2 , 2, -3, 꼭짓점 (-2, -3), 대칭축 $y = 2$

해설

$y = a(x - p)^2 + q$ 의 그래프는 $y = ax^2$ 의 그래프를 x 축 방향으로 p 만큼, y 축 방향으로 q 만큼 평행이동한 그래프이다.
꼭짓점 : (p, q) , 축의 방정식 : $x = p$

5. 다음과 같은 그래프를 가지는 이차함수의 식을 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : $y = \frac{1}{2}x^2 + 3$

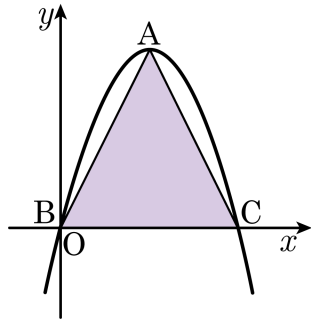
해설

$y = ax^2 + 3$ 이 점 $(2, 5)$ 를 지나므로

$$5 = a \times 2^2 + 3, a = \frac{1}{2}$$

$$\therefore y = \frac{1}{2}x^2 + 3$$

6. 이차함수 $y = -x^2 + 4x$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하면? (점 A 는 꼭짓점)



- ① 32 ② 16 ③ 8 ④ 4 ⑤ 2

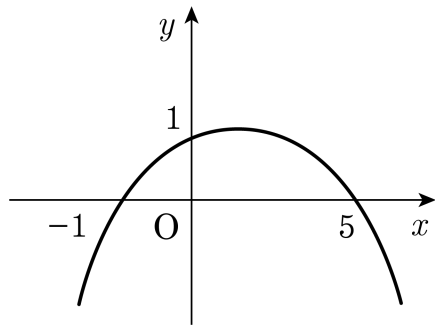
해설

$y = -(x-2)^2 + 4$ 에서 A(2, 4) 이므로 삼각형의 높이는 4이다.

$y = x(x-4)$ 에서 B(0, 0), C(4, 0) 이므로 $\overline{BC} = 4$

$$\therefore \triangle ABC = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$

7. 다음 그래프를 보고 이차함수의 식을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $y = -\frac{1}{5}x^2 + \frac{4}{5}x + 1$

해설

x 축과의 교점이 $(-1, 0)$, $(5, 0)$ 이므로

$$y = a(x+1)(x-5)$$

점 $(0, 1)$ 을 지나므로

$$1 = a(0+1)(0-5) \quad \therefore a = -\frac{1}{5}$$

$$\therefore y = -\frac{1}{5}x^2 + \frac{4}{5}x + 1$$

8. $x = 1$ 일 때 최솟값 1 을 갖고, y 절편이 2 인 포물선을 그래프로 하는 이차함수의 식을 $y = a(x - p)^2 + q$ 라 할 때, 상수 a, p, q 의 곱 apq 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$$\begin{aligned}y &= a(x - 1)^2 + 1 \\&= a(x^2 - 2x + 1) + 1 \\&= ax^2 - 2ax + a + 1 \\a + 1 &= 2, \quad a = 1 \\y &= (x - 1)^2 + 1 \\p &= 1, q = 1 \\\therefore apq &= 1\end{aligned}$$