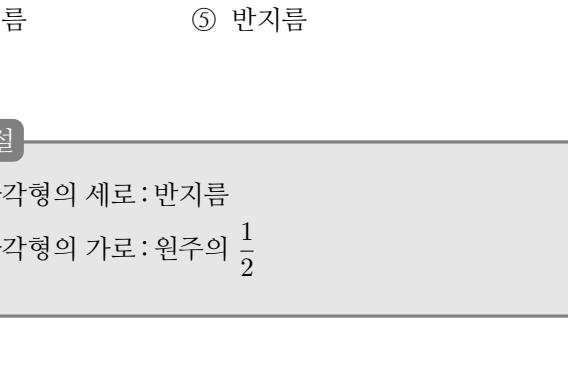


1. 다음은 원을 한없이 잘게 잘라 엇갈려 붙였을 때, 직사각형 모양이 되는 것을 나타낸 것이다. 직사각형의 가로는 원의 무엇과 같은가?



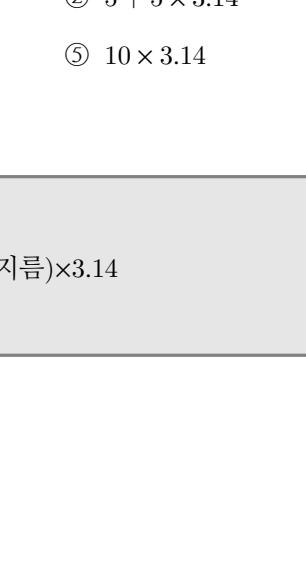
- ① 원주
② 원주의 2배
③ 원주의 $\frac{1}{2}$
④ 지름
⑤ 반지름

해설

직사각형의 세로: 반지름

직사각형의 가로: 원주의 $\frac{1}{2}$

2. 다음과 같은 원의 넓이를 구하려고 합니다. 식을 바르게 세운 것은 어느 것입니까?



- ① $5 + 2 \times 3.14$ ② $5 + 5 \times 3.14$ ③ 5×3.14
④ $5 \times 5 \times 3.14$ ⑤ 10×3.14

해설

$$\begin{aligned} \text{원의 넓이} \\ = & (\text{반지름}) \times (\text{반지름}) \times 3.14 \\ = & 5 \times 5 \times 3.14 \end{aligned}$$

3. 다음 설명 중 틀린 것을 모두 고르시오.

① 원주와 반지름의 비를 원주율이라고 합니다.

② 원주율은 원의 크기가 커질수록 커집니다.

③ 원을 원의 중심을 지나는 직선으로 한없이 잘라 이어 붙이면
직사각형의 넓이에 가까워집니다.

④ 원의 둘레의 길이를 원주라고 합니다.

⑤ (원주) = (반지름) $\times 2 \times 3.14$

해설

① 원의 지름에 대한 원주의 비율을 원주율이라 합니다.

② 원주율은 모든 원에서 일정합니다.

4. 다음 중 옳은 것은 어느 것입니까?

- ① 원의 크기가 달라지면 원주율도 달라집니다.
- ② 반지름과 지름의 길이의 비는 $2 : 1$ 입니다.
- ③ 원주율은 반지름의 길이에 대한 원주의 비율을 말하는 것으로
약 3.14입니다.
- ④ 원주는 항상 반지름의 약 6.28 배입니다.
- ⑤ 지름이 커질수록 원주율도 커집니다.

해설

- ① 원주율은 원의 크기에 관계없이 항상 일정합니다.
- ② 반지름과 지름의 길이의 비는 $1 : 2$ 입니다.
- ③ 원주율은 지름의 길이에 대한 원주의 비율을 말하는 것으로
약 3.14입니다.
- ④ 원주율은 지름의 길이와 관계없이 항상 일정합니다.

5. 다음 중 옳지 않은 것은 어느 것입니까?

- ① 모든 원의 원주율은 약 3.14입니다.
- ② 지름의 길이에 대한 원주의 비율을 원주율이라고 합니다.
- ③ $(원주) = (지름) \times (원주율)$ 입니다.

④ $(반지름의 길이) = (원주) \div 3.14 \div 2$

- ⑤ $(원의 넓이) = (반지름) \times (반지름) \times 3.14$ 입니다.

해설

$$(반지름의 길이) = (원주) \div 3.14 \div 2$$

6. 원주가 가장 큰 원은 어느 것입니까?

- ① 반지름이 2 cm인 원
- ② 지름이 2.5 cm인 원
- ③ 반지름이 3 cm인 원
- ④ 지름이 2.3 cm인 원
- ⑤ 원주가 12.56 cm인 원

해설

지름의 길이가 클수록 원주도 커지므로 지름의 길이를 비교합니다.

- ① 지름 4 cm
- ② 지름 2.5 cm
- ③ 지름 6 cm
- ④ 지름 2.3 cm
- ⑤ 지름 $12.56 \div 3.14 = 4$ (cm)

따라서 원주가 가장 큰 원은 ③입니다.

7. 지름이 1 m 인 원 모양의 굴렁쇠가 있습니다. 이 굴렁쇠를 5 바퀴 굴렸을 때, 굴렁쇠가 움직인 거리는 몇 m 입니까?

- ① 1 m ② 5 m ③ 7.85 m
④ 15.7 m ⑤ 31.4 m

해설

굴렁쇠를 5 바퀴 굴렸으므로, 굴렁쇠 둘레 길이의 5 배가 됩니다.
따라서 $1 \times 3.14 \times 5 = 15.7(m)$ 입니다.

8. 다음 중 가장 큰 원은 어느 것입니까?

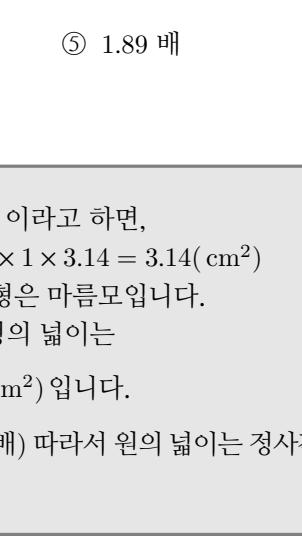
- ① 지름이 10 cm인 원 ② 반지름이 10 cm인 원
③ 원주가 31.4 cm인 원 ④ 지름이 12 cm인 원
⑤ 반지름이 6 cm인 원

해설

반지름(지름)의 크기가 클 수록 큰 원입니다.

- ① 지름 : 10 cm
② 지름 : $10 \times 2 = 20$ (cm)
③ 지름 : $31.4 \div 3.14 = 10$ (cm)
④ 지름 : 12 cm
⑤ 지름 : $6 \times 2 = 12$ (cm)

9. 다음 그림에서 원의 넓이는 원 안에 있는 정사각형의 넓이의 몇 배입니까?



- ① 1.1 배 ② 1.21 배 ③ 1.44 배
④ 1.57 배 ⑤ 1.89 배

해설

원의 반지름을 1이라고 하면,

$$(\text{원의 넓이}) = 1 \times 1 \times 3.14 = 3.14(\text{cm}^2)$$

원 안의 정사각형은 마름모입니다.

따라서 정사각형의 넓이는

$$2 \times 2 \times \frac{1}{2} = 2(\text{cm}^2) \text{입니다.}$$

$3.14 \div 2 = 1.57(\text{배})$ 따라서 원의 넓이는 정사각형 넓이의 1.57(배)입니다.

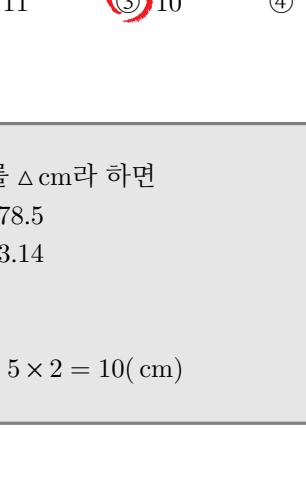
10. 다음 중에서 넓이가 가장 큰 원을 고르시오.

- ① 원주가 12.56 cm 인 원 ② 반지름이 1.75 cm 인 원
③ 넓이가 12.56 cm^2 인 원 ④ 원주가 15.7 cm 인 원
⑤ 넓이가 28.26 cm^2 인 원

해설

반지름의 길이를 비교해 봅니다.
반지름을 $\square\text{cm}$ 라 하면
① $\square \times 2 \times 3.14 = 12.56$, $\square = 2\text{ cm}$
② 반지름 1.75 cm
③ $\square \times \square \times 3.14 = 12.56$, $\square = 2\text{ cm}$
④ $\square \times 2 \times 3.14 = 15.7$, $\square = 2.5\text{ cm}$
⑤ $\square \times \square \times 3.14 = 28.26$, $\square = 3\text{ cm}$
따라서 넓이가 가장 큰 원은 ⑤입니다.

11. 다음 원의 넓이는 78.5 cm^2 입니다. [] 안에 들어갈 알맞은 수를 고르시오.



- ① 12 ② 11 ③ 10 ④ 9 ⑤ 8

해설

반지름의 길이를 $\Delta \text{ cm}$ 라 하면

$$\Delta \times \Delta \times 3.14 = 78.5$$

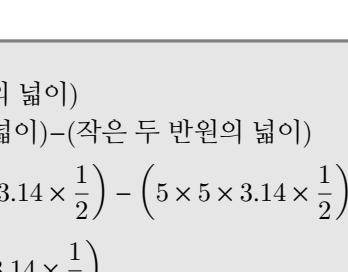
$$\Delta \times \Delta = 78.5 \div 3.14$$

$$\Delta \times \Delta = 25$$

$$\Delta = 5(\text{ cm})$$

$$(\text{지름의 길이}) = 5 \times 2 = 10(\text{ cm})$$

12. 다음 반원에서 색칠한 부분의 넓이를 구하면 얼마입니까?

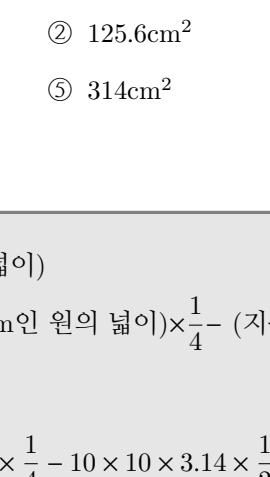


- ① 78.5 cm^2 ② 157 cm^2 ③ 235.5 cm^2
④ 314 cm^2 ⑤ 392.5 cm^2

해설

$$\begin{aligned}&(\text{색칠한 부분의 넓이}) \\&= (\text{큰 반원의 넓이}) - (\text{작은 두 반원의 넓이}) \\&= \left(15 \times 15 \times 3.14 \times \frac{1}{2}\right) - \left(5 \times 5 \times 3.14 \times \frac{1}{2}\right) \\&\quad - \left(10 \times 10 \times 3.14 \times \frac{1}{2}\right) \\&= 353.25 - 39.25 - 157 \\&= 157(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

13. 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



- ① 94.2cm^2 ② 125.6cm^2 ③ 157 cm^2
④ 188.4cm^2 ⑤ 314cm^2

해설

$$\begin{aligned}&(\text{색칠한 부분의 넓이}) \\&= (\text{반지름 } 20 \text{ cm인 원의 넓이}) \times \frac{1}{4} - (\text{지름 } 20 \text{ cm인 원의 넓이}) \times \frac{1}{2} \\&= 20 \times 20 \times 3.14 \times \frac{1}{4} - 10 \times 10 \times 3.14 \times \frac{1}{2} \\&= 314 - 157 \\&= 157(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

14. 반지름이 8cm인 3개의 원을 다음과 같이 겹쳐 놓았습니다. 겹쳐진 원의 중심 A, B, C를 이어 보니 한 변의 길이가 8cm인 정삼각형이 되었다면, 겹쳐지지 않은 부분의 넓이는 얼마입니까? (단, 한 변이 8cm인 삼각형의 넓이는 27.7 cm^2 , 원주율은 3으로 계산합니다.)



- ① 162.2 cm^2 ② 262.2 cm^2 ③ 362.2 cm^2
 ④ 462.2 cm^2 ⑤ 562.2 cm^2

해설



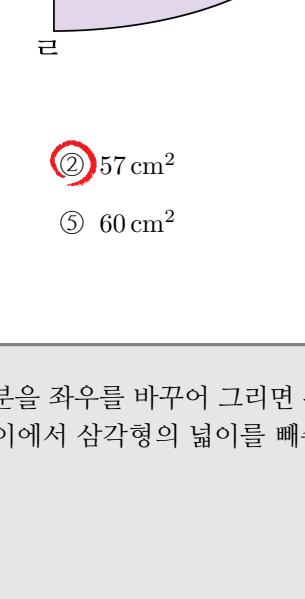
위의 그림에서 색칠한 ②의 넓이는 반원의 넓이에서 ④×2의 넓이를 뺀 것과 같습니다. 반원의 넓이는 $8 \times 8 \times 3 \times \frac{1}{2} = 96(\text{ cm}^2)$

④의 넓이는 원을 6등분 한 넓이에서 삼각형 ABC의 넓이를 뺀 것과 같으므로,

$$\left(8 \times 8 \times 3 \times \frac{1}{6}\right) - 27.7 = 4.3(\text{ cm}^2)$$

따라서 구하려는 넓이는 ②의 넓이의 3배이므로
 $(96 - 4.3 \times 2) \times 3 = 87.4 \times 3 = 262.2(\text{ cm}^2)$

15. 다음 그림에서 변 $\angle C$ 의 길이와 변 $\angle B$ 의 길이의 합이 20 cm 일 때, 색칠한 부분의 넓이는 몇 cm^2 인지 구하시오.



- ① 56 cm^2 ② 57 cm^2 ③ 58 cm^2
④ 59 cm^2 ⑤ 60 cm^2

해설

위의 삼각형 부분을 좌우를 바꾸어 그리면 부채꼴 모양이 되고 이 부채꼴의 넓이에서 삼각형의 넓이를 빼주면 색칠한 부분의 넓이가 됩니다.



$$(\text{변 } \angle C) = (\text{변 } \angle B) = 20\text{ cm} (\text{원의 반지름})$$

$$(\text{변 } \angle C) + (\text{변 } \angle B) = 20\text{ cm},$$

$$(\text{변 } \angle C) + (\text{변 } \angle B) = 20\text{ cm}$$

따라서 $(\text{변 } \angle C) = (\text{변 } \angle B)$ 이며

삼각형 $\triangle ABC$ 은 이등변삼각형입니다.

$$\left(20 \times 20 \times 3.14 \times \frac{45}{360} \right) - \left(20 \times 20 \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \right)$$

$$= 157 - 100 = 57(\text{cm}^2)$$