

1. 밑변의 길이가 $\frac{1}{\sqrt{2}}\text{ cm}$, 높이가 $\sqrt{8}\text{ cm}$ 인 삼각형의 넓이를 구하여라.

▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : 1 cm^2

해설

$$S = \frac{1}{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times \sqrt{8} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{\sqrt{2}} \times 2\sqrt{2} = 1\text{ cm}^2$$

2. $\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{5}} - \frac{3\sqrt{b}}{10}$ 가 0 이 되려면 a 는 b 의 몇 배이어야 하는지 구하여라.

▶ 답 : 배

▷ 정답 : $\frac{9}{20}$ 배

해설

$$\frac{\sqrt{a}}{\sqrt{5}} - \frac{3\sqrt{b}}{10} = 0$$
$$\frac{\sqrt{5a}}{5} = \frac{3\sqrt{b}}{10} \Rightarrow 2\sqrt{5a} = 3\sqrt{b}$$
$$\sqrt{5a \times 2 \times 2} = \sqrt{3 \times 3 \times b}$$
$$20a = 9b \Rightarrow a = \frac{9}{20}b$$

3. $a = \sqrt{32} - \frac{12}{\sqrt{8}}$, $b = \frac{1}{\sqrt{2}} - \frac{\sqrt{12}}{3\sqrt{6}}$ 일 때, $\frac{a}{b}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{a}{b} = 6$

해설

$$a = 4\sqrt{2} - \frac{6}{\sqrt{2}} = 4\sqrt{2} - 3\sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$b = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}\sqrt{2}} - \frac{2\sqrt{3}\sqrt{6}}{3\sqrt{6}\sqrt{6}}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{6\sqrt{2}}{18}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{3}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{6}$$

$$\therefore \frac{a}{b} = \sqrt{2} \div \frac{\sqrt{2}}{6} = \sqrt{2} \times \frac{6}{\sqrt{2}} = 6$$

4. $a = \frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1}$ 일 때, $a - \frac{1}{a}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $4\sqrt{2}$

해설

$$a = 3 + 2\sqrt{2}, \frac{1}{a} = \frac{1 \times (3 - 2\sqrt{2})}{9 - 8} \text{ 이므로}$$

$$a - \frac{1}{a} = 3 + 2\sqrt{2} - (3 - 2\sqrt{2}) = 4\sqrt{2}$$

5. $a = \sqrt{5}$ 일 때, $\frac{\sqrt{a+1}}{\sqrt{a-1}} + \frac{\sqrt{a-1}}{\sqrt{a+1}}$ 를 간단히 하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\sqrt{5}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{\sqrt{a+1}}{\sqrt{a-1}} + \frac{\sqrt{a-1}}{\sqrt{a+1}} &= \frac{(\sqrt{a+1})^2 + (\sqrt{a-1})^2}{\sqrt{a-1} \times \sqrt{a+1}} \\ &= \frac{a+1+a-1}{\sqrt{a^2-1}} \\ &= \frac{2\sqrt{5}}{\sqrt{5-1}} = \sqrt{5}\end{aligned}$$