- 1. 다항식 $5xy yx^2 + 2x^3 + 2yz^2$ 에 대한 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것은?
 - ② x²의 계수는 -y이다.
 - ③ *x*에 대한 3차식이다.

① *x*의 계수는 5*y*이다.

- ④ *x*에 대한 상수항은 2*yz*²이다.
- ③y, z에 대한 2차식이다.

y, z에 대한 3차식이다.

- **2.** 다항식 $A = x^2 x + 1$, $B = 3x^2 2x 1$ 에 대하여 X + 2A = B를 만족하는 다항식 *X*를 구하면?
 - ① $x^2 + 3x + 1$ ② $x^2 1$ ③ $x^2 3$

해설 X = B - 2A $= (3x^2 - 2x - 1) - 2(x^2 - x + 1)$ $= x^2 - 3$

3. 다항식 $(x^2+1)^4(x^3+1)^3$ 의 차수는?

① 5차 ② 7차 ③ 12차 ④ 17차 ⑤ 72차

 $(x^2+1)^4$ 는 8차식, $(x^3+1)^3$ 은 9차식 따라서 $(x^2+1)^4(x^3+1)^3$ 은 8+9=17차 다항식이다. **4.** 다항식 $2x^3 + x^2 - 5x + 3$ 을 $x^2 + x - 1$ 로 나눌 때, 몫과 나머지의 합을 구하여라.

답:

▷ 정답: 1

해설

직접 나누어 보면

∴ 몫 : 2x - 1, 나머지 : -2x + 2 몫과 나머지의 합은 1

$(a - b - c)^2$ 을 옳게 전개한 것은? **5.**

①
$$a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2bc + 2ca$$

② $a^2 + b^2 + c^2 - 2ab - 2bc - 2ca$

$$(a -$$

$$(a-b-c)^{2}$$

$$= a^{2} + (-b)^{2} + (-c)^{2} + 2a(-b) + 2(-b)(-c) + 2(-c)a$$

$$= a^{2} + b^{2} + c^{2} - 2ab + 2bc - 2ca$$

- 다항식 $(5x^2 + 3x + 1)^2$ 을 전개하였을 때, x^2 의 계수는? 6.
 - ① 10 ② 13 ③ 16 ⑤ 25

 $(5x^2 + 3x + 1)(5x^2 + 3x + 1)$ i) (일차항)x(일차항)의 경우 9x²

- ii) (이차항)×(상수항)의 경우 2×5x²
- $\stackrel{\mathbf{Z}}{\neg}$, $5x^2 + 5x^2 + 9x^2 = 19x^2$
- ∴ 19

- 7. 등식 $(x-2)(ax-3) = 4x^2 + bx + c$ 가 항등식이 되도록 상수 a, b, c의 값을 구하면?

 - ① a = 4, b = 5, c = 6 ② a = 2, b = -10, c = 5
 - ⑤ a = 2, b = -9, c = 5
 - ③ a = 4, b = -11, c = 6 ④ a = 2, b = -10, c = 6

(좌변)= $ax^2 - (2a + 3)x + 6$ 이므로

 $ax^2 - (2a+3)x + 6 = 4x^2 + bx + c$ 계수를 비교하면 a=4, -2a-3=b, 6=c

이것을 풀면 $a=4,\,b=-11,\,c=6$

- 8. 다음 등식 중에서 x에 어떤 값을 대입하여도 항상 성립하는 것을 모두 고르면?
 - ① $(x-2)(x+2) = x^2 4$ ② $x^2 x = x(x+2)$ $(3)(x+y)^2 = x^2 + 2xy + y^2$ (4) x(x-2) = 0

해설 ②는 x = 0일 때만 성립하고,

④는 x = 0, 2일 때만 성립한다. 그리고 ⑤는 y = 0일 때만 성립한다.

①과 ③은 모든 실수에 대하여 성립한다.

9. 등식 $3x^2 + 5x = a(x-1)^2 + b(x+1) + c$ 가 x에 관한 항등식이 되도록 하는 상수 a, b, c에 대하여 a+b-c의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 28

해설

우변을 전개하여 계수비교법으로 미정계수를 구한다. $3x^2 + 5x = a(x-1)^2 + b(x+1) + c$ $= ax^2 + (-2a + b)x + a + b + c$ a = 3, -2a + b = 5, a + b + c = 0 $\therefore a = 3, b = 11, c = -14$ $\therefore a+b-c=28$

해설

수치대입법으로 미정계수를 구해도 된다. 양변에 x = 0을 대입하면 $0 = a + b + c \cdots \bigcirc$ 양변에 x = 1을 대입하면 $8 = 2b + c \cdots \bigcirc$ 양변에 x = -1을 대입하면 $-2 = 4a + c \cdot \cdot \cdot \bigcirc$ ⊙, ⓒ, ⓒ을 연립하면 a = 3, b = 11, c = -14 $\therefore a+b-c=28$

- 10. x 의 값에 관계없이 등식 $x^2 + 13x 18 = a(x+2)(x-3) + bx(x+1)$ (2) + cx(x-3) 이 항상 성립할 때, 상수 (a,b,c)의 합 (a+b+c)의 값을 구하면?
 - 1

- ② 3 ③ 6 ④ 9 ⑤ 12

해설 준식에

- x=0을 대입하면 -18=-6a에서 a=3x=3을 대입하면 30=15b에서 b=2
- x = -2을 대입하면 -40 = 10c에서 c = -4
- $\therefore a+b+c=3+2+(-4)=1$

11. 임의의 실수 x, y에 대하여, $(x+y)a^2+(x-y)b=4x+y$ 가 성립할 때, a^2+b^2 의 값은?

① $\frac{13}{4}$ ② $\frac{15}{4}$ ③ $\frac{17}{4}$ ④ $\frac{19}{4}$ ⑤ $\frac{21}{4}$

 $(a^{2} + b)x + (a^{2} - b)y = 4x + y$ $a^{2} + b = 4 \cdots ①, a^{2} - b = 1 \cdots ②$ $①, ② \land A = \frac{5}{2}, b = \frac{3}{2}$ $\therefore a^{2} + b^{2} = \frac{19}{4}$

 ${f 12.} \quad (x+1)^5 = a_0 + a_1 x + a_2 x^2 + a_3 x^3 + a_4 x^4 + a_5 x^5$ 이 x에 대한 항등식일 때, $a_0 + a_1 + a_2 + a_3 + a_4 + a_5$ 의 값을 구하면?

① 8

② 16

332

4 64 **5** 128

양변에 x = 1을 대입하면,

 $(1+1)^5 = a_0 + a_1 + \cdots + a_5$ 이므로 $\therefore 2^5 = 32$

13. 다항식 $f(x) = x^3 - 2x^2 + 3x - 4$ 를 일차식 x + 1로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

① -10 ② 10 ③ -4 ④ 4 ⑤ 0

해설 f(x) = (x+1)Q(x) + R이라고 놓으면 f(-1) = R

f(-1) = -1 - 2 - 3 - 4 = -10

따라서 R = -10

14. 다항식 $f(x) = -4x^3 + kx + 1$ 가 일차식 x - 1로 나누어 떨어 지도록 상수 k의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

 $f(x) = -4x^{3} + kx + 1 = (x - 1) Q(x)$ f(1) = -4 + k + 1 = 0 $\therefore k = 3$

- **15.** 다항식 $2x^3 + x^2 + x + 1$ 를 2x 1 로 나눈 몫과 나머지를 순서대로 나열한 것은?

①
$$x^2 + x + 1$$
, 1 ② $x^2 + x + 1$, 2

 $3 4x^2 + 4x + 4, 4$

③ $2x^2 + 2x + 2$, 1 ④ $2x^2 + 2x + 2$, 2

다항식 $2x^3+x^2+x+1$ 를 2x-1 로 나눈 몫과 나머지를 각각 Q(x), R이라고 하면 $2x^3+x^2+x+1=(2x-1)Q(x)+R$ $=\left(x-\frac{1}{2}\right)\cdot 2Q(x)+R$

$$= \left(x - \frac{1}{2}\right) \cdot 2Q(x) + R$$

이므로

 $Q(x) = x^2 + x + 1, R = 2$

16.
$$(125^2 - 75^2) \div \{5 + (30 - 50) \div (-4)\}$$
의 값은?

41000 ① 75 3 900 ⑤ 1225 ② 125

$$125^{2} - 75^{2} = (125 + 75)(125 - 75)$$
$$= 200 \times 50 = 10000$$
$$5 + (30 - 50) \div (-4) = 5 + -\frac{20}{-4} = 10$$
(준식)= 10000 ÷ 10 = 1000

17. $a^2b^3c^4$, $ab^2c^4e^3$ 의 최대공약수를 구하면?

① ab^2c^3 $(4) a^2b^3c^4$

 \bigcirc $ab^2c^4e^3$

두 식의 공통인수 중 낮은 차수를 선택하여 곱한다.

해설

 $a^2b^3c^4$, $ab^2c^4e^3$ 에서 공통인수는 a,b,c이고 차수가 낮은 것은 각각 a, b^2, c^4 이다. 이들을 모두 곱하면 최대공약수는 ab^2c^4 **18.** 두 다항식 $x^2 + ax - 2, x^2 + 3x + b$ 의 최대공약수가 x - 1일 때, 두 실수 a,b의 합 a+b의 값은?

② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 3

최대공약수가 x-1이므로 각각의 식에 x=1을 대입하면 0이

된다. $\therefore 1 + a - 2 = 0, 1 + 3 + b = 0 \text{ odd} \ a = 1, b = -4$

 $\therefore a+b=-3$

- **19.** $(x+y)^n$ 을 전개할 때 항의 개수는 n+1 개이다. 다항식 $\{(2a-3b)^3(2a+1)\}$ $(3b)^3$] 4 을 전개할 때, 항의 개수를 구하면 ?
 - ④13개 ① 7개 ② 8개 ③ 12개 ⑤ 64개

 $\{(2a-3b)^3(2a+3b)^3\}^4$ $= \{(4a^2 - 9b^2)^3\}^4$ $= (4a^2 - 9b^2)^{12}$ $\therefore (4a^2 - 9b^2)^{12} 의 항의 개수는 13 개이다.$

20. 다항식 $x^3 + ax + b$ 가 다항식 $x^2 - x + 1$ 로 나누어 떨어지도록 상수 a + b의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 1

7 02 -

해설

나누어 떨어지려면 나머지가 0이어야 하므로 $x^2 = x - 1$ 을 대입하면 ax + (b - 1) = 0이 등식이 x에 대한 항등식이므로, a = 0, b - 1 = 0 $\therefore a = 0, b = 1$ $\therefore a + b = 1$

 $\therefore a + b = 1$

 $x^3 + ax + b$

해설

 $= (x^2 - x + 1)Q(x)$ $= (x^2 - x + 1)(x + b)$ $\therefore b = 1, a = 0$

21. $a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$ 을 인수분해하면?

- ① (a+b)(a-b)(b+c)
- (a-b)(b-c)(c+a)
- ⑤ (a-b)(b+c)(c-a)
- (3)(a-b)(a+b)(b-c) (4)(a-b)(a+b)(c-a)

$$\begin{vmatrix} a^{2}b + b^{2}c - b^{3} - a^{2}c \\ = a^{2}(b - c) - b^{2}(b - c) \\ = (a - b)(a + b)(b - c) \end{vmatrix}$$

22. (a-b+c)(a+b-c)를 전개한 식은?

①
$$a^2 + b^2 + c^2 - 2bc$$

②
$$a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$$

$$(a-b+c)(a+b-c)$$

$$= \{a - (b - c)\}\{a + (b - c)\}\$$

$$= a^{2} - (b - c)^{2}$$

$$= a^{2} - b^{2} - c^{2} + 2bc$$

$$=a^{2}-b^{2}-c^{2}+2b^{2}$$

23. 다항식 $(x-1)^3 + 27$ 을 바르게 인수분해한 것은?

- ① $(x-1)(x^2+3)$
- ② $(x-1)(x^2-x-2)$
- ③ $(x-1)(x^2+3x+3)$ ④ $(x+2)(x^2+x+7)$

x-1을 A로 치환하면 준 식 = $A^3 + 27 = (A+3)(A^2 - 3A + 9)$

다시 x-1을 대입하면 $(x+2)(x^2-5x+13)$

24. $x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$ 일 때, 상수 a, b의 곱을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

(좌 년) = $(x^2 + 2)^2 - x^2$ = $(x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)$ ∴ a = -1, b = 2 $\therefore ab = -1 \times 2 = -2$

25. $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해 하였더니 (x + ay)(x - by + c)가 된다고 할 때, a+b+c의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -4

$$x^2 - 2x - y^2 + 2y$$

= $(x^2 - y^2) - 2(x - y)$
= $(x + y - 2)(x - y)$
= $(x + ay)(x - by + c)$
계수를 비교하면
 $a = -1, b = -1, c = -2$
 $\therefore a + b + c = -1 - 1 - 2 = -4$