

1. 이차방정식  $x^2 - 3x + 1 = 0$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라고 할 때,  $\alpha^3 + \beta^3$  을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

$$\begin{aligned}\alpha + \beta &= 3, \quad \alpha\beta = 1 \\ \alpha^3 + \beta^3 &= (\alpha + \beta)^3 - 3\alpha\beta(\alpha + \beta) \\ &= 27 - 9 = 18\end{aligned}$$

2.  $x$ 에 관한 이차방정식  $x^2 - ax + a + 1 = 0$ 의 두 근이 연속인 정수가 되게하는 상수  $a$ 의 값의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

두 근을  $n, n+1$ 이라 하면

$$\begin{cases} n + (n+1) = a & \dots\dots\dots \textcircled{\text{①}} \\ n(n+1) = a+1 & \dots\dots\dots \textcircled{\text{②}} \end{cases}$$

$$\textcircled{\text{①}} \text{에서 } n = \frac{a-1}{2} \dots\dots\dots \textcircled{\text{③}}$$

③을 ②에 대입하면

$$\frac{a-1}{2} \left( \frac{a-1}{2} + 1 \right) = a+1$$

이것을 정리하면  $(a+1)(a-5) = 0$

$$a = -1, 5$$

$$\therefore -1 + 5 = 4$$

3. 이차방정식  $f(x) = 0$ 의 두 근의 합이 2일 때, 방정식  $f(2x - 3) = 0$ 의 두 근의 합은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$f(x) = 0 \text{의 두 근을 } \alpha, \beta \text{라 하면 } \alpha + \beta = 2$$

$$f(2x - 3) = 0 \text{에서}$$

$$2x - 3 = \alpha, 2x - 3 = \beta$$

$$\therefore x = \frac{\alpha + 3}{2}, \frac{\beta + 3}{2}$$

$$\therefore (\text{두 근의 합}) = \frac{(\alpha + \beta) + 6}{2} = 4$$

4. A, B 두 사람이 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$ 을 푸는데 A는 b를 잘못 읽어 -4와 7을, B는 c를 잘못 읽어  $-3 \pm \sqrt{2}i$ 를 근으로 얻었다. 원래의 두 근의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -6

해설

A는 a와 c를 바르게 읽었으므로

근과 계수와의 관계에서

$$\frac{c}{a} = -4 \cdot 7 = -28, c = -28a$$

B는 a와 b는 바르게 읽었으므로

$$\frac{b}{a} = (-3 + \sqrt{2}i) + (-3 - \sqrt{2}i) = -6, b = 6a$$

따라서 원래의 이차방정식은

$$ax^2 + 6ax - 28a = 0$$

근과 계수와의 관계에 의해 두 근의 합은 -6

5. 이차방정식  $(2-k)x^2 + 2kx + 1 = 0$ 이 서로 다른 부호의 실근을 갖도록 하는 실수  $k$ 의 범위를 구하면?

- ①  $k \leq 2$       ②  $k > -2$       ③  $k \leq -2$   
④  $0 < k \leq 2$       ⑤  $k > 2$

해설

서로 다른 부호의 실근을 가지려면 두 근의 곱인  $\frac{1}{2-k} < 0$ 을 만족시키면 된다.  
따라서  $k > 2$