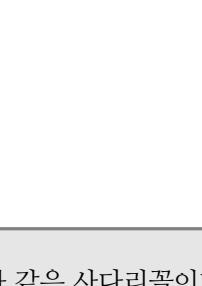


1. 다음 중 등변사다리꼴이 아닌 것은?

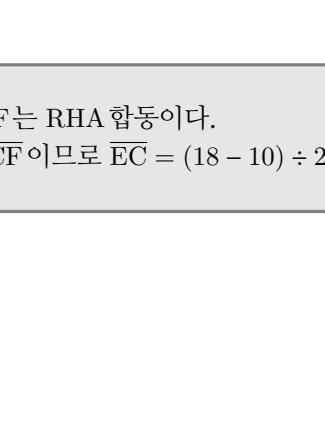


해설

등변사다리꼴은 밑각의 크기가 같은 사다리꼴이다.

⑤ 사다리꼴이라는 조건이 나타나 있지 않다.

2. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴이다. 점 A, D에서 \overline{BC} 에 수선을 내려 만나는 점을 각각 E, F라고 한다. $\overline{AD} = 10$, $\overline{BC} = 18$ 일 때, \overline{CF} 의 길이는?

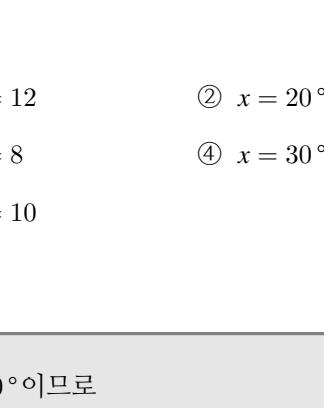


- ① 1 ② 2 ③ 4 ④ 6 ⑤ 8

해설

$\triangle ABE \cong \triangle DCF$ 는 RHA 합동이다.
따라서 $\overline{BE} = \overline{CF}$ 이므로 $\overline{EC} = (18 - 10) \div 2 = 4$ 이다.

3. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴 ABCD 가 있다. $\overline{AD} = 6$, $\overline{CE} = 2$, $\angle ABC = 70^\circ$ 일 때, x , y 의 값은?



- ① $x = 15^\circ$, $y = 12$
 ② $x = 20^\circ$, $y = 8$
 ③ $x = 30^\circ$, $y = 8$
 ④ $x = 30^\circ$, $y = 10$
 ⑤ $x = 20^\circ$, $y = 10$

해설

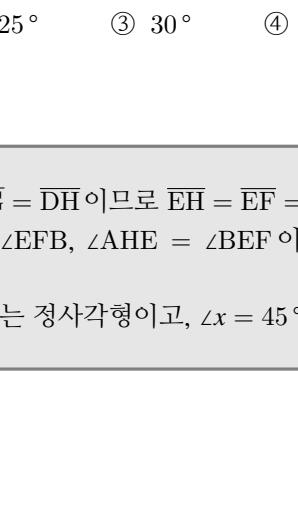
$\angle B + \angle D = 180^\circ$ 이므로
 $\angle D = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$ 이다.
 $\therefore \angle x = 110^\circ - 90^\circ = 20^\circ$

점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발을 H라 하면



$\triangle ABH \cong \triangle DCE$ 는 RHA 합동이므로 $\overline{BH} = \overline{EC}$ 이다.
 $\therefore \overline{BC} = 2 + 6 + 2 = 10$

4. 다음 그림과 같은 정사각형 ABCD에서 $\overline{EB} = \overline{FC} = \overline{GD} = \overline{HA}$ 가 되도록 각 변 위에 점 E, F, G, H를 잡을 때, $\angle x$ 의 크기는?



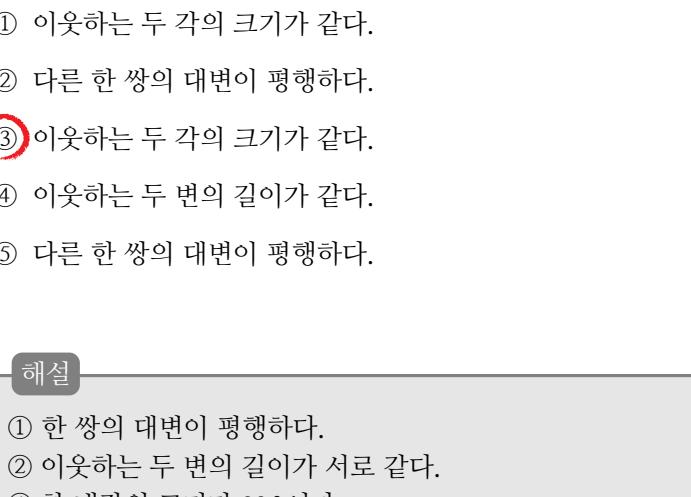
- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 40° ⑤ 45°

해설

$\overline{AE} = \overline{BF} = \overline{CG} = \overline{DH}$ 이므로 $\overline{EH} = \overline{EF} = \overline{FG} = \overline{GH}$ 이다.
또한 $\angle AEH = \angle EFB$, $\angle AHE = \angle BEF$ 이므로 $\angle EFG = 90^\circ$ 이다.

따라서 $\square EFGH$ 는 정사각형이고, $\angle x = 45^\circ$ 이다.

5. 다음 그림은 일반적인 사각형에 조건이 하나씩 덧붙여져 특별한 사각형이 되는 과정을 나타낸 것이다. ①~⑤에 덧붙여지는 조건을 바르게 나타낸 것은?



- ① 이웃하는 두 각의 크기가 같다.
- ② 다른 한 쌍의 대변이 평행하다.
- ③ 이웃하는 두 각의 크기가 같다.
- ④ 이웃하는 두 변의 길이가 같다.
- ⑤ 다른 한 쌍의 대변이 평행하다.

해설

- ① 한 쌍의 대변이 평행하다.
- ② 이웃하는 두 변의 길이가 서로 같다.
- ④ 한 내각의 크기가 90° 이다.
- ⑤ 이웃하는 변의 길이가 서로 같거나 대각선이 직교한다.

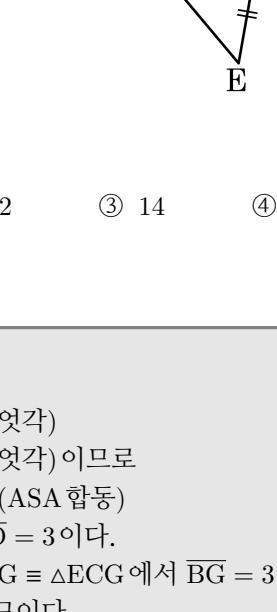
6. 직사각형의 중점을 연결했을 때 나타나는 사각형의 성질을 나타낸 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 네 변의 길이가 모두 같다.
- ② 두 대각선이 서로 수직으로 만난다.
- ③ 두 쌍의 대변이 각각 평행하다.
- ④ 네 각의 크기가 모두 직각이다.
- ⑤ 두 대각선이 내각을 이등분한다.

해설

직사각형의 중점을 연결해 생기는 사각형은 마름모이다. 마름모는 네 각의 크기가 모두 직각이 아니다.

7. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 평행사변형이고 $2\overline{AB} = \overline{AD} = 6$ 이다.
 $\overline{FD} = \overline{DC} = \overline{CE}$ 일 때, $\square ABGH$ 의 둘레의 길이를 구하면?



- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

$\overline{AB} = \overline{CD} = \overline{DF}$
 $\angle ABH = \angle HDF$ (엇각)

$\angle BAH = \angle HDF$ (엇각)이므로

$\triangle ABH \cong \triangle DCF$ (ASA 합동)

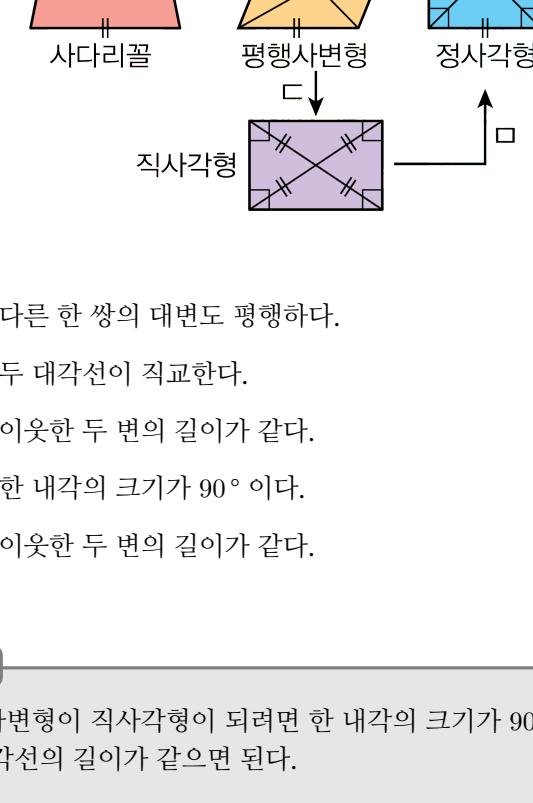
따라서 $\overline{AH} = \overline{HD} = 3$ 이다.

마찬가지로 $\triangle ABG \cong \triangle ECG$ 에서 $\overline{BG} = 3$ 이다.

$\square ABGH$ 는 마름모이다.

따라서 둘레의 길이는 $3 \times 4 = 12$ 이다.

8. 다음 그림은 사각형들 사이의 포함 관계를 나타낸 것이다. \square ~ \square 중 각 도형이 되기 위한 조건으로 옳지 않은 것은?



- ① \square . 다른 한 쌍의 대변도 평행하다.
- ② \square . 두 대각선이 직교한다.
- ③ \square . 이웃한 두 변의 길이가 같다.
- ④ \square . 한 내각의 크기가 90° 이다.
- ⑤ \square . 이웃한 두 변의 길이가 같다.

해설

평행사변형이 직사각형이 되려면 한 내각의 크기가 90° 이거나 두 대각선의 길이가 같으면 된다.

9. 다음 보기와 같이 대각선의 성질과 사각형을 옳게 짹지은 것은?

보기

Ⓐ 두 대각선은 서로 다른 것을 이등분한다.

Ⓑ 두 대각선의 길이가 같다.

Ⓒ 두 대각선은 서로 수직으로 만난다.

Ⓓ 두 대각선이 내각을 이등분한다.

① 등변사다리꼴 : Ⓐ, Ⓑ

② 평행사변형 : Ⓑ, Ⓒ

③ 마름모 : Ⓐ, Ⓒ, Ⓓ

④ 직사각형 : Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

⑤ 정사각형 : Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

해설

① 등변사다리꼴 : Ⓑ

② 평행사변형 : Ⓑ

④ 직사각형 : Ⓑ, Ⓒ

⑤ 정사각형 : Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ

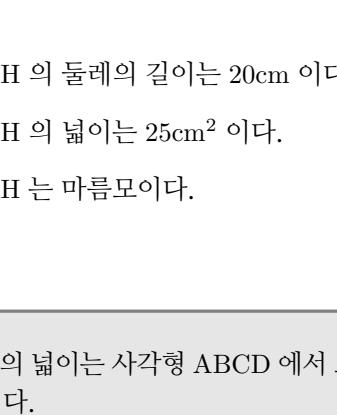
10. 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ① 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하는 사각형은 등변사다리꼴이다.
- ② 두 대각선의 길이가 같은 평행사변형은 직사각형이다.
- ③ 등변사다리꼴의 두 대각선은 길이가 같다.
- ④ 두 대각선이 서로 수직인 평행사변형은 마름모이다.
- ⑤ 두 대각선이 서로 다른 것을 수직이등분하는 평행사변형은 마름모이다.

해설

- ① 두 대각선이 서로 다른 것을 이등분하는 사각형은 평행사변형이다.

11. 다음 그림의 직사각형 ABCD 의 중점을 연결한 사각형을 □EFGH 라고 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?



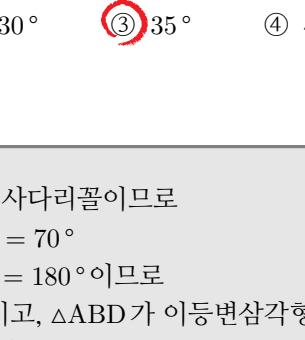
- ① $\overline{EH} \parallel \overline{FG}$
- ② $\overline{EF} = 5\text{cm}$
- ③ 사각형 EFGH 의 둘레의 길이는 20cm 이다.
- ④ 사각형 EFGH 의 넓이는 25cm^2 이다.
- ⑤ 사각형 EFGH 는 마름모이다.

해설

사각형 EFGH 의 넓이는 사각형 ABCD 에서 모서리의 삼각형의 넓이를 뺀 값이다.

$$(6 \times 8) - 4 \times \left(\frac{1}{2} \times 4 \times 3 \right) = 48 - 24 = 24(\text{cm}^2)$$

12. 다음 그림의 $\square ABCD$ 는 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 인 등변사다리꼴이다. $\overline{AB} = \overline{AD}$, $\angle DCB = 70^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?

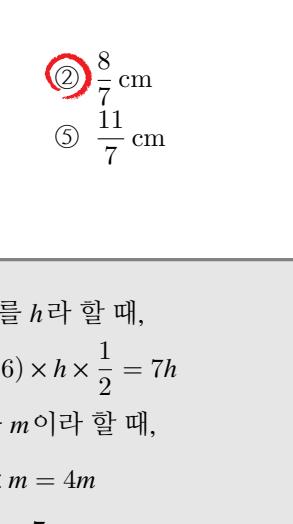


- ① 25° ② 30° ③ 35° ④ 40° ⑤ 45°

해설

$\square ABCD$ 가 등변사다리꼴이므로
 $\angle ABC = \angle DCB = 70^\circ$
 $\angle ABC + \angle BAD = 180^\circ$ 이므로
 $\angle BAD = 110^\circ$ 이고, $\triangle ABD$ 가 이등변삼각형이므로
 $\angle ABD = 35^\circ$ 이다.
 $\therefore \angle DBC = 70^\circ - 35^\circ = 35^\circ$

13. 사다리꼴 ABCD에서 $\overline{AD} = 6\text{ cm}$, $\overline{BC} = 8\text{ cm}$ 이다. \overline{AD} 의 연장선 위에 점 F를 잡을 때, 선분 BF가 $\square ABCD$ 의 높이를 이등분한다. 이 때, \overline{DF} 의 길이를 구하여라.



- ① 1 cm ② $\frac{8}{7}\text{ cm}$ ③ $\frac{9}{7}\text{ cm}$
 ④ $\frac{10}{7}\text{ cm}$ ⑤ $\frac{11}{7}\text{ cm}$

해설

$\square ABCD$ 의 높이를 h 라 할 때,
 $\square ABCD = (8 + 6) \times h \times \frac{1}{2} = 7h$
 $\triangle GBC$ 의 높이를 m 이라 할 때,
 $\triangle GBC = \frac{1}{2} \times 8 \times m = 4m$
 $4m = \frac{1}{2} \times 7h, m = \frac{7}{8}h, m : h = 7 : 8$
 $\overline{DF} : \overline{BC} = 1 : 7$ 이므로
 $\overline{DF} : 8 = 1 : 7, \overline{DF} = \frac{8}{7}(\text{cm})$

14. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD의 네 내각의 이등분선의 교점을 E, F, G, H라 할 때, 사각형 EFGH는 어떤 사각형인가?



- ① 사다리꼴 ② 등변사다리꼴 ③ 직사각형
④ 마름모 ⑤ 정사각형

해설

$$\triangle AFD = \triangle CHB$$

$$\triangle AEB = \triangle CGD$$

$$\angle HEF = \angle EFG$$

$$\overline{BH} // \overline{FD}$$

15. 다음 중 평행사변형이라 할수 있는 것을 모두 골라라.

- ① 등변사다리꼴 ② 직사각형 ③ 정사각형
④ 마름모 ⑤ 사각형

해설

평행사변형이 되는 것은 정사각형, 직사각형, 마름모이다.