

1. 다음은 식  $A = ab(a + b) - ab$  와 식  $B = a^2b - 2ab$ 에 대한 설명이다.  
옳지 않은 것을 모두 골라라.

Ⓐ A에서  $ab$ 는 각 항의 공통인 인수이다.

Ⓑ B의 인수는  $ab$ 와  $-2$ 이다.

Ⓒ A와 B의 공통인 인수는  $ab$ 이다.

Ⓓ B에서  $a^2b$ 는 각 항의 공통인 인수이다.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: ⓒ

해설

$A = ab(a + b) - ab = ab(a + b - 1)$  이고,

$B = a^2b - 2ab = ab(a - 2)$  이다.

Ⓑ B의 인수는  $ab$ 와  $a - 2$ 이다.

Ⓒ B에서  $ab$ 는 각 항의 공통인 인수이다.

2. 두 이차식  $x^2 + 2x - 3$ ,  $2x^2 + 5x - 3$  의 공통인 인수를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x + 3$

해설

$$x^2 + 2x - 3 = (x - 1)(x + 3)$$

$$2x^2 + 5x - 3 = (2x - 1)(x + 3)$$

3. 이차방정식  $x^2 - 10x + a - 5 = 0$  이] 중근을 갖도록  $a$ 의 값을 정하면?

- ① 25      ② 30      ③ 35      ④ 40      ⑤ 45

해설

$$\frac{D}{4} = (-5)^2 - (a - 5) = -a + 30 = 0, \quad a = 30$$

4.  $y$ 가  $x$ 의 제곱에 비례하고,  $x = -2$  일 때  $y = -12$ 이다.  $y$ 를  $x$ 에 관한 식으로 바르게 나타낸 것은?

- ①  $y = 6x^2$       ②  $y = 3x^2$       ③  $y = 2x^2$   
④  $y = -3x^2$       ⑤  $y = -6x^2$

해설

$y = ax^2 (a \neq 0)$ 에  $(-2, -12)$ 을 대입하면,  $-12 = a \times (-2)^2$ ,  $a = -3$

$\therefore y = -3x^2$

5. 높이가  $4\sqrt{6}$  cm, 부피가  $32\sqrt{6}\pi$  cm<sup>3</sup>인 원기둥이 있다. 원기둥의 밑면의 반지름을 구하여라.

▶ 답: cm

▷ 정답:  $2\sqrt{2}$  cm

해설

부피가  $32\sqrt{6}\pi$  cm<sup>3</sup> 이므로 밑넓이는  $\frac{32\sqrt{6}\pi}{4\sqrt{6}} = 8\pi$  cm<sup>2</sup> 이다.

따라서 밑면의 반지름의 길이를  $r$ 이라고 하면  $r^2\pi = 8\pi$  이므로  $r = 2\sqrt{2}$  (cm) 이다.

6.  $\frac{\sqrt{5}-2}{\sqrt{5}+2}$  의 분모를 유리화하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $9 - 4\sqrt{5}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{\sqrt{5}-2}{\sqrt{5}+2} &= \frac{(\sqrt{5}-2)^2}{(\sqrt{5}+2)(\sqrt{5}-2)} \\ &= \frac{5-4\sqrt{5}+4}{5-4} \\ &= 9 - 4\sqrt{5}\end{aligned}$$

7. 다음 중 두 실수의 대소 관계가 틀린 것은?

①  $\sqrt{6} + 2 < \sqrt{6} + 3$       ②  $4 - \sqrt{7} < 2\sqrt{7} - 2$

③  $2\sqrt{3} + 3 < 6\sqrt{3} - 5$       ④  $2\sqrt{5} - \sqrt{8} < \sqrt{20} + 3\sqrt{2}$

⑤  $3 + \sqrt{3} < 10 - \sqrt{12}$

해설

③  $2\sqrt{3} + 3 < 6\sqrt{3} - 5$

$2\sqrt{3} + 3 - 6\sqrt{3} + 5 = -4\sqrt{3} + 8 = -\sqrt{48} + \sqrt{64} > 0$

$\therefore 2\sqrt{3} + 3 > 6\sqrt{3} - 5$

8. 이차방정식  $ax^2 + (5 - 4b)x - 6 = 0$ 의 한 해가  $x = 1$  일 때, 상수  $a - 4b$ 의 값은?

① 15      ② -8      ③ 1      ④ 8      ⑤ 15

해설

이차방정식  $ax^2 + (5 - 4b)x - 6 = 0$ 에  $x = 1$ 을 대입하면,  
 $a + 5 - 4b - 6 = 0$   
 $\therefore a - 4b = 1$

9. 이차방정식  $x^2 + 3x + 6 = 0$  의 두 근을  $\alpha, \beta$  라 할 때, 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

①  $(\alpha + \beta)^2 = 9$       ②  $\alpha + \beta + \alpha\beta = 9$

③  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{1}{2}$       ④  $\alpha^2 + \beta^2 = 21$

⑤  $\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2} = -\frac{1}{12}$

해설

$\alpha + \beta = -3, \alpha\beta = 6$

①  $(\alpha + \beta)^2 = (-3)^2 = 9$

②  $\alpha + \beta + \alpha\beta = (-3) + 6 = 3$

③  $\frac{1}{\alpha} + \frac{1}{\beta} = \frac{\alpha + \beta}{\alpha\beta}$

$= \frac{(-3)}{6} = -\frac{1}{2}$

④  $\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta$

$= (-3)^2 - 2 \times 6 = -3$

⑤  $\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2} = \frac{\alpha^2 + \beta^2}{\alpha^2\beta^2}$

$= \frac{-3}{36} = -\frac{1}{12}$

10. 이차방정식  $x^2 + 2kx + 4k + 4 = 0$ 의 두 근의 비가  $2 : 3$  일 때, 정수  $k$ 의 값은?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

두 근을  $2\alpha, 3\alpha$  라 하면,

$$2\alpha + 3\alpha = 5\alpha = -2k \dots\dots \textcircled{1}$$

$$2\alpha \times 3\alpha = 6\alpha^2 = 4k + 4 \dots\dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \text{을 정리하면 } \alpha = -\frac{2}{5}k$$

$$\text{이것을 } \textcircled{2} \text{에 대입하면 } 6 \times \left(-\frac{2}{5}k\right)^2 = 4k + 4$$

$$\frac{24}{25}k^2 - 4k - 4 = 0$$

$$6k^2 - 25k - 25 = 0$$

$$(6k + 5)(k - 5) = 0$$

$$\therefore k = 5 (\because k \text{는 정수})$$

11. 이차함수  $y = \frac{4}{3}x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로  $-2$  만큼 평행이동시켰더니 점  $(a, 10)$  을 지났다.  $a$  의 값을 구하여라. (단,  $a > 0$  )

▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

$y = \frac{4}{3}x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로  $-2$  만큼 평행이동시킨

함수의 식은  $y = \frac{4}{3}x^2 - 2$  이고, 점  $(a, 10)$  을 지나므로

$$10 = \frac{4}{3}a^2 - 2, \quad a = \pm 3$$

$a > 0$  이므로  $a = 3$  이다.

12.  $\frac{\sqrt{4^2}}{2} = a$ ,  $-\sqrt{(-6)^2} = b$ ,  $\sqrt{(-2)^2} = c$  라 할 때,  $2a^2 \times b^2 - b \div c$  의 값은?

① 282      ② 285      ③ 288      ④ 291      ⑤ 294

해설

$$a = \frac{\sqrt{4^2}}{2} = 2, b = -\sqrt{(-6)^2} = -6, c = \sqrt{(-2)^2} = 2$$
$$\therefore 2a^2 \times b^2 - b \div c = 2 \times 4 \times 36 - (-6) \times \frac{1}{2}$$
$$= 288 + 3 = 291$$

13. 이차함수  $y = ax^2$  의 그래프가  $y = -\frac{3}{2}x^2$  의 그래프보다 폭이 좁고,  $y = 2x^2$  의 그래프보다 폭이 넓다고 할 때, 음수  $a$ 의 값의 범위는?

①  $-\frac{3}{2} < a < 2$       ②  $-\frac{3}{2} < a < -2$       ③  $\frac{3}{2} < a < 2$   
④  $-2 < a < -\frac{3}{2}$       ⑤  $-2 < a < \frac{3}{2}$

해설

$\frac{3}{2} < |a| < 2$

$\frac{3}{2} < a < 2$  또는  $-2 < a < -\frac{3}{2}$  이고,  $a$  가 음수이므로  $-2 < a < -\frac{3}{2}$  이다.

14. 이차함수  $y = -\frac{3}{4}x^2 + 3$  의 그래프가  $y = a(x+p)^2$  의 꼭짓점을 지나고  $y = a(x-p)^2$  의 그래프가  $y = -\frac{3}{4}x^2 + 3$  의 꼭짓점을 지날 때,  $ap$ 의 값을 구하여라. (단,  $p < 0$ )

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{3}{2}$

해설

$$y = a(x+p)^2 \text{의 꼭짓점 } (-p, 0)$$

$$y = -\frac{3}{4}x^2 + 3 \text{에 } (-p, 0) \text{을 대입하면}$$

$$-\frac{3}{4}p^2 + 3 = 0, \frac{3}{4}p^2 = 3, p^2 = 4$$

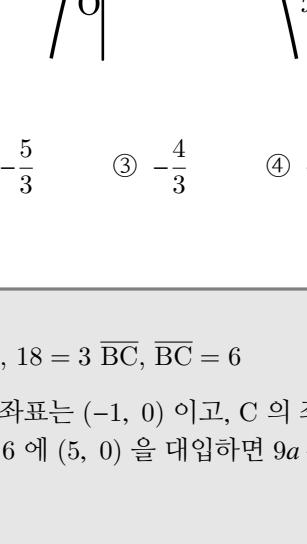
$$p = -2 \quad (p < 0 \text{ 이므로})$$

$$y = a(x+2)^2 \text{에 점 } (0, 3) \text{을 대입하면}$$

$$3 = 4a, a = \frac{3}{4}$$

$$\therefore ap = \frac{3}{4} \times (-2) = -\frac{3}{2}$$

15. 다음은  $y = a(x - 2)^2 + 6$  의 그래프이다.  $\triangle ABC$ 의 넓이가 18 일 때,  $a$ 의 값을 구하면?



- ① -2      ②  $-\frac{5}{3}$       ③  $-\frac{4}{3}$       ④ -1      ⑤  $-\frac{2}{3}$

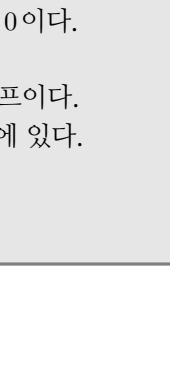
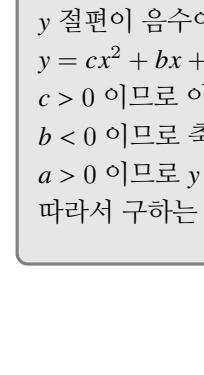
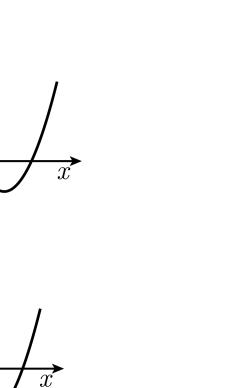
해설

$$18 = \frac{1}{2} \times \overline{BC} \times 6, 18 = 3 \overline{BC}, \overline{BC} = 6$$

따라서 점 B의 좌표는  $(-1, 0)$ 이고, C의 좌표는  $(5, 0)$ 이다.  
 $y = a(x - 2)^2 + 6$ 에  $(5, 0)$ 을 대입하면  $9a + 6 = 0$ 이다.

$$\therefore a = -\frac{2}{3}$$

16. 이차함수  $y = ax^2 + bx - c$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때,  $y = cx^2 + bx + a$  의 그래프는?



**해설**

$y = ax^2 + bx - c$  의 그래프가 아래로 볼록하므로  $a > 0$ 이다.

축이  $y$  축의 오른쪽에 있으므로  $a$  와  $b$ 의 부호는 반대이다.

따라서,  $b < 0$ 이다.

$y$  절편이 음수이므로  $-c < 0$ ,  $c > 0$ 이다.

$y = cx^2 + bx + a$ 에서

$c > 0$ 이므로 아래로 볼록한 그래프이다.

$b < 0$ 이므로 축은  $y$  축의 오른쪽에 있다.

$a > 0$ 이므로  $y$  절편은 양수이다.

따라서 구하는 그래프는 ②이다.

17. 함수  $f(x)$ 는 각 항의 계수가 유리수인 이차함수이다. 이러한 함수  $f(x)$ 에 대하여 다음의 식이 성립할 때, 함수  $f(x)$ 의 상수항을 구하여라.

$$\begin{cases} f(\sqrt{2}) = 7 + \sqrt{2} \\ f(\sqrt{3}) = 2 + \sqrt{3} \end{cases}$$

▶ 답:

▷ 정답: 17

해설

$f(x)$ 는 이차함수이므로  $f(x) = ax^2 + bx + c$ 로 놓으면

$$f(\sqrt{2}) = 2a + b\sqrt{2} + c = 7 + \sqrt{2} \cdots ①$$

$$f(\sqrt{3}) = 3a + b\sqrt{3} + c = 2 + \sqrt{3} \cdots ②$$

$$①$$
에 의하여  $2a + c = 7$

$$②$$
에 의하여  $3a + c = 2$

$$\text{연립방정식을 풀면 } \therefore a = -5, c = 17$$

18.  $x$ 에 관한 이차식  $12x^2 + 20xy + ky^2$ 이  $(6x+ay)(2x+by)$ 로 인수분해될 때,  $k$ 의 최댓값을 구하여라. (단,  $a, b$ 는 자연수)

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$12x^2 + (2a + 6b)xy + aby^2$   
 $a + 3b = 10$ 이 되는 경우는  
 $(1, 3), (4, 2), (7, 1)$ 이므로  
 $k$ 의 최댓값은  $a = 4, b = 2$ 일 때이다.  
 $\therefore (k \text{의 최대값}) = 8$

19. 이차방정식  $3x^2 - 23x - ax + 19 = 0$  이 정수의 근을 가질 때,  
정수  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 정답:  $a = 3$

▶ 정답:  $a = 11$

▶ 정답:  $a = 27$

▶ 정답:  $a = 35$

해설

$a$ 에 관하여 정리하면

$$3x^2 - 23x + 19 = a(x - 7)$$

$$a = \frac{3x^2 - 23x + 19}{x - 7} = \frac{(x - 7)(3x - 2) + 5}{x - 7}$$

$$a = 3x - 2 + \frac{5}{x - 7}$$

$a$ 는 정수이므로  $x - 7 = \pm 1, \pm 5$

$\therefore x = 8$  일 때,  $a = 27$ ,  $x = 6$  일 때,  $a = 11$

$\therefore x = 12$  일 때,  $a = 35$ ,  $x = 2$  일 때,  $a = 3$

20. 밑면의 반지름의 길이가 7cm이고 높이가  $h$ cm인 원기둥이 있다. 이 원기둥의 반지름의 길이를 조금 줄였더니 원기둥의 부피가 처음보다 64% 감소했을 때, 줄인 반지름의 길이는?

- ① 2.5cm      ② 2.6cm      ③ 2.7cm  
④ 2.8cm      ⑤ 2.9cm

해설

반지름의 줄인 길이를  $x$  cm라 하면  
원래 원기둥의 부피는  $7^2\pi h$  cm  
나중 원기둥의 부피는  $(7-x)^2\pi h$  cm  
부피가 64% 감소했으므로  
 $(7-x)^2\pi h = 0.36 \times 7^2\pi h$   
 $(7-x)^2 = (0.6 \times 7)^2$   
 $x > 0$  이므로  $7-x = 4.2$   
 $\therefore x = 2.8$  (cm)