

1. 다항식  $2xy^2 + x^2y - 3x + x^3 - 1$ 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것은?

- ①  $x$ 에 대한 삼차식이다.
- ②  $y$ 에 대한 이차식이다.
- ③  $x^2$ 의 계수는  $y$ 이다.
- ④  $x$ 의 계수는  $2y^2 - 3$ 이다.
- ⑤  $y$ 에 대한 상수항은  $-1$ 이다.

해설

⑤  $y$ 에 대한 상수항:  $x^3 - 3x - 1$

2. 다음 두 다항식  $A$ ,  $B$ 에 대하여  $A - B$ 를 구하면?

$$A = 2y^2 + x^2 - 3xy, \quad B = -4x^2 - 2xy + 5y^2$$

①  $5x^2 - 2xy + 3y^2$

②  $5x^2 - xy - 3y^2$

③  $5x^2 + xy + 3y^2$

④  $5x^2 + 2xy - 3y^2$

⑤  $5x^2 + 3xy + 3y^2$

해설

동류항끼리 계산해 준다.

$$\begin{aligned} A - B &= (2y^2 + x^2 - 3xy) - (-4x^2 - 2xy + 5y^2) \\ &= 5x^2 - xy - 3y^2 \end{aligned}$$

3.  $(3a+3b)-2b = 3a+(3b-2b) = 3a+b$ 에서 사용된 법칙을 순서대로 나열한 것은?

- ① 결합법칙, 결합법칙
- ② 교환법칙, 결합법칙
- ③ 교환법칙, 분배법칙
- ④ 결합법칙, 분배법칙
- ⑤ 분배법칙, 결합법칙

해설

$$\begin{aligned}(3a + 3b) - 2b &= 3a + (3b - 2b) : \text{결합법칙} \\&= 3a + (3 - 2)b : \text{분배법칙} \\&= 3a + b\end{aligned}$$

#### 4. 다음 식을 계산했을 때, 봄은?

$$(4x^4 - 5x^3 + 3x^2 - 4x + 1) \div (x^2 - x + 1)$$

- ①  $4x^2 - 3x + 2$       ②  $4x^2 - x - 2$       ③  $4x^2 - 2x + 1$   
④  $-4x^2 - x - 2$       ⑤  $-4x^2 + x - 2$

해설

$\therefore$  봄 :  $4x^2 - x - 2$ , 나머지 :  $-5x + 3$

5. 다음 중  $(x - y)^2(x + y)^2$  을 전개한 식은?

①  $x^4 - y^4$

②  $x^2 - y^2$

③  $x^4 - 2x^2y^2 + y^4$

④  $x^4 - x^2y^2 + y^4$

⑤  $x^4 - 4x^2y^2 + y^4$

해설

$$\begin{aligned}(x - y)^2(x + y)^2 &= \{(x - y)(x + y)\}^2 \\&= (x^2 - y^2)^2 \\&= x^4 - 2x^2y^2 + y^4\end{aligned}$$

6.  $1999 \times 2001$ 의 값을 구하려 할 때, 가장 적절한 곱셈공식은?

- ①  $m(a + b) = ma + mb$
- ②  $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$

③  $(a - b)(a + b) = a^2 - b^2$

- ④  $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$
- ⑤  $a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}1999 \times 2001 &= (2000 - 1) \times (2000 + 1) \\&= 2000^2 - 1^2\end{aligned}$$

7.  $(x^3 - 3x^2 + 3x + 4)(x^2 + 2x - 5)$ 를 전개한 식에서  $x^2$ 의 계수를 구하면?

① 10

② 15

③ 19

④ 21

⑤ 25

해설

전개식에서  $x^2$  항은

i ) (이차항)  $\times$  (삼차항)에서  $15x^2 + 4x^2 = 19x^2$

ii ) (일차항)  $\times$  (일차항)에서  $6x^2$

$\therefore x^2$ 의 계수는  $19 + 6 = 25$

8. 다음 등식이  $x$ 에 대한 항등식일 때,  $a - b + c$ 의 값을 구하여라.

$$3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

해설

$$\begin{aligned}3x^2 + 2x + 1 &= a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c \\&= ax^2 - (2a - b)x + (a - b + c)\end{aligned}$$

상수항을 비교해 보면

$$\therefore a - b + c = 1$$

해설

양변에  $x = 0$ 을 대입하면

$$1 = a - b + c$$

9. 등식  $ax^2 - (2a + c)x - 1 = (b - 2)x^2 + (b + c)x - c$  가  $x$ 의 값에 관계없이 항상 성립할 때,  $a + b + c$ 의 값은?

①  $\frac{1}{3}$

②  $\frac{2}{3}$

③  $-\frac{7}{3}$

④  $-\frac{11}{3}$

⑤  $-\frac{1}{3}$

해설

주어진 식에서 동류항의 계수를 비교하면

$$a = b - 2, -(2a + c) = b + c, 1 = c$$

$$a - b = -2, -2a - b = 2$$

두 식을 연립하여 풀면

$$a = -\frac{4}{3}, b = \frac{2}{3}$$

$$a + b + c = -\frac{4}{3} + \frac{2}{3} + 1 = \frac{1}{3}$$

10. 등식  $a(x+1)^2 + b(x+1) + cx^2 = 3x - 1$  가 모든  $x$ 의 값에 대하여 항상 성립할 때 상수  $a, b, c$ 에 대하여  $\frac{a}{c} + b$ 의 값을 구하면?

- ① -6      ② -5      ③ -4      ④ -2      ⑤ -1

해설

좌변을 전개해서 계수비교하면

$$(a+c)x^2 + (2a+b)x + a + b = 3x - 1$$

$$\therefore a+c=0, 2a+b=3, a+b=-1$$

$$\therefore a=4, b=-5, c=-4$$

$$\therefore \frac{a}{c} + b = -6$$

11.  $x$ 에 대한 항등식  $ax^2 - 5x + c = 2x^2 + bx - 1$ 에서  $a, b, c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 :  $a = 2$

▷ 정답 :  $b = -5$

▷ 정답 :  $c = -1$

해설

계수비교법에 의하여 동차의 계수가 같아야 한다.

$$\therefore a = 2, b = -5, c = -1$$

12. 다음 식이  $x$ 에 대한 항등식이 되도록  $A$ ,  $B$ 의 값을 정할 때,  $A + B$ 의 값을 구하여라.

$$4x - 6 = A(x + 1) - B(x - 1)$$

▶ 답 :

▷ 정답 : -6

해설

$x$ 에 대한 항등식이므로  $x$ 의 값에 관계없이 항상 성립한다.

따라서  $x = -1$ 을 양변에 대입하면,

$$4 \times (-1) - 6 = A(-1 + 1) - B(-1 - 1)$$

$$-10 = 2B \quad \therefore B = -5$$

또,  $x = 1$ 을 양변에 대입하면,

$$4 \times 1 - 6 = A(1 + 1) - B(1 - 1)$$

$$-2 = 2A \quad \therefore A = -1$$

$$\therefore A = -1, B = -5$$

$$\therefore A + B = -6$$

해설

우변을 전개해서 내림차순으로 정리하면,

$$4x - 6 = (A - B)x + A + B$$

$$\therefore A + B = -6$$

13. 다항식  $x^{22} + x^{11} + 22x + 11$  을  $x + 1$ 로 나눈 나머지는?

- ① -33      ② -22      ③ -11      ④ 11      ⑤ 33

해설

$f(x) = x^{22} + x^{11} + 22x + 11$  이라 하면,

$f(x) = (x + 1)Q(x) + R$ 에서  $f(-1) = R$  이므로

$$f(-1) = (-1)^{22} + (-1)^{11} - 22 + 11 = -11$$

14. 다항식  $x^3 - 2x^2 + 5x - 6$ 을 일차식  $x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는?

① 0

② 1

③ 2

④ 3

⑤ 4

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= x^3 - 2x^2 + 5x - 6 \\&= (x - 2)Q(x) + R\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\therefore f(2) &= 2^3 - 2 \cdot 2^2 + 5 \cdot 2 - 6 \\&= 8 - 8 + 10 - 6 \\&= 4\end{aligned}$$

$$\therefore R = 4$$

15.  $f(x) = 2x^3 - 2x + k$  가  $x - 2$  로 나누어 떨어질 때,  $k$  의 값은?

- ① 0
- ② 1
- ③ -8
- ④ -10
- ⑤ -12

해설

$f(x) = 2x^3 - 2x + k$  가  $x - 2$  로 나누어 떨어지면

나머지정리에 의해  $f(2) = 16 - 4 + k = 0$

$$\therefore k = -12$$

16. 다항식  $ax + ay - bx - by$ 를 인수분해 하면?

- ①  $x(a - b)$
- ②  $(a - b)(x - y)$
- ③  $(a + b)(x - y)$
- ④  $(a - b)(x + y)$
- ⑤  $(a + b)(x + y)$

해설

$$\begin{aligned} ax + ay - bx - by &= a(x + y) - b(x + y) \\ &= (a - b)(x + y) \end{aligned}$$

17.  $x^3 + x^2 - 8x - 12$ 를 인수분해하면  $(x - 3) \boxed{\quad}$  이다. 이 때, □안에 알맞은 식은?

- ①  $(x + 2)^2$       ②  $(x - 2)^2$       ③  $(x + 1)^2$   
④  $(x - 3)^2$       ⑤  $(x + 3)^2$

해설

조립제법을 이용한다.

3	1	1	-8	-12
	3	12	12	
-2	1	4	4	0
		-2	-4	
-2	1	2	0	
			-2	
	1	0		

$$x^3 + x^2 - 8x - 12 = (x - 3)(x + 2)^2$$

$$\therefore \boxed{\quad} = (x + 2)^2$$

18.  $\frac{1000^2}{252^2 - 248^2}$  은?

① 62500

② 1000

③ 500

④ 250

⑤  $\frac{1}{2}$

해설

$$\begin{aligned}\frac{1000^2}{252^2 - 248^2} &= \frac{1000 \cdot 1000}{(252 + 248)(252 - 248)} \\&= \frac{1000}{500} \cdot \frac{1000}{4} \\&= 500\end{aligned}$$

19. 다항식  $f(x)$ 를  $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이  $3x - 4$ 이고, 나머지가  $2x + 5$ 이었다. 이 때,  $f(1)$ 의 값은?

① -1

② 0

③ 1

④ 3

⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\\therefore f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

20.  $(x^4 - 8x^2 - 9) \div (x^2 - 9)$  를 계산하여라.

①  $x^2 + 1$

②  $x^2 - 1$

③  $x^2 + 2$

④  $x^2 - 2$

⑤  $x^2 + 3$

해설

$$x^4 - 8x^2 - 9 = (x^2 - 9)(x^2 + 1)$$

$$\therefore (\text{준식}) = x^2 + 1$$

21.  $x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b$  가 이차식의 완전제곱식이 될 때, 상수  $a, b$ 의 값은?

①  $a = 12, b = 9$

②  $\textcircled{a} = -12, b = 9$

③  $a = 12, b = -9$

④  $a = -12, b = -9$

⑤  $a = 9, b = 12$

해설

$$x^4 + 4x^3 - 2x^2 + ax + b = (x^2 + px + q)^2 \text{ 으로 놓으면}$$

이 식의 우변은

$$x^4 + 2x^2(px + q) + (px + q)^2$$

$$= x^4 + 2px^3 + (p^2 + 2q)x^2 + 2pqx + q^2$$

좌변과 계수를 비교하면

$$2p = 4, p^2 + 2q = -2$$

$$p = 2, q = -3 \text{에서}$$

$$a = 2pq = -12, b = q^2 = 9$$

22.  $x^3 - 4x^2 + x + 6$ 을 인수분해하면  $(x+a)(x+b)(x+c)$ 이다.  $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 14

해설

$f(x) = x^3 - 4x^2 + x + 6$ 이라 놓으면,

$$x = -1 \text{ 일 때, } -1 - 4 - 1 + 6 = 0$$

따라서,  $f(x)$ 는  $(x+1)$ 로 나누어 떨어진다.

즉,  $f(x)$ 는  $(x+1)$ 의 인수를 갖는다.

즉,  $f(x) = (x+1)Q(x)$  를

$Q(x)$ 는 조립제법으로 구한다.

$$\begin{array}{r|rrrr} -1 & 1 & -4 & 1 & 6 \\ & & -1 & 5 & -6 \\ \hline & 1 & -5 & 6 & 0 \end{array}$$

$$f(x) = (x^2 - 5x + 6)(x + 1)$$

$$\therefore f(x) = (x - 3)(x - 2)(x + 1)$$

$$\therefore a^2 + b^2 + c^2 = (-3)^2 + (-2)^2 + 1^2 = 14$$

23.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 - 2x^2 - x + 2$ 가  $(x+a)(x+b)(x+c)$ 로 인수분해 될 때,  $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값은? (단,  $a, b, c$ 는 상수)

① 5

② 6

③ 7

④ 8

⑤ 9

해설

$$x^3 - 2x^2 - x + 2 = (x+1)(x-1)(x-2)$$

$$a^2 + b^2 + c^2 = (-1)^2 + 1^2 + 2^2 = 6$$

24. 두 다항식  $x^3 - 3x^2 + 2x$ ,  $x^4 - 4x^3 + 4x^2$ 의 최대공약수와 최소공배수를 각각  $f(x)$ ,  $g(x)$  라 할 때,  $f(3) + g(3)$ 의 값을 구하면?

① 18

② 19

③ 20

④ 21

⑤ 22

해설

$$x^3 - 3x^2 + 2x = x(x-2)(x-1)$$

$$x^4 - 4x^3 + 4x^2 = x^2(x-2)^2$$

$$\therefore f(x) = x(x-2), g(x) = x^2(x-1)(x-2)^2$$

$$\therefore f(3) + g(3) = 3 + 18 = 21$$

25. 두 다항식  $x^2 + ax + b$ ,  $x^2 + 3bx + 2a$ 의 최대공약수가  $x - 1$  일 때,  
 $a + b$ 의 값을 구하면?

- ① 2      ② 1      ③ 0      ④ -1      ⑤ -2

해설

최대공약수가  $x - 1$  이므로

$x^2 + ax + b$  와  $x^2 + 3bx + 2a$  는

모두  $x - 1$  로 나누어 떨어져야 한다.

$$\therefore 1 + a + b = 0 \text{ 이고 } 1 + 3b + 2a = 0$$

따라서,  $a = -2$ ,  $b = 1$

$$\therefore a + b = -1$$